

Bắt đầu vào lúc Wednesday, 29 November 2023, 2:31 PM

Trạng thái Đã xong

Kết thúc lúc Wednesday, 29 November 2023, 3:13 PM

Thời gian thực hiện 41 phút 27 giây

Điểm 22,00/25,00

Điểm 8,80 trên 10,00 (88%)

Câu hỏi 1

Đúng

Đạt điểm 1,00
trên 1,00

Xác định m để vector $x = (m + 1, -m, -m + 2)$ không là một tổ hợp tuyến tính của các vector $u = (1, -2, -3)$, $v = (-2, 3, 5)$ và $w = (m, -1, m + 3)$.

Select one:

- ☒ A. $m = -2$ ✓
- ☐ B. $m \neq -3$
- ☐ C. $m = -3$
- ☐ D. $m \neq -2$

đọc

$$\left(\begin{array}{ccc|c} 1 & -2 & m & m+1 \\ -2 & 3 & -1 & -m \\ -3 & 5 & m+3 & -m+2 \end{array} \right) \rightarrow \begin{cases} \text{Vô nghiệm} \rightarrow \text{Không thể} \\ \text{Có nghiệm} \rightarrow \text{thực} \end{cases}$$

The correct answer is: $m = -2$

Câu hỏi 2

Đúng

Đạt điểm 1,00
trên 1,00

Xác định m để vector $x = (m - 2, -m, 3m - 1)$ không là một tổ hợp tuyến tính của các vector $u = (1, -2, 3)$, $v = (2, 1, -4)$ và $w = (2m - 1, -m, 2m - 3)$.

Select one:

- ☐ A. $m = \frac{3}{2}$
- ☐ B. $m \neq 2$
- ☐ C. $m \neq \frac{3}{2}$
- ☒ D. $m = 2$ ✓

đọc

$$\left(\begin{array}{ccc|c} 1 & 2 & 2m-1 & m-2 \\ -2 & 1 & -m & -m \\ 3 & -4 & 2m-3 & 3m-1 \end{array} \right) \rightarrow \begin{cases} \text{Vô nghiệm} \rightarrow \text{Không thể} \\ \text{Có nghiệm} \rightarrow \text{thực} \end{cases}$$

The correct answer is: $m = 2$

Câu hỏi 3

Sai

Đạt điểm 0,00
trên 1,00

Trong không gian \mathbb{R}^3 , cho các vector $u = (1, -1, 2)$, $v = (1, -1, m+3)$, $w = (2, m-1, m+4)$. Khẳng định nào sau đây là đúng?

Select one:

- ☐ A. Hệ các vector u, v, w có hạng bằng 3 với mọi m
- ☒ B. u, v, w phụ thuộc tuyến tính khi và chỉ khi $m = -1$
- ☐ C. Hệ các vector u, v, w tạo thành một cơ sở khi và chỉ khi $m \neq 1$ ✗
- ☐ D. u, v, w độc lập tuyến tính khi và chỉ khi $m \neq 1$

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 2 \\ -1 & -1 & m-1 \\ 2 & m+3 & m+4 \end{pmatrix} \quad \begin{array}{l} r(A) = 3 \text{ độc lập} \\ r(A) < 3 \text{ phụ thuộc} \\ \det(A) \neq 0 \Rightarrow \text{cơ sở} \end{array}$$

The correct answer is: u, v, w phụ thuộc tuyến tính khi và chỉ khi $m = -1$

Câu hỏi 4

Đúng

Đạt điểm 1,00
trên 1,00

Xác định m để 3 vector sau đây tạo thành một cơ sở của \mathbb{R}^3 : $(1, 2, m)$, $(2, -3, 2m)$, $(m, m+1, m+2)$.

