

Bài tập tiên đề Amstrong

Cho tập phụ thuộc hàm $F = \{AB \rightarrow C, B \rightarrow D, CD \rightarrow E, CE \rightarrow GH, G \rightarrow A\}$. Hãy chứng tỏ phụ thuộc hàm $AB \rightarrow E$ và $AB \rightarrow G$ được suy diễn từ F nhờ luật suy diễn Armstrong.

Viết lại đề bài:

$F = \{f1: AB \rightarrow C,$

$f2: B \rightarrow D,$

$f3: CD \rightarrow E,$

$f4: CE \rightarrow GH,$

$f5: G \rightarrow A\}$

Bài giải:

Ta có: $f6: AB \diamond D$ (áp dụng luật thêm cho $f2$)

$f7: AB \diamond CD$ (áp dụng luật hội cho $f1$ và $f6$)

$f8: AB \diamond E$ (áp dụng luật bắc cầu cho $f7$ và $f3$), vậy ta đã suy diễn được PTH theo yêu cầu

Cho lược đồ quan hệ $Q(CDEGHK)$ và tập phụ thuộc hàm $F = \{CK \diamond H, C \diamond D, E \diamond C, E \diamond G, CK \diamond E\}$. Chứng minh $EK \diamond DH$ bằng luật suy diễn Armstrong.

Viết lại đề bài:

$F = \{f1: CK \diamond H,$

$f2: C \diamond D,$

$f3: E \diamond C,$

$f4: E \diamond G,$

$f5: CK \diamond E\}$

Muốn chứng minh $EK \diamond DH$ ta phải chứng minh được $EK \diamond D$ (1) và $EK \diamond H$ (2)

Để chứng minh, ta phải chú ý những PTH có VT chứa EK và những PTH có VP chứa D, H

Ta thấy chỉ có $f2: C \diamond D$ có liên quan đến (1), trong khi VT của (1) là EK , cho nên ta sẽ tìm cách kết hợp $f2$ với những PTH có VT chứa E, K .

$f6: CK \diamond D$ (áp dụng luật thêm vào cho $f2$)

$f7: EK \diamond D$ (áp dụng luật bắc cầu giả cho $f3$ và $f6$), ta đã chứng minh được (1)

$f8: EK \diamond CK$ (áp dụng luật thêm vào cho $f3$)

f9: $EK \diamond H$ (áp dụng luật bắc cầu cho f8 và f1), ta đã chứng minh được (2)

f10: $EK \diamond DH$ (áp dụng luật hội cho f7 và f9, vậy ta đã chứng minh được PTH theo yêu cầu.

Chứng minh rằng G tương đương với F

Bài tập . Cho hai tập phụ thuộc hàm F và G

$F = \{f1: M \rightarrow NE, f2: EG \rightarrow CD, f3: E \rightarrow M\}$

$G = \{g1: M \rightarrow NE, g2: MG \rightarrow CDN, g3: E \rightarrow MN, g4: EG \rightarrow N\}$

Chứng minh rằng G tương đương với F bằng hai cách: bằng cách tìm bao đóng và bằng cách dùng luật Armstrong

Bài giải: Ta chỉ cần xét xem $EG \diamond CD$, $E \diamond M$ có trong G^+ hay không? Và xét xem $MG \rightarrow CDN$,

$E \rightarrow MN$, $EG \rightarrow N$ có trong F^+ hay không?

$\{EG\}^+G = \{EGMNCD\}$ cho nên $EG \diamond CD$ có trong G^+

Trong G, ta có $E \diamond MN$, và áp dụng luật phân rã cho nó, ta có $E \diamond M$

$\{MG\}^+F = \{MGNECD\}$ cho nên $MG \diamond CDN$ có trong F^+

Trong F, ta có:

f4: $E \rightarrow NE$ (áp dụng luật bắc cầu cho f3 và f1)

f5: $E \rightarrow N$ (áp dụng luật phân rã cho f4)

f6: $E \rightarrow MN$ (áp dụng luật hợp cho f3 và f5). Vậy $E \diamond MN$ có trong F^+

