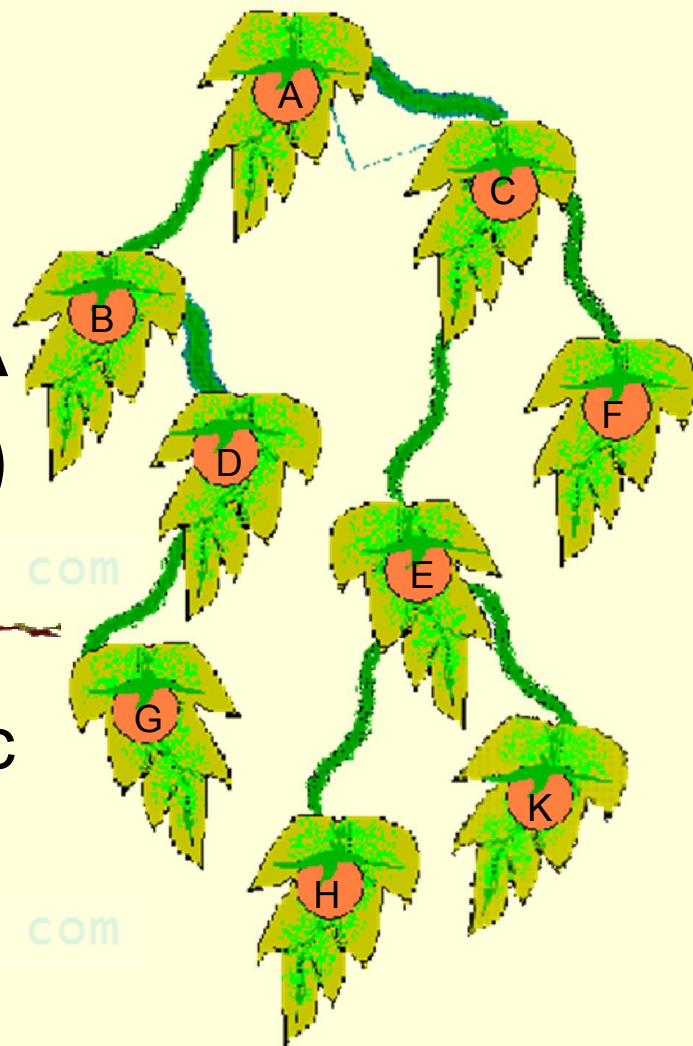


# CẤU TRÚC DỮ LIỆU VÀ GIẢI THUẬT (501040)

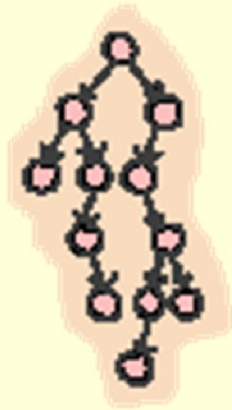
cuu duong than cong . com

Giới thiệu môn học

cuu duong than cong . com



# Giới thiệu



## Môn học giới thiệu:

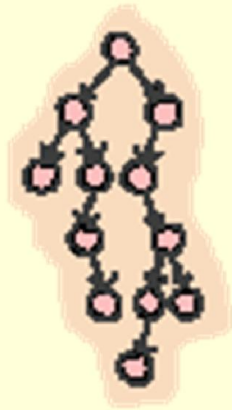
- Các cấu trúc dữ liệu cơ bản
- Các giải thuật điển hình trên các cấu trúc dữ liệu đó

## Dùng phương pháp hướng đối tượng.

## Ngôn ngữ lập trình minh họa:

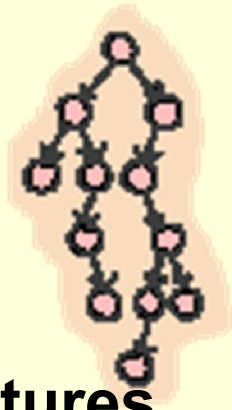
- Mã giả (pseudocode)
- C++ (không được giảng dạy chính thức trong môn học)

# Nội dung



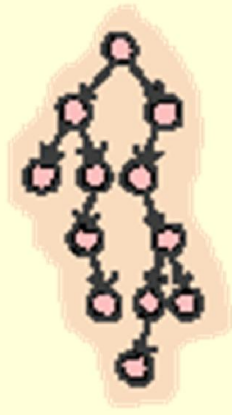
- ❑ Chương 1. Tổng quan
- ❑ Chương 2. Stack
- ❑ Chương 3. Queue
- ❑ Chương 4. Stack và Queue liên kết
- ❑ Chương 5. Đệ qui
- ❑ Chương 6. List và String
- ❑ Chương 7. Tìm kiếm
- ❑ Chương 8. Sắp xếp
- ❑ Chương 10. Cây nhị phân
- ❑ Chương 11. Cây nhiều nhánh
- ❑ Chương 9. Bảng và truy xuất thông tin

# Tài liệu tham khảo



- ❏ [1] Kruse, R. L., and Ryba, A. J. 1999. **Data Structures and Program Design in C++**. Prentice-Hall Inc.
- ❏ [2] Trần, N. N. B. 2001. **Giáo trình Cấu trúc Dữ liệu và Giải thuật. KhoaCNTT**, ĐH Bách Khoa Tp.HCM
- ❏ [3] Jesse Liberty, 1997. Teach Yourself C++ in 21 days. ISBN: 0-672-31070-8, SAMS
- ❏ [4] Davis Chapman, 1998. Teach Yourself Visual C++ 6 in 21 days. ISBN: 0-672-31240-9, SAMS

# Vấn đề ngôn ngữ lập trình



❏ Dùng C++ để diễn đạt => Có vấn đề?