Select one:

- ☐ A. $m \neq -1$
- ☐ B. không có m
- ☐ C. m tùy ý
- ☒ D. $-1 \neq m \neq 2$ ✓

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & m \\ 2 & -3 & 2m \\ m & m+1 & m+2 \end{pmatrix} \quad \det \neq 0 \Rightarrow$$

The correct answer is: $-1 \neq m \neq 2$

Câu hỏi 5

Sai

Đạt điểm 0,00
trên 1,00

Xác định m để 4 vector sau độc lập tuyến tính: $a = (3, 2, 1, 4)$, $b = (7, 3, 5, 1)$, $c = (4, 1, 4, -3)$ và $d = (17, 8, 11, m)$.

Select one:

- ☒ A. Không có giá trị m
- ☐ B. $m \neq 1$
- ☐ C. m tùy ý ✗
- ☐ D. $m \neq 2$

$$\begin{pmatrix} 3 & 7 & 4 & 17 \\ 2 & 3 & 1 & 8 \\ 1 & 5 & 4 & 11 \\ 4 & 1 & -3 & m \end{pmatrix}$$

The correct answer is: Không có giá trị m

phản: $m=2 \rightarrow \det=0 \mid m=1 \rightarrow \det=0 \mid m=0 \rightarrow \det=0$

Câu hỏi 6

Đúng

Đạt điểm 1,00
trên 1,00Xác định m để 3 vector sau phụ thuộc tuyến tính: $u = (-4, 2, -3)$, $v = (m, 1, -m)$ và $w = (1, -m, 2m)$.

Select one:

- ☐ A. Không có giá trị m
- ☐ B. $m = -\frac{1}{3} \vee m = 3$
- ☒ C. $m = \frac{1}{3} \vee m = 3$ ✓
- ☐ D. $m = -\frac{1}{3} \vee m = -3$

$$\begin{vmatrix} -4 & m & 1 \\ 2 & 1 & -m \\ -3 & -m & 2m \end{vmatrix} = 0 \Rightarrow \text{phụ thuộc}$$

$$\begin{cases} m = \frac{1}{3} \\ m = 3 \end{cases}$$

The correct answer is: $m = \frac{1}{3} \vee m = 3$

$$m = -3, m = -1/3 \rightarrow \det \neq 0 \Rightarrow \text{độc lập}$$

Câu hỏi 7

Đúng

Đạt điểm 1,00
trên 1,00Trong \mathbb{R}^2 cho hai cơ sở $A = \{(2, -4), (3, -5)\}$ và $B = \{(-2, 5), (3, -4)\}$. Ma trận chuyển cơ sở $P_{A \rightarrow B}$ là:

Select one:

- ☒ A. $P_{A \rightarrow B} = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} -5 & -3 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$ ✓
- ☐ B. $P_{A \rightarrow B} = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 5 & -3 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$
- ☐ C. $P_{A \rightarrow B} = \frac{1}{7} \begin{pmatrix} -4 & -3 \\ 2 & 5 \end{pmatrix}$
- ☐ D. $P_{A \rightarrow B} = \frac{1}{7} \begin{pmatrix} 4 & -3 \\ 2 & 5 \end{pmatrix}$

$$A^{-1} \cdot B = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ -4 & -5 \end{pmatrix}^{-1} \cdot \begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 5 & -4 \end{pmatrix} = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} -5 & -3 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$$

The correct answer is: $P_{A \rightarrow B} = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} -5 & -3 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$

Câu hỏi 8

Đúng

Đạt điểm 1,00
trên 1,00

Trong \mathbb{R}^2 cho hai cơ sở $A = \{(-2, 5), (3, -4)\}$ và $B = \{(2, -4), (3, -5)\}$. Ma trận chuyển cơ sở $P_{A \rightarrow B}$ là:

Select one:

- ☐ A. $P_{A \rightarrow B} = \frac{1}{7} \begin{pmatrix} 4 & -3 \\ 2 & 5 \end{pmatrix}$
- ☐ B. $P_{A \rightarrow B} = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 5 & -3 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$
- ☐ C. $P_{A \rightarrow B} = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} -5 & -3 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$
- ☒ D. $P_{A \rightarrow B} = \frac{1}{7} \begin{pmatrix} -4 & -3 \\ 2 & 5 \end{pmatrix}$ ✓

$$A^{-1} \cdot B = \begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 5 & -4 \end{pmatrix}^{-1} \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ -4 & -5 \end{pmatrix} = \frac{1}{7} \begin{pmatrix} -4 & -3 \\ 2 & 5 \end{pmatrix}$$

The correct answer is: $P_{A \rightarrow B} = \frac{1}{7} \begin{pmatrix} -4 & -3 \\ 2 & 5 \end{pmatrix}$

Câu hỏi 9

Đúng

Đạt điểm 1,00
trên 1,00

Số chiều và một cơ sở của không gian con các nghiệm S của hệ phương trình

$$\begin{cases} x + y - 2z + 2t = 0 \\ 2x + 3y - 5z + 5t = 0 \\ 3x + 4y - 7z + 7t = 0 \\ 4x + 5y - 9z + 9t = 0 \end{cases} \text{ là:}$$

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & -2 & 2 \\ 2 & 3 & -5 & 5 \\ 3 & 4 & -7 & 7 \\ 4 & 5 & -9 & 9 \end{pmatrix} \begin{matrix} = \\ = \\ = \\ = \end{matrix}$$

Select one:

- ☐ A. $\dim S = 3$ và cơ sở là $\{(1, 1, 0, 1), (-1, -1, 0, 1), (1, 0, 1, 0)\}$
- ☐ B. $\dim S = 2$ và cơ sở là $\{(1, 1, 1, 0), (1, -1, 0, 1)\}$
- ☒ C. $\dim S = 2$ và cơ sở là $\{(1, 1, 1, 0), (-1, -1, 0, 1)\}$ ✓
- ☐ D. $\dim S = 3$ và cơ sở là $\{(1, 0, -1, 1), (1, -1, 1, 0), (0, 1, 0, 1)\}$

The correct answer is: $\dim S = 2$ và cơ sở là $\{(1, 1, 1, 0), (-1, -1, 0, 1)\}$

thay cơ sở $(1, 1, 1, 0)$ vào pt nếu pt thỏa $= 0$ thì nhận.
 $x + y - 2z + 2t : 2x + 3y - 5z + 5t : 3x + 4y - 7z + 7t : 4x + 5y - 9z + 9t$
 Calc: $x = 1, y = 1, z = 1, t = 0$ | Thỏa $= 0$ thì nhận | $\neq 0$ loại

Câu hỏi 10

Đúng

Đạt điểm 1,00
trên 1,00Số chiều và một cơ sở của không gian con các nghiệm S của hệ phương trình

$$\begin{cases} x - y - 2z - 3t = 0 \\ 2x - y - 5z - 7t = 0 \\ 3x - 2y - 7z - 10t = 0 \\ 4x - 3y - 9z - 13t = 0 \end{cases}$$

là:

calc = 0 nhận

Select one:

- ☐ A. $\dim S = 3$ và cơ sở là $\{(1, 0, -1, 1), (4, -1, 1, 0), (0, 1, 0, 1)\}$
- ☐ B. $\dim S = 2$ và cơ sở là $\{(3, -1, 1, 0), (4, -1, 0, 1)\}$
- ☒ C. $\dim S = 2$ và cơ sở là $\{(3, 1, 1, 0), (4, 1, 0, 1)\}$ ✓
- ☐ D. $\dim S = 3$ và cơ sở là $\{(3, 1, 0, 1), (-1, -1, 0, 1), (1, 0, 1, 0)\}$

The correct answer is: $\dim S = 2$ và cơ sở là $\{(3, 1, 1, 0), (4, 1, 0, 1)\}$

Câu hỏi 11

Đúng

Đạt điểm 1,00
trên 1,00Cho biết không gian con W của \mathbb{R}^4 sinh bởi các vector $u_1 = (1, 2, -2, 3)$, $u_2 = (-2, 3, 1, -1)$, $u_3 = (1, -3, 1, 2)$, $u_4 = (3, -1, -3, 4)$. Khẳng định đúng là:

Select one:

- ☐ A. $\dim W = 3$ và cơ sở là $\{u_1, u_2, u_4\}$
- ☒ B. $\dim W = 3$ và cơ sở là $\{u_1, u_2, u_3\}$ ✓
- ☐ C. $\dim W = 2$ và cơ sở là $\{u_1, u_2\}$
- ☐ D. $\dim W = 4$ và cơ sở là $\{u_1, u_2, u_3, u_4\}$

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & -2 & 3 \\ -2 & 3 & 1 & -1 \\ 1 & -3 & 1 & 2 \\ 3 & -1 & -3 & 4 \end{pmatrix} \quad \text{tìm hạng} \quad \text{rank}(A) = 3$$

The correct answer is: $\dim W = 3$ và cơ sở là $\{u_1, u_2, u_3\}$

Câu hỏi 12

Đúng

Đạt điểm 1,00
trên 1,00Cho biết không gian con W của \mathbb{R}^4 sinh bởi các vector $u_1 = (1, -2, 1, 3)$, $u_2 = (2, 3, -3, -1)$, $u_3 = (-2, 1, 1, -3)$, $u_4 = (3, -1, 2, 4)$. Khẳng định đúng là:

Select one:

- ☐ A. $\dim W = 4$ và cơ sở là $\{u_1, u_2, u_3, u_4\}$
- ☒ B. $\dim W = 3$ và cơ sở là $\{u_1, u_3, u_4\}$ ✓
- ☐ C. $\dim W = 2$ và cơ sở là $\{u_1, u_2\}$
- ☐ D. $\dim W = 2$ và cơ sở là $\{u_1, u_3\}$

$$\begin{pmatrix} 1 & -2 & 1 & 3 \\ 2 & 3 & -3 & -1 \\ -2 & 1 & 1 & -3 \\ 3 & -1 & 2 & 4 \end{pmatrix} \quad \text{tìm hạng} \quad \text{rank}(A) = 3$$

The correct answer is: $\dim W = 3$ và cơ sở là $\{u_1, u_3, u_4\}$

Câu hỏi 13

Đúng

Đạt điểm 1,00
trên 1,00

Tìm hạng r của hệ vector sau: $\{(3, 2, 5, 7), (1, 4, 3, 2), (4, 6, 8, 9), (7, 8, 13, 16)\}$.

Select one:

- ☐ A. $r = 3$
- ☐ B. $r = 1$
- ☐ C. $r = 4$
- ☒ D. $r = 2$ ✓

$$\begin{pmatrix} 3 & 1 & 4 & 7 \\ 2 & 4 & 6 & 8 \\ 5 & 3 & 8 & 13 \\ 7 & 2 & 9 & 16 \end{pmatrix}$$

The correct answer is: $r = 2$

Câu hỏi 14

Đúng

Đạt điểm 1,00
trên 1,00

Trong \mathbb{R}^2 cho hai cơ sở $A = \{(-2, 5), (3, -4)\}$ và $B = \{(2, -4), (3, -5)\}$. Biết $[u]_B = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}$, khẳng định đúng là:

Select one:

- ☐ A. $[u]_A = \frac{1}{7} \begin{pmatrix} 10 \\ 12 \end{pmatrix}$
- ☒ B. $[u]_A = \frac{1}{7} \begin{pmatrix} -10 \\ 12 \end{pmatrix}$ ✓
- ☐ C. $[u]_A = \frac{1}{7} \begin{pmatrix} 10 \\ -12 \end{pmatrix}$
- ☐ D. $[u]_A = \frac{1}{7} \begin{pmatrix} -10 \\ -12 \end{pmatrix}$

$$A^{-1} \cdot B \cdot [u]_B = \begin{bmatrix} -2 & 3 \\ 5 & -4 \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ -4 & -5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix} = \frac{1}{7} \begin{pmatrix} -10 \\ 12 \end{pmatrix}$$

$$[u]_A = A^{-1} \cdot B \cdot [u]_B$$

The correct answer is: $[u]_A = \frac{1}{7} \begin{pmatrix} -10 \\ 12 \end{pmatrix}$

