

# Đồ họa máy tính

## Tuần 8: Phương pháp XÉN HÌNH



KHOA CÔNG NGHỆ THÔNG TIN  
TRƯỜNG ĐẠI HỌC KHOA HỌC TỰ NHIÊN

# Nội dung

8.1. Xén đoạn thẳng vào hình chữ nhật

8.2. Xén đa giác vào hình chữ nhật

8.3. Xén đa giác vào đa giác lồi

# 8.1. Xén đoạn thẳng vào HCN

## 8.1.1. Phát biểu bài toán

Đặc tả miền trong của HCN là:

$$D = \{(x, y) \in R^2 \mid x_{\min} \leq x \leq x_{\max}, y_{\min} \leq y \leq y_{\max}\}$$

Đoạn thẳng L qua  $(x_1, y_1)$ ,  $(x_2, y_2)$  có dạng:

$$\begin{cases} x = x_1 + (x_2 - x_1).t \\ y = y_1 + (y_2 - y_1).t \end{cases} \quad t \in [0, 1]$$

# 8.1. Xén đoạn thẳng vào HCN

## 8.1.1. Phát biểu bài toán

Phần giao  $D \cap L$  là nghiệm của hệ phương trình:

$$\begin{cases} x \min \leq x_1 + (x_2 - x_1).t \leq x \max \\ y \min \leq y_1 + (y_2 - y_1).t \leq y \max \\ 0 \leq t \leq 1 \end{cases} \quad (1)$$

## 8.1. Xén đoạn thẳng vào HCN

### 8.1.1. Phát biểu bài toán

Gọi  $T$  là tập nghiệm của hệ phương trình (1),

Nếu  $T = \emptyset$  thì  $D \cap L = \emptyset$

Nếu  $T \neq \emptyset$  thì  $T = [t_1, t_2]$ ,

$$D \cap L = \left\{ \begin{array}{l} (x, y) \in R^2, x = x_1 + (x_2 - x_1).t, \\ y = y_1 + (y_2 - y_1).t, \\ t_1 \leq t \leq t_2 \end{array} \right\}$$

## 8.1. Xén đoạn thẳng vào HCN

### 8.1.2. Phương pháp Cohen-Sutherland

- Xét vị trí tương quan giữa L và D:

$$\text{L nằm ngoài D} \Leftrightarrow \begin{cases} x_1, x_2 < x_{\min} \\ x_1, x_2 > x_{\max} \\ y_1, y_2 < y_{\min} \\ y_1, y_2 > y_{\max} \end{cases} \quad (1)$$

## 8.1. Xén đoạn thẳng vào HCN

### 8.1.2. Phương pháp Cohen-Sutherland

- Xét vị trí tương quan giữa L và D:

$$L \text{ nằm trong } D \Leftrightarrow \begin{cases} x_{\min} \leq x_1, x_2 \leq x_{\max} \\ y_{\min} \leq y_1, y_2 \leq y_{\max} \end{cases} \quad (2)$$

L cắt D nếu 2 đầu mút không thỏa (1) và (2)

## 8.1. Xén đoạn thẳng vào HCN

### 8.1.2. Phương pháp Cohen-Sutherland

Để xét vị trí tương quan giữa L và D, Cohen-Sutherland đề xuất sử dụng mã vùng.

Mã vùng của một điểm P là  $\text{Code}(P)$  gồm 4 bits:  $\text{Left}(P)$ ,  $\text{Right}(P)$ ,  $\text{Below}(P)$ ,  $\text{Above}(P)$  được xác định như sau:



# 8.1. Xén đoạn thẳng vào HCN

## 8.1.2. Phương pháp Cohen-Sutherland

$$Left(P) = \begin{cases} 1 & x < x_{min} \\ 0 & x \geq x_{min} \end{cases} \quad Right(P) = \begin{cases} 1 & x > x_{max} \\ 0 & x \leq x_{max} \end{cases}$$

$$Below(P) = \begin{cases} 1 & y < y_{min} \\ 0 & y \geq y_{min} \end{cases} \quad Above(P) = \begin{cases} 1 & y > y_{max} \\ 0 & y \leq y_{max} \end{cases}$$

## 8.1. Xén đoạn thẳng vào HCN

### 8.1.2. Phương pháp Cohen-Sutherland

Nếu L cắt D, giả sử  $Code(A) \neq 0000$  (A ở ngoài HCN).