❏ Mã giả (pseudo code)

- Giả lập, thường là dễ hiểu, không chi tiết đến các kỹ thuật lập trình
- Ở cấp độ hết sức tổng quát: gần ngôn ngữ tự nhiên
- Hoặc rất chi tiết: như dùng ngôn ngữ tựa Pascal, tựa C++

cuu duong than cong . com

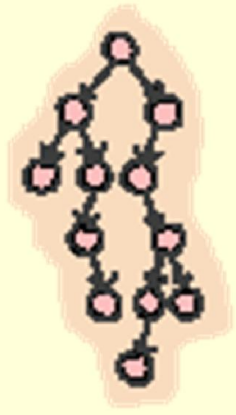
# Giải thuật bằng mã giả



📖 Ví dụ: Mã giả của bubble sort

| Giải thuật 1                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          | Giải thuật 2                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             |
|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <p><b>Algorithm</b> Bubble sort</p> <p><b>Input:</b> The list A of n elements is given</p> <p><b>Output:</b> The list A is sorted</p> <ol style="list-style-type: none"><li><b>loop</b> for n time<ol style="list-style-type: none"><li><b>for</b> each pair in the list<ol style="list-style-type: none"><li><b>if</b> it is not in ordered<ol style="list-style-type: none"><li>exchange them</li></ol></li></ol></li></ol></li></ol> <p><b>End</b> Bubble sort</p> | <p><b>Algorithm</b> Bubble sort</p> <p><b>Input:</b> The list A of n elements is given</p> <p><b>Output:</b> The list A is sorted</p> <ol style="list-style-type: none"><li><b>for</b> outter in <math>0..(n-2)</math><ol style="list-style-type: none"><li><b>for</b> inner in <math>0..(n-2- outter)</math><ol style="list-style-type: none"><li><b>if</b> <math>A_{inner+1} &lt; A_{inner}</math><ol style="list-style-type: none"><li>swap <math>A_{inner}, A_{inner+1}</math></li></ol></li></ol></li></ol></li></ol> <p><b>End</b> Bubble sort</p> |

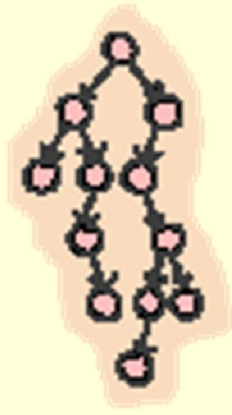
# Giải thuật bằng ngôn ngữ lập trình



📖 Ví dụ: Lập trình cụ thể Bubble sort

| Giải thuật 1: Pascal                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    | Giải thuật 2: C++                                                                                                                                                                                                                                                                                |
|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <pre><b>procedure</b> BubbleSort(<b>var</b> A: <b>list</b>);<br/><b>var</b> i,j: <b>int</b>;<br/><b>begin</b><br/>  <b>for</b> i := 1 <b>to</b> n-1 <b>do</b><br/>    <b>for</b> j := 1 <b>to</b> (n-1-i) <b>do</b><br/>      <b>if</b> A[j+1] &lt; A[j] <b>then</b><br/>        <b>begin</b><br/>          tmp := A[j]; A[j] := A[j+1];<br/>          A[j+1] := tmp;<br/>        <b>end</b>;<br/>    <b>end</b>;<br/><b>end</b>;</pre> | <pre><b>void</b> BubbleSort(<b>list</b> A)<br/>{<br/>  <b>int</b> i, j;<br/>  <b>for</b> (i=0; i &lt; n-2; i++)<br/>    <b>for</b> (j=0; j&lt;(n-2-i); j++)<br/>      <b>if</b> (A[j+1] &lt; A[j]) {<br/>        tmp := A[j]; A[j] := A[j+1];<br/>        A[j+1] := tmp;<br/>      }<br/>}</pre> |

# So sánh mã giả và NNLT



## 📖 Nhận xét:

- Mã giả 1: gần với cách trao đổi của con người nhất nhưng khó lập trình nhất
- Mã giả 2: dễ lập trình hơn

## 📖 Phương pháp:

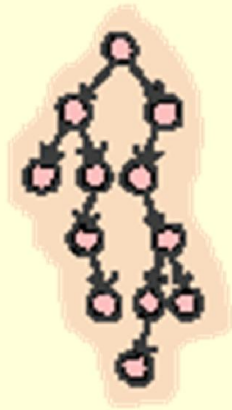
- Đầu tiên: cách giải quyết vấn đề bằng máy tính số (giải thuật bằng mã giả)
- Sau đó: ngôn ngữ lập trình cụ thể