Câu hỏi 15

Đúng

Đạt điểm 1,00
trên 1,00

Cho $B, B' = \{(1, 1), (0, 1)\}$ là hai cơ sở của \mathbb{R}^2 và ánh xạ tuyến tính $f : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$ có $[f]_B^{B'} = \begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$. Nếu $[u]_B = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$ thì $f(u)$ là:

Select one:

- ☐ A. $f(u) = (1, -3)$
- ☐ B. $f(u) = (1, 3)$
- ☒ C. $f(u) = (-1, 3)$ ✓
- ☐ D. $f(u) = (-1, -3)$

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 3 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \end{pmatrix}$$

$$B, B' \cdot [f]_B^{B'} \cdot [u]_B =$$

The correct answer is: $f(u) = (-1, 3)$

Câu hỏi 16

Đúng

Đạt điểm 1,00
trên 1,00

Cho $B, B' = \{(-1, 1), (0, 1)\}$ là hai cơ sở của \mathbb{R}^2 và ánh xạ tuyến tính $f : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$ có $[f]_B^{B'} = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$. Nếu $[u]_B = \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \end{pmatrix}$ thì $f(u)$ là:

Select one:

- ☒ A. $f(u) = (-1, 2)$ ✓
- ☐ B. $f(u) = (-1, -2)$
- ☐ C. $f(u) = (1, -2)$
- ☐ D. $f(u) = (1, 2)$

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \end{pmatrix}$$

$$B, B' \times [f]_B^{B'} \times [u]_B =$$

The correct answer is: $f(u) = (-1, 2)$

Câu hỏi 17

Đúng

Đạt điểm 1,00
trên 1,00

Cho toán tử tuyến tính $f : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$ xác định bởi $f(x, y, z) = (y - z, x - z, x + y - z)$ và cơ sở $B = \{(1, 0, 0), (1, 1, 0), (1, 1, 1)\}$ của \mathbb{R}^3 . Ma trận $[f]_B^{E_3}$ là:

Select one:

☐ A. $[f]_B^{E_3} = \begin{pmatrix} 0 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & -1 \\ 1 & 0 & -1 \end{pmatrix}$

☒ B. $[f]_B^{E_3} = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$ ✓

☐ C. $[f]_B^{E_3} = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$

☐ D. $[f]_B^{E_3} = \begin{pmatrix} 0 & 0 & -1 \\ 0 & -1 & -1 \\ 1 & 0 & -1 \end{pmatrix}$

$$f \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & 1 & -1 \\ 1 & 0 & -1 \\ 1 & 1 & -1 \end{pmatrix}$$

$$B \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$f \cdot B$$

The correct answer is: $[f]_B^{E_3} = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$

Câu hỏi 18

Đúng

Đạt điểm 1,00
trên 1,00

Cho toán tử tuyến tính $f : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$ xác định bởi $f(x, y, z) = (x - y, x + z, y - 2z)$ và cơ sở $B = \{(1, 0, 0), (1, 1, 0), (1, 1, 1)\}$ của \mathbb{R}^3 . Ma trận $[f]_B^{E_3}$ là:

Select one:

- ☒ A. $[f]_B^{E_3} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 2 \\ 0 & 1 & -1 \end{pmatrix}$ ✓
- ☐ B. $[f]_B^{E_3} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 2 \\ 0 & -1 & -1 \end{pmatrix}$
- ☐ C. $[f]_B^{E_3} = \begin{pmatrix} 0 & -1 & 0 \\ -2 & 1 & 1 \\ -1 & -1 & -2 \end{pmatrix}$
- ☐ D. $[f]_B^{E_3} = \begin{pmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 \\ -1 & -1 & -2 \end{pmatrix}$

ngay

$$f \left(\begin{array}{ccc|c} 1 & -1 & 0 & \\ 1 & 0 & 1 & \\ 0 & 1 & -2 & \end{array} \right)$$

$$B \left(\begin{array}{ccc} 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{array} \right)$$

$$f \cdot B =$$

The correct answer is: $[f]_B^{E_3} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 2 \\ 0 & 1 & -1 \end{pmatrix}$

Câu hỏi 19

Đúng

Đạt điểm 1,00
trên 1,00

Nếu toán tử tuyến tính $f : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$ có ma trận trong cơ sở $B = \{(1, -2), (2, -3)\}$ là $[f]_B = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$ thì công thức của f là:

Select one:

- ☐ A. $f(x, y) = (-5x + 10y, -5x + 9y)$
- ☐ B. $f(x, y) = (5x + 10y, -5x + 9y)$
- ☒ C. $f(x, y) = (-5x - 5y, 10x + 9y)$ ✓
- ☐ D. $f(x, y) = (5x - 5y, 10x + 9y)$

$$B \left(\begin{array}{cc} 1 & 2 \\ -2 & -3 \end{array} \right) \quad [f]_B = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$B \cdot [f]_B \cdot B^{-1} = \begin{bmatrix} -5 & -5 \\ 10 & 9 \end{bmatrix}$$

$x \quad y$

The correct answer is: $f(x, y) = (-5x - 5y, 10x + 9y)$

$$(-5x - 5y, 10x + 9y)$$

Câu hỏi 20

Đúng

Đạt điểm 1,00
trên 1,00

Nếu toán tử tuyến tính $f : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$ có ma trận trong cơ sở $B = \{(1, -2), (2, -3)\}$ là $[f]_B = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ -2 & 1 \end{pmatrix}$ thì công thức của f là:

Select one:

- ☒ A. $f(x, y) = (11x + 7y, -14x - 9y)$ ✓
- ☐ B. $f(x, y) = (11x - 14y, -7x - 9y)$
- ☐ C. $f(x, y) = (11x - 14y, 7x - 9y)$
- ☐ D. $f(x, y) = (11x - 7y, -14x - 9y)$

Handwritten solution for Question 20:

$B = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -2 & -3 \end{pmatrix}$ $[f]_B = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ -2 & 1 \end{pmatrix}$

$B \cdot [f]_B \cdot B^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 7 \\ -14 & -9 \end{bmatrix}$

$\Rightarrow \begin{cases} 11x + 7y \\ -14x - 9y \end{cases}$

The correct answer is: $f(x, y) = (11x + 7y, -14x - 9y)$

Câu hỏi 21

Đúng

Đạt điểm 1,00
trên 1,00

Đa thức đặc trưng của ma trận $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & -1 \\ -1 & 1 & 2 \\ 1 & 0 & -2 \end{pmatrix}$ là:

Select one:

- ☒ A. $P_A(\lambda) = -\lambda^3 - 1$ ✓ $= -1601$
- ☐ B. $P_A(\lambda) = \lambda^3 - \lambda - 1$
- ☐ C. $P_A(\lambda) = \lambda^3 + 1$
- ☐ D. $P_A(\lambda) = -\lambda^3 + \lambda - 1$

Handwritten solution for Question 21:

$\det A' = \begin{vmatrix} 1-\lambda & 2 & -1 \\ -1 & 1-\lambda & 2 \\ 1 & 0 & -2-\lambda \end{vmatrix} \rightarrow \det(A')$

$= -1601$

The correct answer is: $P_A(\lambda) = -\lambda^3 - 1$

Câu hỏi 22

Đúng

Đạt điểm 1,00
trên 1,00

Đa thức đặc trưng của ma trận $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 1 & 1 & -2 \\ -1 & 2 & 2 \end{pmatrix}$ là:

Select one:

☐ A. $P_A(\lambda) = \lambda^3 - 4\lambda^2 + 8\lambda - 3$

☒ B. $P_A(\lambda) = -\lambda^3 + 4\lambda^2 - 8\lambda + 3 \checkmark = -677$

☐ C. $P_A(\lambda) = \lambda^3 - 4\lambda^2 + 8\lambda$

☐ D. $P_A(\lambda) = -\lambda^3 + 4\lambda^2 - 8\lambda + 1$

The correct answer is: $P_A(\lambda) = -\lambda^3 + 4\lambda^2 - 8\lambda + 3$

Câu hỏi 23

Sai

Đạt điểm 0,00
trên 1,00

Vector riêng của ma trận $A = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 3 \\ -3 & -5 & -3 \\ 3 & 3 & 1 \end{pmatrix}$ ứng với trị riêng $\lambda = -2$ là:

Select one:

☒ A. $u_1 = (1, -1, 0)$ và $u_2 = (0, 1, -1)$ ✗

☐ B. $u = (1, 0, 1)$

☐ C. $u_1 = (-1, 2, 0)$ và $u_2 = (0, 1, 1)$

☐ D. $u_1 = (1, 0, -1)$ và $u_2 = (0, 1, -1)$

The correct answer is: $u_1 = (1, 0, -1)$ và $u_2 = (0, 1, -1)$

Các vector riêng của ma trận A:

◦ $v = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix}$, giá trị riêng $\lambda_1 = 1$

◦ $v = \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$, giá trị riêng $\lambda_2 = -2$

◦ $v = \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$, giá trị riêng $\lambda_2 = -2$

$$A' = \begin{pmatrix} 1-\lambda & 3 & 3 \\ -3 & -5-\lambda & -3 \\ 3 & 3 & 1 \end{pmatrix} \begin{matrix} \text{đáp m} \\ \text{v} \end{matrix} \quad \lambda = -2 \quad \begin{pmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & -1 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \text{ đúng}$$

Câu hỏi 24

Đúng

Đạt điểm 1,00
trên 1,00

Vector riêng của ma trận $A = \begin{pmatrix} 4 & -5 & 2 \\ -5 & 4 & 2 \\ 2 & 2 & -8 \end{pmatrix}$ ứng với trị riêng $\lambda = -9$ là:

Select one:

- ☐ A. $u_1 = (-1, 1, 0)$ và $u_2 = (0, 1, -1)$
- ☒ B. $u = (1, 1, -4)$ ✓
- ☐ C. $u = (-1, 1, 0)$
- ☐ D. $u_1 = (1, 1, -4)$ và $u_2 = (0, 1, -2)$

$$A' = \begin{pmatrix} 4-\lambda & -5 & 2 \\ -5 & 4-\lambda & 2 \\ 2 & 2 & -8-\lambda \end{pmatrix} \times \text{đáp án} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \text{nhận}$$

The correct answer is: $u = (1, 1, -4)$

Câu hỏi 25

Đúng

Đạt điểm 1,00
trên 1,00

Vector riêng của ma trận $A = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ -4 & -6 & -3 \\ 3 & 3 & 1 \end{pmatrix}$ ứng với trị riêng $\lambda = -2$ là:

Select one:

- ☒ A. $u = (1, -1, 0)$ ✓
- ☐ B. $u_1 = (1, -1, 0)$ và $u_2 = (0, 0, 1)$
- ☐ C. $u = (1, -2, 0)$
- ☐ D. $u_1 = (-1, 2, 0)$ và $u_2 = (0, 1, 1)$

$$A' = \begin{pmatrix} 2-\lambda & 4 & 3 \\ -4 & -6-\lambda & -3 \\ 3 & 3 & 1-\lambda \end{pmatrix} \times \text{Đáp án} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \text{nhận}$$

The correct answer is: $u = (1, -1, 0)$