$\{EG\}^+F = \{EGCDMN\}$, vậy $EG \diamond N$ có trong F^+

Kết luận: F và G tương đương nhau

Bài giải mẫu Xác định phủ tối thiểu

Xác định phủ tối thiểu của tập phụ thuộc hàm F của các lược đồ quan hệ dưới đây:

4. $Q(A,B,C,D,E,G)$, $F=\{AB \rightarrow C; C \rightarrow A; BC \rightarrow D; ACD \rightarrow B; D \rightarrow EG; BE \rightarrow C; CG \rightarrow BD; CE \rightarrow AG\}$.

Bài giải: $\{CD\}^+ = CDABEG$

Bước 1: Loại khỏi F các PTH có VT dư thừa (bước 1 là để tối thiểu hóa VT)

Bước 2: Tách các PTH có VP có hơn 1 thuộc tính trở lên thành các PTH có VP có 1 thuộc tính

Bước 3: Loại khỏi F các PTH dư thừa (bước 2, bước 3 là để tối thiểu hóa VP và tối thiểu hóa số lượng PTH)

Bước 1: Loại khỏi F các PTH có VT dư thừa

PTH có VT là 1 một thuộc tính thì PTH đó gọi là PTH đầy đủ. Vì vậy $C \rightarrow A$, $D \rightarrow EG$ là các PTH đầy đủ, ta không loại chúng ra khỏi F.

Xét từng

ét từng PTH có VT nhiều hơn 1 thuộc tính là $AB \rightarrow C$, $BC \rightarrow D$, $ACD \rightarrow B$, $BE \rightarrow C$; $CG \rightarrow BD$; $CE \rightarrow AG$, ta xét xem chúng có VT dư thừa hay không.

Đối với $AB \rightarrow C$, ta xét xem liệu có hay không $A \rightarrow C$, $B \rightarrow C$?

$A^+ = A$, cho nên không có $A \rightarrow C$

$B^+ = B$ cho nên không có $B \rightarrow C$

Đối với $BC \rightarrow D$, ta xét xem liệu có hay không $B \rightarrow D$, $C \rightarrow D$?

$B^+ = B$ cho nên không có $B \rightarrow D$

$C^+ = CA$ cho nên không có $C \rightarrow D$

Đối với $ACD \rightarrow B$ ta xét xem liệu có hay không $A \rightarrow B$, $C \rightarrow B$, $D \rightarrow B$, $AC \rightarrow B$, $AD \rightarrow B$, $CD \rightarrow B$ hay không?

$A^+ = A$, cho nên không có $A \rightarrow B$

$C^+ = CA$, cho nên không có $C \rightarrow B$

$D^+ = DEG$ cho nên không có $D \rightarrow B$

$\{AC\}^+ = AC$ cho nên không có $AC \rightarrow B$

$\{AD\}^+ = ADEG$ cho nên không có $AD \diamond B$

$\{CD\}^+ = CDAEGBD$ cho nên ta có $CD \diamond B$

Từ kết quả trên, ta có thể thay $ACD \diamond B$ bằng $CD \diamond B$

Đối với $BE \diamond C$ ta xét xem liệu có hay không $B \diamond C$, $E \diamond C$?

$B^+ = B$ cho nên không có $B \diamond C$

$E^+ = E$ cho nên không có $E \rightarrow C$

Đối với $CG \diamond BD$ ta xét xem liệu có hay không $C \diamond BD$, $G \diamond BD$?

$C^+ = CA$, cho nên không có $C \diamond BD$

$G^+ = G$ cho nên không có $G \diamond BD$

Đối với $CE \rightarrow AG$, ta xét xem liệu có hay không $C \diamond AG$, $E \diamond AG$?