## 📖 Học:

- Nhớ giải thuật (mã giả)
- Dùng NNLT cụ thể để minh chứng



# Cấu trúc môn học



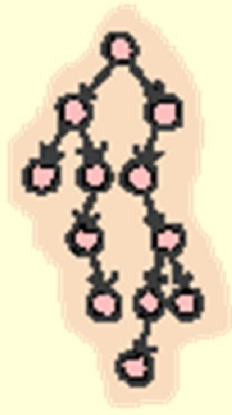
## Cấu trúc:

- Lý thuyết: 42 tiết/học kỳ
- Thực hành: 14 tiết/học kỳ
- Bài tập lớn: 4 bài

## Tỷ lệ điểm:

- Kiểm tra giữa kỳ : 20%
- Thực hành và bài tập lớn: 20%
- Thi cuối kỳ: 60%

# Bài tập



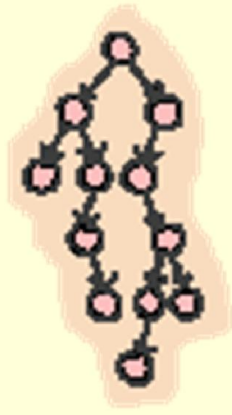
## Đề bài tập:

- Tập bài tập in sẵn
- Các bài trong sách tiếng Anh
- Tự sưu tầm

## Giải bài tập:

- Giờ trên lớp
- Giờ thực hành
- Giờ tiếp sinh viên

# Bài tập lớn



## Mục đích:

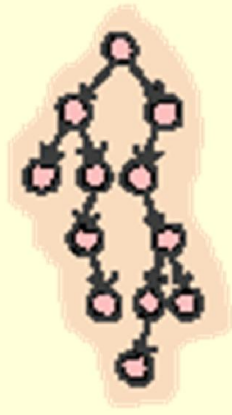
-  Hiểu bài
-  Làm bài ở nhà

## Số lượng: 4 bài, nhận đề và nộp bài theo lịch học

## Đánh giá: thang điểm A,B,C,D

## Hình thức: Bài làm bằng giấy, file và nộp qua web

# Thực hành



## Mục đích:

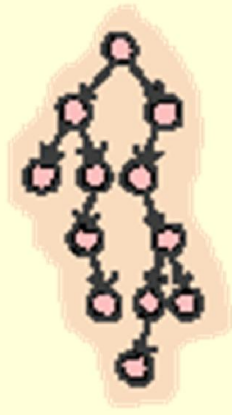
- Rèn luyện khả năng làm bài độc lập
- Sử dụng nhuần nhuyễn các kiến thức đã học.
- Giải bài tập + Trao đổi các thắc mắc

## Thời lượng:

- 4 buổi
- Là các buổi học lý thuyết được chuyển thành

## Kiểm tra lấy điểm ở buổi cuối cùng

# Nội dung thi



## Hai nội dung chính:

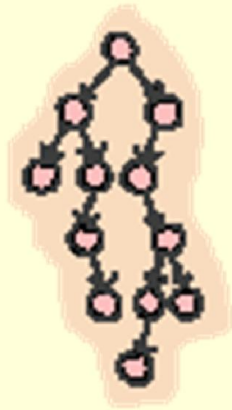
### ● Phần lý thuyết:

- Thực hiện giải thuật bằng tay (vẽ hình minh họa)
- Thiết kế cấu trúc dữ liệu theo yêu cầu
- Đánh giá độ phức tạp giải thuật

### ● Phần lập trình:

- Trình bày giải thuật chi tiết bằng mã giả
- Hiện thực bằng ngôn ngữ lập trình C++

# Trao đổi phục vụ học tập



## Trang Web:

- <http://www.dit.hcmut.edu.vn/~thang/CTDL>

- Có các mục: hỏi đáp, thông tin chi tiết, lịch giảng dạy

## Cán bộ giảng dạy:

- ThS. Nguyễn Ngô Bảo Trân ([tran@dit.hcmut.edu.vn](mailto:tran@dit.hcmut.edu.vn))

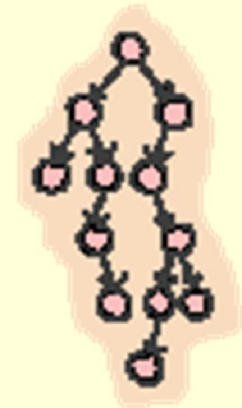
- ThS. Bùi Hoài Thắng ([thang@dit.hcmut.edu.vn](mailto:thang@dit.hcmut.edu.vn))

## Trợ giảng:

- Nguyễn Lưu Đăng Khoa ([nldkhoa@dit.hcmut.edu.vn](mailto:nldkhoa@dit.hcmut.edu.vn))

- Dương Ngọc Hiếu ([dnhieau@dit.hcmut.edu.vn](mailto:dnhieau@dit.hcmut.edu.vn))

# Sinh viên senior



## Sinh viên senior:

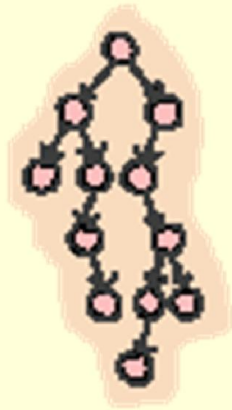
- A
- B
- C
- D

[cuu duong than cong . com](http://cuuduongthancong.com)