Ta thực hiện lặp quá trình sau cho đến khi đoạn thẳng tạo sinh nằm ngoài hoặc nằm trong D.

- Nếu  $Left(A)=1$ : cập nhật A bởi nghiệm của hệ

phương trình

$$\begin{cases} x = x_{\min} \\ y = y_A + \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} (x - x_A) \end{cases}$$

TS. Lý Quốc Ngọc

## 8.1. Xén đoạn thẳng vào HCN

### 8.1.2. Phương pháp Cohen-Sutherland

- Nếu  $\text{Right}(A)=1$ : cập nhật A bởi nghiệm của hệ phương trình

$$\begin{cases} x = x_{\max} \\ y = y_A + \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} (x - x_A) \end{cases}$$

## 8.1. Xén đoạn thẳng vào HCN

### 8.1.2. Phương pháp Cohen-Sutherland

- Nếu  $\text{Below}(A)=1$ : cập nhật A bởi nghiệm của hệ phương trình

$$\begin{cases} y = y_{\min} \\ x = x_A + \frac{x_B - x_A}{y_B - y_A} (y - y_A) \end{cases}$$

## 8.1. Xén đoạn thẳng vào HCN

### 8.1.2. Phương pháp Cohen-Sutherland

- Nếu  $\text{Above}(A)=1$ : cập nhật A bởi nghiệm của hệ phương trình

$$\begin{cases} y = y_{\max} \\ x = x_A + \frac{x_B - x_A}{y_B - y_A} (y - y_A) \end{cases}$$

## 8.2. Xén đa giác vào HCN

### 8.2.1. Phát biểu bài toán

Đặc tả miền trong của HCN là:

$$D = \{(x, y) \in R^2 \mid x_{\min} \leq x \leq x_{\max}, y_{\min} \leq y \leq y_{\max}\}$$

Đa giác  $P$  có các đỉnh  $P_1(x_1, y_1), \dots, P_n(x_n, y_n)$  gồm các đoạn thẳng có  $P_i P_{i+1 \bmod n}$  dạng:

$$\begin{cases} x = x_i + (x_{i+1 \bmod n} - x_i).t_i \\ y = y_i + (y_{i+1 \bmod n} - y_i).t_i \end{cases} \quad t_i \in [0, 1]; \quad i \in [1, n]$$

## 8.2. Xén đa giác vào HCN

### 8.2.1. Phát biểu bài toán

Phần giao  $D \cap P$  là miền trong được tạo bởi tập các đỉnh của  $D$  thuộc đa giác  $P$  và tập điểm là nghiệm của các hệ phương trình sau

$$\begin{cases} x_{\min} \leq x_i + (x_{i+1 \bmod n} - x_i).t_i \leq x_{\max} \\ y_{\min} \leq y_i + (y_{i+1 \bmod n} - y_i).t_i \leq y_{\max} \\ 0 \leq t_i \leq 1 \end{cases} \quad i \in [1, n]$$

## 8.2. Xén đa giác vào HCN

### 8.2.2. Phương pháp Sutherland-Hodgeman

#### Giai đoạn 1. Xác định tập điểm ứng viên tạo nên phần giao $D \cap P$

- Nếu tất cả các đỉnh của  $P$  đều nằm trên  $D$  (hoặc trong  $D$ ) thì kết quả chính là đa giác.
- Nếu ngược lại (tồn tại ít nhất 1 điểm của  $P$  nằm ngoài  $D$ )
  - . Duyệt lần lượt các cạnh của  $P$  khởi đầu từ đỉnh  $(x_1, y_1)$ .
  - . Với mỗi cạnh của  $P$ , ta có các trường hợp sau:
    - . Nếu cả 2 đỉnh đều nằm ngoài HCN thì
      - . Nếu cạnh nằm ngoài HCN thì không lưu đỉnh.
      - . Nếu cạnh cắt HCN thì lưu 2 giao điểm.