$C^+ = CA$, cho nên không có $C \diamond AG$

$E^+ = E$ cho nên không có $E \rightarrow AG$

Kết quả bước 1, ta có tập PTH mới là:

$F = \{AB \rightarrow C; C \rightarrow A; BC \rightarrow D; CD \rightarrow B; D \rightarrow EG; BE \rightarrow C; CG \rightarrow BD; CE \rightarrow AG\}$.

Bước 2: Tách các PTH có VP có hơn 1 thuộc tính thành các PTH có VP là 1 thuộc tính

Ta xét $F = F_{1tt} = \{AB \rightarrow C; C \rightarrow A; BC \rightarrow D; CD \rightarrow B; D \rightarrow E; D \diamond G; BE \rightarrow C; CG \rightarrow B; CG \rightarrow D; CE \rightarrow A, CE \rightarrow G\}$.

Bước 3: Loại khỏi F các PTH dư thừa

Cách làm (giải thuật):

Thử loại từng PTH ra khỏi F, nếu PTH đó vẫn là thành viên của $F - \{PTH\}$, thì ta thật sự loại PTH đó ra khỏi F luôn.

Nghĩa là:

Thử loại từng PTH ra khỏi F, nếu nhờ suy diễn mà ta vẫn có PTH đó là thành viên của $F - \{PTH\}$, thì ta thật sự loại PTH đó ra khỏi F luôn để tối thiểu hóa F.

Nói một cách khác:

Thử loại từng PTH ra khỏi F, nếu nhờ suy diễn mà ta vẫn có PTH là thành viên của F^+ , thì ta thật sự loại PTH đó ra khỏi F luôn để tối thiểu hóa F.

Áp dụng vào bài toán này:

Thử loại $AB \diamond C$ ra khỏi F_{1tt} , ta xét xem có thể suy diễn $AB \diamond C$ là thành viên của

$\{C \rightarrow A; BC \rightarrow D; CD \rightarrow B; D \rightarrow E; D \diamond G, BE \rightarrow C; CG \rightarrow B; CG \rightarrow D; CE \rightarrow A, CE \rightarrow G\}$ hay không?

Ta có $\{AB\}^+ = AB$ cho nên ta không có $AB \diamond C$

Thử loại $C \diamond A$ ra khỏi F1tt, ta xét xem có thể suy diễn $C \diamond A$ là thành viên của $\{AB \diamond C, BC \rightarrow D; CD \rightarrow B; D \rightarrow E; D \diamond G, BE \rightarrow C; CG \rightarrow B; CG \rightarrow D; CE \rightarrow A, CE \rightarrow G\}$ hay không?

Ta có $C^+ = C$ cho nên ta không có C

Thử loại $BC \diamond D$ ra khỏi F1tt, ta xét xem có thể suy diễn $BC \diamond D$ là thành viên của $\{AB \rightarrow C; C \rightarrow A; CD \rightarrow B; D \rightarrow E; D \diamond G, BE \rightarrow C; CG \rightarrow B; CG \rightarrow D; CE \rightarrow A, CE \rightarrow G\}$ hay không?

Ta có $\{BC\}^+ = BCA = ABC$ cho nên ta không có $BC \diamond D$

Thử loại $CD \diamond B$ ra khỏi F1tt, ta xét xem có thể suy diễn $CD \diamond B$ là thành viên của $\{AB \rightarrow C; C \rightarrow A; BC \rightarrow D; D \rightarrow E; D \diamond G, BE \rightarrow C; CG \rightarrow B; CG \rightarrow D; CE \rightarrow A, CE \rightarrow G\}$ hay không?

Ta có $\{CD\}^+ = CDAEGB = ABCDEG$, cho nên ta có $CD \diamond B$ là thành viên của F+

Vậy ta có thể loại $CD \diamond B$ ra khỏi F

Thử loại $D \diamond E$ ra khỏi F1tt, ta xét xem có thể suy diễn $D \rightarrow E$ là thành viên của $\{AB \rightarrow C; C \rightarrow A; BC \rightarrow D; D \diamond G, BE \rightarrow C; CG \rightarrow B; CG \rightarrow D; CE \rightarrow A, CE \rightarrow G\}$ hay không?