## Các buổi tiếp SV phục vụ môn học:

- T.Thắng:
- C.Trân:

[cuu duong than cong . com](http://cuuduongthancong.com)



cuu duong than cong . com

cuu duong than cong . com

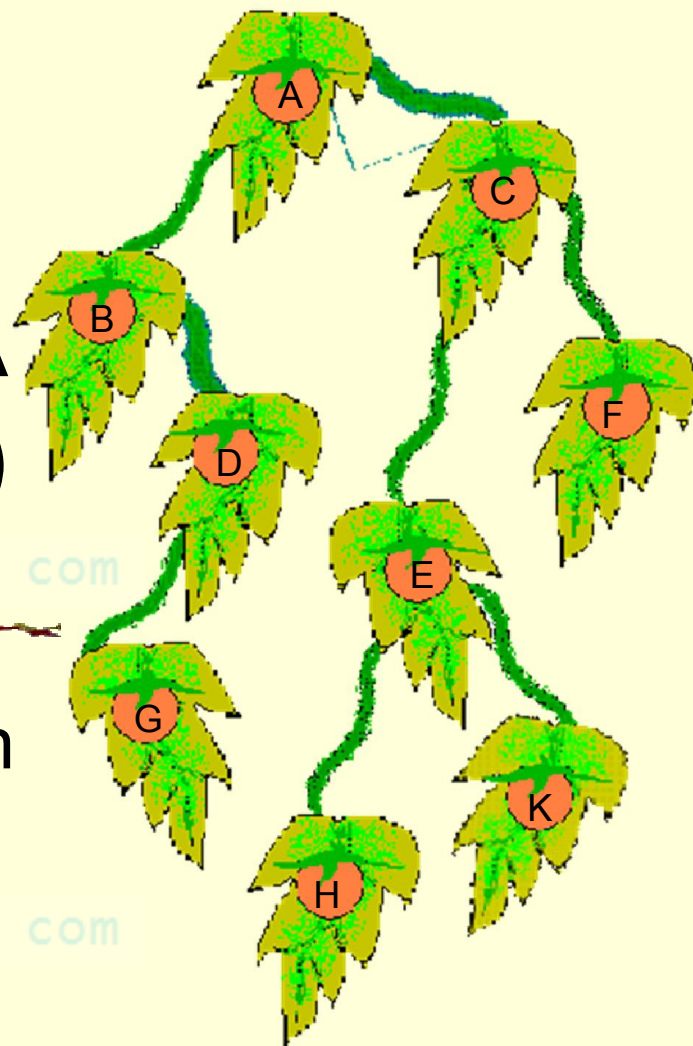


# CẤU TRÚC DỮ LIỆU VÀ GIẢI THUẬT (501040)

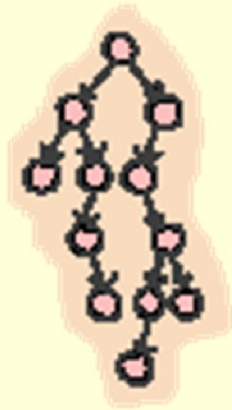
cuu duong than cong . com

## Chương 1: Tổng quan

cuu duong than cong . com



# Giải bài toán bằng phần mềm

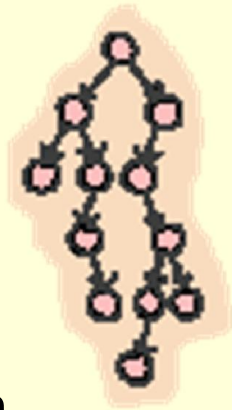


- 1. Xác định bài toán
- 2. Thiết kế phần mềm
- 3. Thiết kế dữ liệu
- 4. Thiết kế và phân tích giải thuật
- 5. Lập trình và gỡ rối
- 6. Kiểm tra phần mềm
- 7. Bảo trì

- local data  
of object

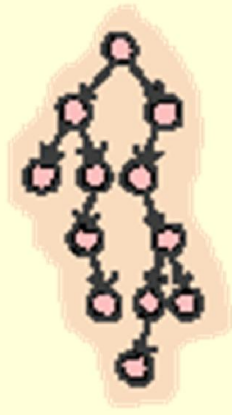


# Kiểu trừu tượng



- ❏ Kiểu trừu tượng (abstract type): định nghĩa interface (tập các entry)
- ❏ Entry
  - Tên method
  - Danh sách tham số hình thức
  - Đặc tả chức năng
- ❏ Chưa có dữ liệu bên trong, chưa dùng được
- ❏ Chỉ dùng để thiết kế ý niệm

# Hiện thực và sử dụng



## Class: hiện thực của abstract type

- Định nghĩa các dữ liệu
- Định nghĩa các phương thức + hàm phụ trợ (nội bộ)
- Định nghĩa các phương phức 'constructor' và 'destructor' nếu cần

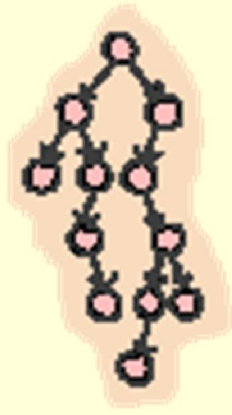
## Đối tượng = một instance của một class

## Thông điệp (message):

- dùng tương tác lẫn nhau = lời gọi phương thức của các đối tượng

```
Student aStudent;  
aStudent.print();
```

# Đặc điểm của OOP



## Tính bao đóng:

- Che dấu cấu trúc dữ liệu bên trong.
- Che dấu cách thức hiện thực đối tượng.

