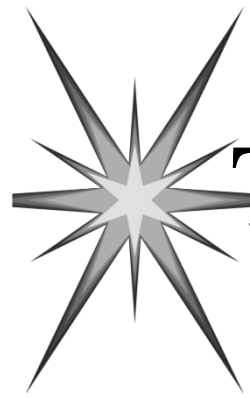


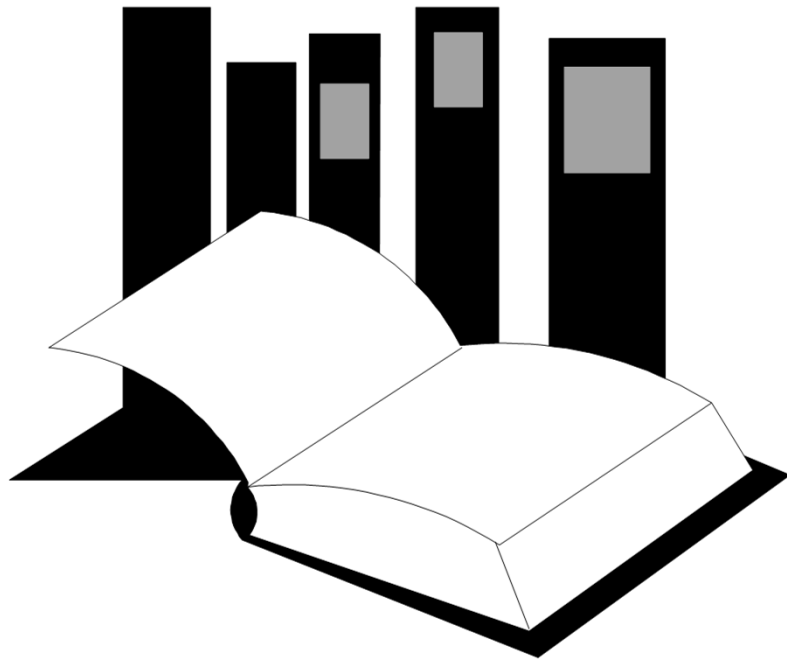


# Tìm kiếm tuần tự Tìm kiếm nhị phân

Nguyễn Tri Tuấn  
Khoa CNTT – ĐH.KHTN.Tp.HCM  
Email: [nttuan@fit.hcmus.edu.vn](mailto:nttuan@fit.hcmus.edu.vn)



# Tìm kiếm - Searching



- Trình bày các thuật toán thông dụng cho việc tìm kiếm (**Tìm tuần tự, tìm nhị phân**)
- Minh họa các thuật toán
- Đánh giá thuật toán

# Công dụng

- ❑ Tìm kiếm trong một danh sách các phần tử là một thao tác thường sử dụng trên máy tính
- ❑ Ví dụ:
  - ❑ Cơ sở dữ liệu (Database): tìm 1 sinh viên, tìm 1 tài khoản ngân hàng,...
  - ❑ Internet: Yahoo!, Google,...

# Các phương pháp phổ biến

- Tìm tuần tự (Serial Search)

  - Đơn giản

  - Chi phí  $O(n)$

- Tìm nhị phân

  - Phải là 1 **danh sách “đặc”**

  - Dữ liệu cần được sắp thứ tự

  - Chi phí trung bình  $O(\log_2 n)$

# Tìm tuần tự (Serial Search)

```
int SerialSearch(int a[], int n, int key)
{
    for (int i=0; i < n; i++)
        if (a[i]==key)    return i;    // tìm thấy
    return -1;            // không tìm thấy
}
```

# Serial Search

## Đánh giá thuật toán

- ❑ Kích thước của dãy:  $n$
- ❑ Trường hợp tốt nhất:  $O(1)$ ,  $key == a[0]$
- ❑ Trường hợp xấu nhất:  $O(n)$ ,  $key == a[n-1]$   
hoặc không tìm thấy
- ❑ Trường hợp trung bình:
  - ❑ ít hơn  $O(n)$
  - ❑ Chính xác là bao nhiêu ?

# Serial Search

## Trường hợp trung bình

- Giả sử:

- phần tử cần tìm *key* có trong dãy

- xác suất xuất hiện tại các vị trí trong dãy là như nhau

- Chi phí trung bình:

$$\frac{1 + 2 + 3 + \dots + n}{n} = \frac{n(n+1)/2}{n} = \frac{(n+1)}{2}$$

# Tìm nhị phân (Binary Search)

- Các phần tử được sắp

- $n = 8$

- $key = 16$

2	3	6	7	10	12	16	18
---	---	---	---	----	----	----	----

[0] [1] [2] [3] [4] [5] [6] [7]



- Xét phần tử giữa

$$m = n/2$$

- Nếu ( $a[m] == key$ )

→ Kết thúc !

- Nếu ( $key < a[m]$ )

Xét  $\frac{1}{2}$  dãy bên trái

- Nếu ( $key > a[m]$ )

Xét  $\frac{1}{2}$  dãy bên phải



# Tìm nhị phân (Binary Search)

2	3	6	7	10	12	16	18
---	---	---	---	----	----	----	----

[0] [1] [2] [3] [4] [5] [6] [7]

↑

---

[5] [6] [7]

2	3	6	7	10	12	16	18
---	---	---	---	----	----	----	----

[0] [1] [2] [3] [4] [5] [6] [7]

↑

**Tìm thấy**

# Binary Search

## (Minh họa chương trình)

```
int BinarySearch(int a[], int n, int key)
{
    int Left = 0, Right = n-1;
    while (Left <= Right) {
        int Mid = (Left + Right)/2;
        if (a[Mid]==key)    return Mid;    // tìm thấy
        else if (key < a[Mid]) Right = Mid - 1;
        else Left = Mid + 1;
    }
    return -1;    // không tìm thấy
}
```