Ta có $D^+ = DG$ cho nên ta không có $D \rightarrow E$

Thử loại $D \rightarrow G$ ra khỏi F1tt, ta xét xem có thể suy diễn $D \diamond G$ là thành viên của $\{AB \rightarrow C; C \rightarrow A; BC \rightarrow D; D \rightarrow E; BE \rightarrow C; CG \rightarrow B; CG \rightarrow D; CE \rightarrow A, CE \rightarrow G\}$ hay không?

Ta có $D^+ = DE$ cho nên ta không có $D \rightarrow G$

Thử loại $BE \rightarrow C$ ra khỏi F1tt, ta xét xem có thể suy diễn $BE \rightarrow C$ là thành viên của $\{AB \rightarrow C; C \rightarrow A; BC \rightarrow D; D \rightarrow E; D \diamond G, CG \rightarrow B; CG \rightarrow D; CE \rightarrow A, CE \rightarrow G\}$ hay không?

Ta có $\{BE\}^+ = BE$ cho nên ta không có $BE \rightarrow C$

Thử loại $CG \rightarrow B$ ra khỏi F1tt, ta xét xem có thể suy diễn $CG \rightarrow B$ là thành viên của $\{AB \rightarrow C; C \rightarrow A; BC \rightarrow D; D \rightarrow E; D \diamond G, BE \rightarrow C; CG \rightarrow D; CE \rightarrow A, CE \rightarrow G\}$ hay không?

Ta có $\{CG\}^+ = CGADE$, cho nên ta không có $CG \diamond B$

Thử loại $CG \rightarrow D$ ra khỏi F1tt, ta xét xem có thể suy diễn $CG \rightarrow D$ là thành viên của

$\{AB \rightarrow C; C \rightarrow A; BC \rightarrow D; D \rightarrow E; D \diamond G, BE \rightarrow C; CG \rightarrow B; CE \rightarrow A, CE \rightarrow G\}$ hay không?

Ta có $\{CG\}^+ = CGABDE$, cho nên ta có $CG \diamond D$ là thành viên của F^+

Vậy ta có thể loại $CG \rightarrow D$ ra khỏi F .

F lúc này chỉ còn:

$F = \{AB \rightarrow C; C \rightarrow A; BC \rightarrow D; D \rightarrow E; D \diamond G, BE \rightarrow C; CG \rightarrow B; CE \rightarrow A, CE \rightarrow G\}$.

Thử loại $CE \rightarrow A$ ra khỏi F tiếp, ta xét xem có thể suy diễn $CE \rightarrow A$ là thành viên của

$F = \{AB \rightarrow C; C \rightarrow A; BC \rightarrow D; D \rightarrow E; D \diamond G, BE \rightarrow C; CG \rightarrow B; CE \rightarrow G\}$ hay không?

Ta có $\{CE\}^+ = CEAGBD$ cho nên ta có $CE \diamond A$ là thành viên của F^+

Vậy ta có thể loại $CE \rightarrow A$ ra khỏi F

F lúc này chỉ còn:

$F = \{AB \rightarrow C; C \rightarrow A; BC \rightarrow D; D \rightarrow E; D \diamond G, BE \rightarrow C; CG \rightarrow B; CE \rightarrow G\}$.

Thử loại $CE \rightarrow G$ ra khỏi F tiếp, ta xét xem có thể suy diễn $CE \rightarrow G$ là thành viên của

$F = \{AB \rightarrow C; C \rightarrow A; BC \rightarrow D; D \rightarrow E; D \diamond G, BE \rightarrow C; CG \rightarrow B\}$ hay không?

Ta có $\{CE\}^+ = CEA$ cho nên ta không có $CE \diamond G$

Kết quả của bước 3: phủ tối thiểu của tập PTH F ban đầu là:

$F = \{AB \rightarrow C; C \rightarrow A; BC \rightarrow D; D \rightarrow E; D \diamond G, BE \rightarrow C; CG \rightarrow B; CE \rightarrow G\}$