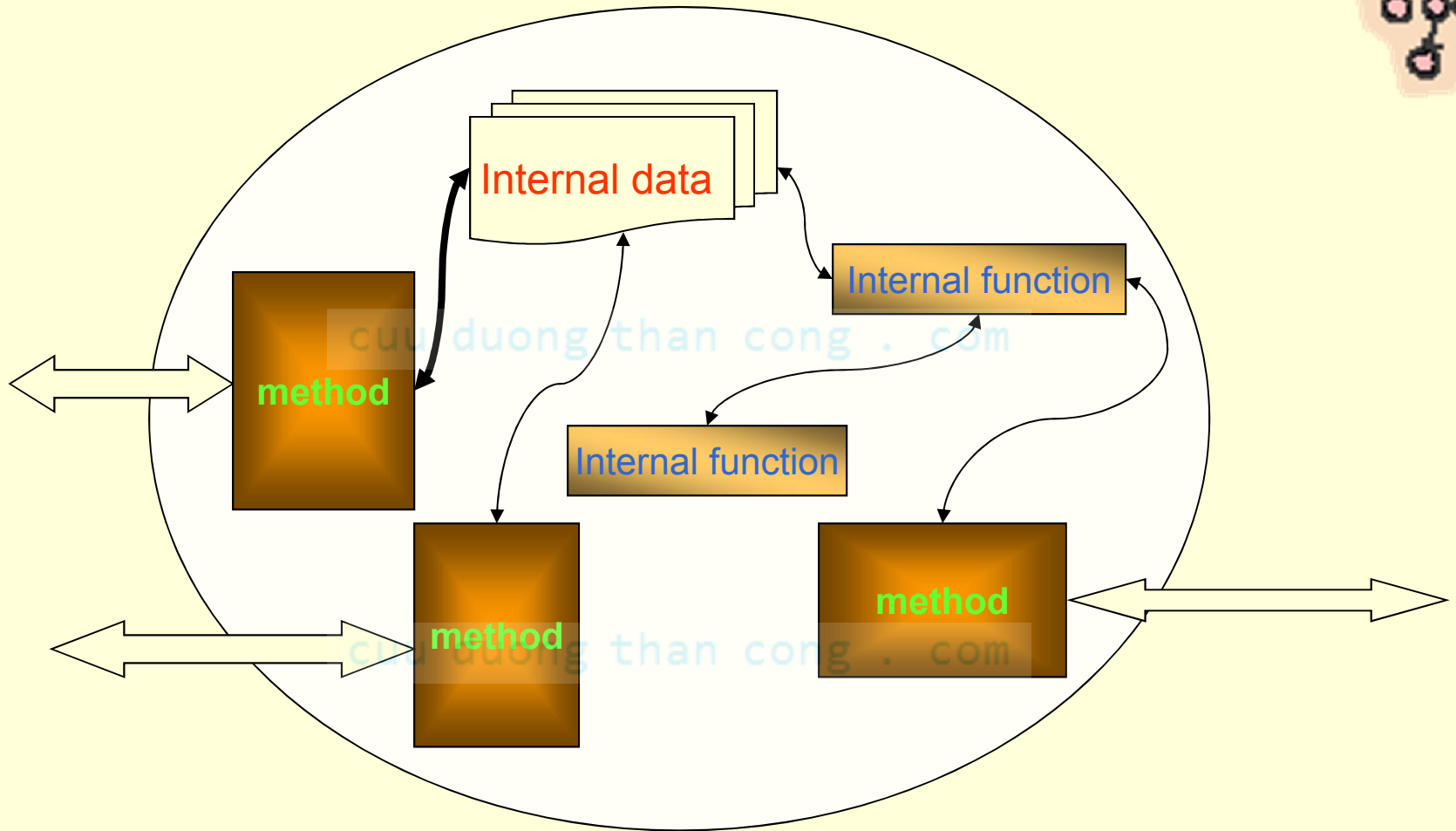
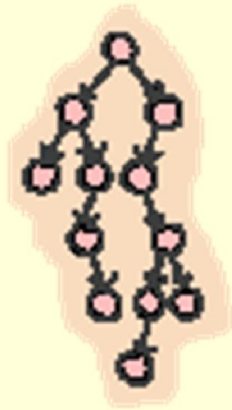
## Kế thừa: [cuuduongthancong.com](http://cuuduongthancong.com)

- Định nghĩa thêm các dữ liệu và phương thức cần thiết từ một class có sẵn.
- Cho phép overwrite/overload.
- Cho phép dùng thay thế và khả năng dynamic binding.

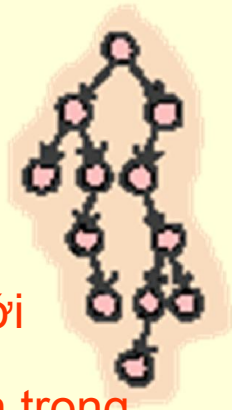
## Bao gộp:

- Một đối tượng chứa nhiều đối tượng khác.