## 8.2. Xén đa giác vào HCN

### 8.2.2. Phương pháp Sutherland-Hodgeman

- . Với mỗi cạnh của  $P$ , ta có các trường hợp sau:
  - . Nếu  $P_i$  nằm ngoài,  $P_{i+1 \bmod n}$  nằm trong: lưu giao điểm  $I$  và  $P_{i+1 \bmod n}$
  - . Cả hai đỉnh nằm trong  $D$ : lưu  $P_i$  và  $P_{i+1 \bmod n}$ .
  - . Nếu  $P_i$  nằm trong,  $P_{i+1 \bmod n}$  nằm ngoài: lưu  $P_i$  và  $I$

## 8.2. Xén đa giác vào HCN

### 8.2.2. Phương pháp Sutherland-Hodgeman

**Giai đoạn 2. Bổ sung tập điểm ứng viên tạo nên phần giao  $D \cap P$**

Sau khi duyệt qua tất cả các cạnh của  $P$ , ta có một dãy các đỉnh mới phát sinh  $\{Q_i\}, i \in [1, m]$  (giả sử  $\{Q_i\} \neq \emptyset$ )

Nếu trong dãy các đỉnh mới này, có **hai đỉnh liên tiếp không nằm trên cùng một cạnh** của  $D$ . giả sử là  $Q_i$  và  $Q_{i+1}$ . Đi dọc theo các cạnh của  $D$  từ  $Q_i$  đến  $Q_{i+1}$  để tìm **tất cả các đỉnh của  $D$  nằm trong  $P$  rồi bổ sung** chúng vào giữa  $Q_i$  và  $Q_{i+1}$ .

## 8.2. Xén đa giác vào HCN

### 8.2.2. Phương pháp Sutherland-Hodgeman

**Giai đoạn 2. Bổ sung tập điểm ứng viên tạo nên phần giao  $D \cap P$**

**Tập điểm được bổ sung cấu thành nên phần giao  $D \cap P$**

**Nếu tạo điểm này rỗng:**

- . Nếu tồn tại một đỉnh  $D$  nằm trong  $P$  thì kết quả  $D$ .
- . Ngược lại kết quả là rỗng

## 8.3. Xén đa giác vào đa giác lồi

### 8.3.1. Phát biểu bài toán

Cho trước đa giác lồi  $P$  convex.

Đa giác bị cắt  $P$  có các đỉnh  $P_1(x_1, y_1), \dots, P_n(x_n, y_n)$  gồm các đoạn thẳng có  $P_i P_{i+1 \bmod n}$  dạng:

$$\begin{cases} x = x_i + (x_{i+1 \bmod n} - x_i).t_i \\ y = y_i + (y_{i+1 \bmod n} - y_i).t_i \end{cases} \quad t_i \in [0, 1]; \quad i \in [1, n]$$

## 8.3. Xén đa giác vào đa giác lồi

### 8.3.1. Phát biểu bài toán

Phần giao  $D \cap P$  là miền trong cần được xác định.

## 8.3. Xén đa giác vào đa giác lồi

### 8.3.2. Phương pháp Sutherland-Hodgman

- Giả sử  $P_1(x_1, y_1), \dots, P_n(x_n, y_n)$  là các đỉnh của đa giác bị cắt  $P$ .
- Giả sử  $E$  (được xác định bởi 2 điểm  $A, B$ ) là cạnh bất kỳ của đa giác lồi  $P_{\text{convex}}$ .
- Lần lượt xét mỗi cạnh của  $P$  đối với  $E$ , ta có 4 trường hợp sau:

## 8.3. Xén đa giác vào đa giác lỗi

### 8.3.2. Phương pháp Sutherland-Hodgman

-Giả sử xét cạnh E: AB ,

**TH1.** Cả hai đỉnh  $P_{i-1}$ ,  $P_i$  ở bên trái E

Đỉnh  $P_i$  được đặt vào Vertex Output List.

**TH2.** Cả hai đỉnh  $P_{i-1}$ ,  $P_i$  ở bên phải E

**Không có đỉnh nào** được đặt vào Vertex Output List.

**TH3.**  $P_{i-1}$  ở bên trái E,  $P_i$  ở bên phải E

Giao điểm I của  $P_{i-1}P$  và E được đặt vào Vertex Output List.

**TH3.**  $P_{i-1}$  ở bên phải E,  $P_i$  ở bên trái E

$P_i$  và giao điểm I của  $P_{i-1}P$  và E được đặt vào Vertex Output List.

## 8.3. Xén đa giác vào đa giác lỗi

### 8.3.2. Phương pháp Sutherland-Hodgman

**B1.** Lặp với mỗi cạnh của Pconvex

**B2.** Lặp với mỗi cạnh của P

**B3.** Cập nhật Vertex Output List

**B4.** Kết thúc lặp P

**B5.** Kết thúc lặp Pconvex

**B6.** Vertex Output List chứa các đỉnh của đa giác kết quả