# Cấu trúc của đối tượng



# Khai báo một class trên C++



```
class Student {
```

```
private:
```

```
    int StudentID;
```

```
    string StudentName;
```

```
public:
```

```
    Student();
```

```
    Student(const Student &)
```

```
    ~Student()
```

```
    void operator=(const Student &)
```

```
    void print();
```

```
};
```

```
void main() {
```

```
    Student aStudent;
```

```
    sStudent.print();
```

```
}
```

khai báo một lớp mới

khai báo dữ liệu bên trong

constructor

copy constructor

destructor

overload assignment operator

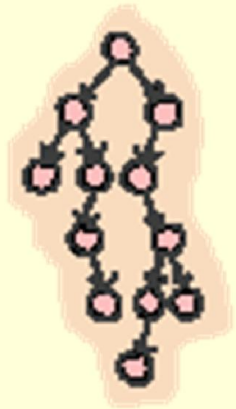
phương thức (hành vi)

khai báo một đối tượng

gọi phương thức

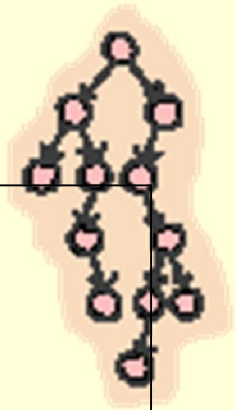


# Dùng ghi chú làm rõ nghĩa



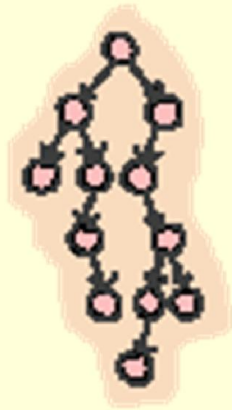
- 1. Ghi chú vào đầu mỗi hàm
  - (a) Người lập trình, ngày, bản sao
  - (b) Mục đích của hàm
  - (c) Input, output
  - (d) Các chỉ dẫn đến các tài liệu khác (nếu có)
  - Có thể dùng dạng: Precondition và Postcondition
- 2. Ghi chú vào mỗi biến, hằng, kiểu
- 3. Ghi chú vào mỗi phần của chương trình
- 4. Ghi chú mỗi khi dùng các kỹ thuật đặc biệt

# Dùng ghi chú làm rõ nghĩa – Ví dụ



```
void Life::update()
/* Pre: grid đang chứa một trạng thái của thực thể sống
   Post: grid sẽ chứa trạng thái tiến hóa mới của thực thể sống này */
{
    int row, col;
    int new_grid[maxrow + 2][maxcol + 2];    //Chứa trạng thái mới vào đây
    for (row = 1; row <= maxrow; row++)
        for (col = 1; col <= maxcol; col++)
            switch (neighbor_count(row, col)) {
                case 2:                        //Trạng thái của tế bào không đổi
                    new_grid[row][col] = grid[row][col]; break;
                case 3:                        //Tế bào sẽ sống
                    new_grid[row][col] = 1; break;
                default:                        //Tế bào sẽ chết
                    new_grid[row][col] = 0;
            }
    for (row = 1; row <= maxrow; row++)
        for (col = 1; col <= maxcol; col++)
            grid[row][col] = new_grid[row][col];    //Cập nhật các tế bào cùng lúc
}
```

# Stub và driver



## Stub:

- Viết các prototype trước
- Viết dummy code để thử nghiệm
- Ví dụ:

```
bool user says yes( ) {  
    return(true);  
}
```

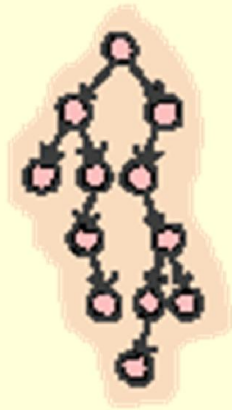
## Driver:

- Viết một chương trình nhỏ để kiểm tra

## Thư viện cá nhân:

- Gom các hàm dùng chung thành thư viện

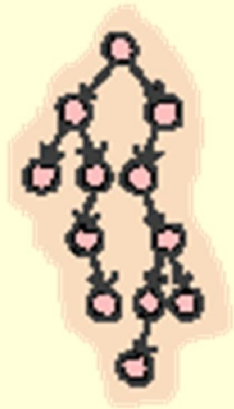
# Trò chơi Life



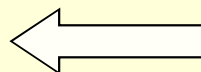
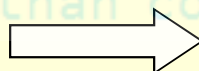
## Luật:

- Một ma trận các tế bào là sống hay chết
- Các tế bào lân cận được tính là tám ô xung quanh
- Quá trình tiến hoá áp dụng cho một trạng thái hiện tại
- Một tế bào sống là sống ở thế hệ kế nếu có 2 hoặc 3 tế bào sống lân cận và chết trong trường hợp khác
- Một tế bào đang chết sẽ sống ở thế hệ kế nếu nó có chính xác 3 tế bào sống lân cận, nếu không nó vẫn chết tiếp.
- Tất cả các tế bào được kiểm chứng cùng một lúc để quyết định trạng thái sống, chết ở thế hệ kế

# Trò chơi Life – Ví dụ

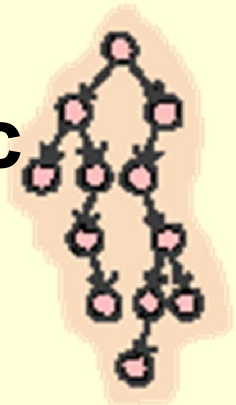


|   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 2 | 3 | 2 | 1 |
| 1 | 1 | 2 | 1 | 1 |
| 1 | 2 | 3 | 2 | 1 |
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |



|   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|
| 0 | 1 | 1 | 1 | 0 |
| 0 | 2 | 1 | 2 | 0 |
| 0 | 3 | 2 | 3 | 0 |
| 0 | 2 | 1 | 2 | 0 |
| 0 | 1 | 1 | 1 | 0 |

# Trò chơi Life – Thiết kế phương thức



```
int Life::neighbor_count(int row, int col)
```

*Pre:* The Life object contains a configuration, and the coordinates row and col define a cell inside its hedge.

*Post:* The number of living neighbors of the specified cell is returned.

```
void Life::update()
```

*Pre:* The Life object contains a configuration.

*Post:* The Life object contains the next generation of configuration.

```
void Life::initialize()
```

*Pre:* None.

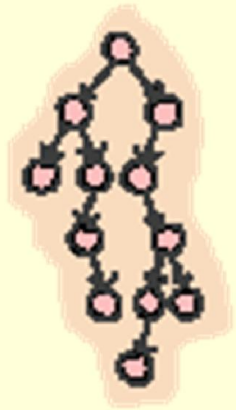
*Post:* The Life object contains a configuration specified by the user.

```
void Life::print()
```

*Pre:* The Life object contains a configuration.

*Post:* The configuration is written for the user.

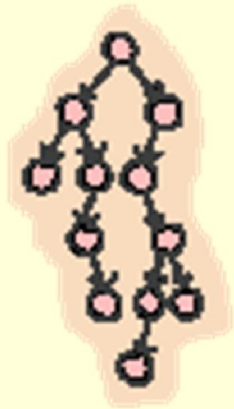
# Trò chơi Life – Thiết kế class



```
const int maxrow = 20  
const int maxcol = 60;
```

```
class Life {  
public:  
    void initialize( );  
    void print( );  
    void update( );  
private:  
    int grid[maxrow][maxcol];  
    int neighbor_count(int row, int col);  
};
```

# Trò chơi Life – Đếm số tế bào sống lân cận



## ❏ Mã C++:

```
count = 0
```

```
for (i = row - 1; i <= row + 1; i++)
```

```
    for (j = col - 1; j <= col + 1; j++)
```

```
        count += grid[i][j];
```

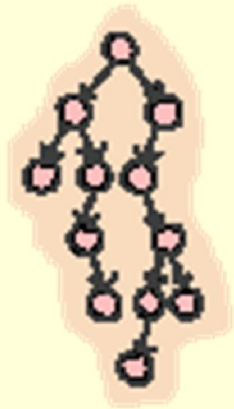
```
count -= grid[row][col];
```

## ❏ Sai chỗ nào?

- Nếu như row hoặc col là ngay các biên của array
- Các giá trị của các tế bào không là 1 hoặc 0

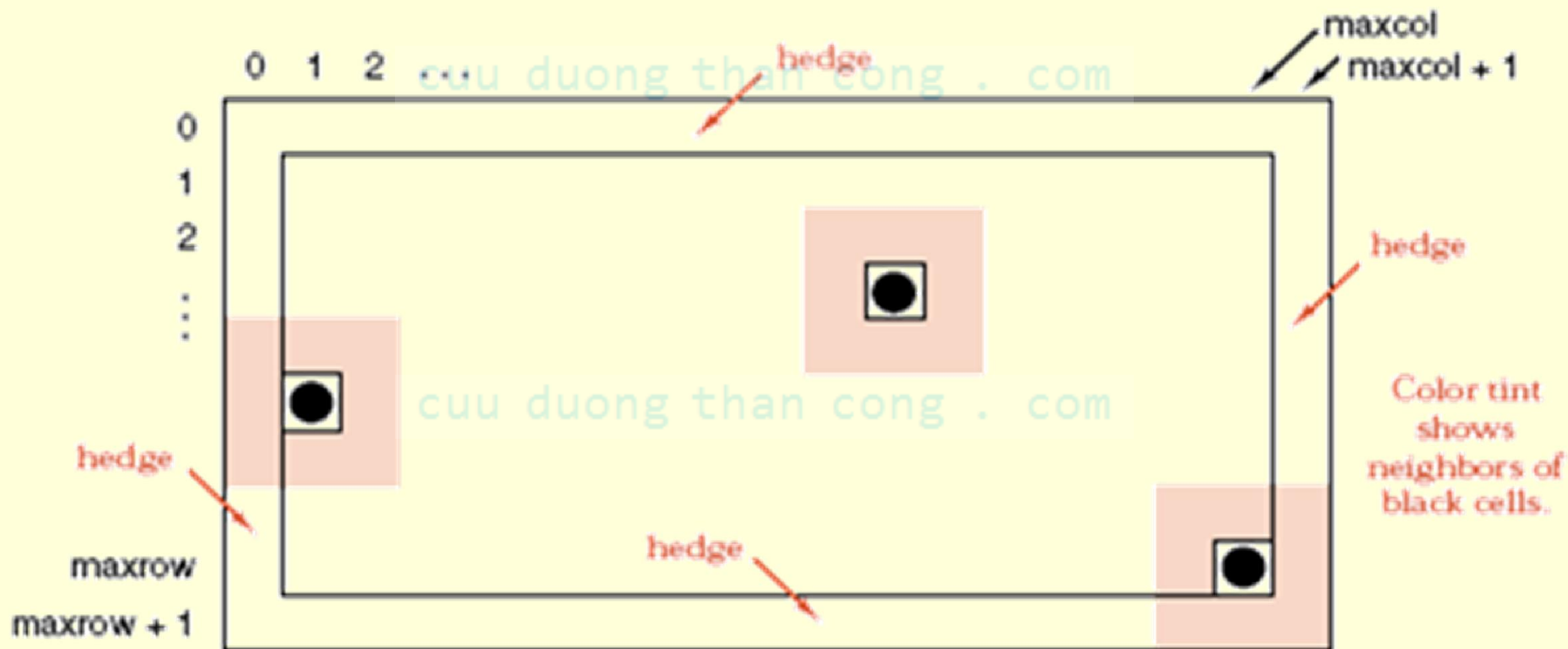


# Trò chơi Life – Thay đổi thiết kế

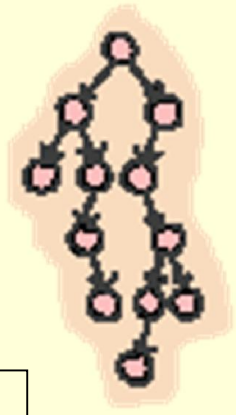


## Giải pháp:

- Thêm vào 2 cột và 2 hàng giả có giá trị luôn là 0
- Khai báo dữ liệu:  $\text{grid}[\text{maxrow} + 2][\text{maxcol} + 2]$



# Trò chơi Life – Giải thuật cập nhật



## Algorithm Update

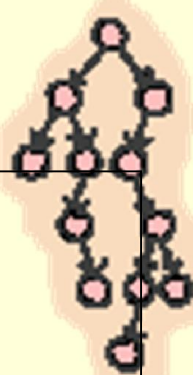
**Input:** một trạng thái sống

**Output:** trạng thái của thể hệ kế tiếp

1. Khai báo một grid mới
2. Duyệt qua toàn bộ tế bào của trạng thái hiện tại
  - 2.1. Đếm số tế bào sống xung quanh ô hiện tại
  - 2.2. Nếu là 2 thì trạng thái mới chính là trạng thái cũ
  - 2.3. Nếu là 3 thì trạng thái mới là sống
  - 2.4. Ngược lại là chết
3. Cập nhật grid mới vào trong grid cũ

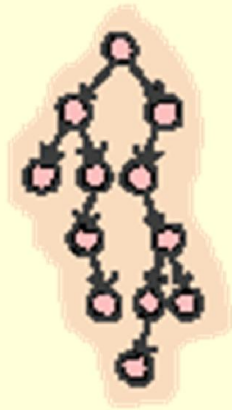
**End Update**

# Trò chơi Life – Mã C++ cập nhật



```
void Life::update()
/* Pre: grid đang chứa một trạng thái của thực thể sống
Post: grid sẽ chứa trạng thái tiến hóa mới của thực thể sống này */
{
    int row, col;
    int new_grid[maxrow + 2][maxcol + 2];    //Chứa trạng thái mới vào đây
    for (row = 1; row <= maxrow; row++)
        for (col = 1; col <= maxcol; col++)
            switch (neighbor_count(row, col)) {
                case 2:                        //Trạng thái của tế bào không đổi
                    new_grid[row][col] = grid[row][col]; break;
                case 3:                        //Tế bào sẽ sống
                    new_grid[row][col] = 1; break;
                default:                       //Tế bào sẽ chết
                    new_grid[row][col] = 0;
            }
    for (row = 1; row <= maxrow; row++)
        for (col = 1; col <= maxcol; col++)
            grid[row][col] = new_grid[row][col];    //Cập nhật các tế bào cùng lúc
}
```

# Kết luận

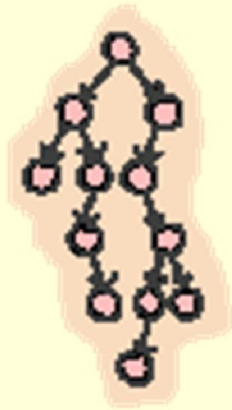


## Sự liên quan giữa CTDL và giải thuật:

- Cấu trúc dữ liệu cụ thể: chọn giải thuật
- Giải thuật cụ thể: chọn cấu trúc dữ liệu

## Cấu trúc dữ liệu trừu tượng:

- Dữ liệu cụ thể bên trong
- Các phương thức: interface ra bên ngoài
- Thích hợp cho phương pháp hướng đối tượng



cuu duong than cong . com

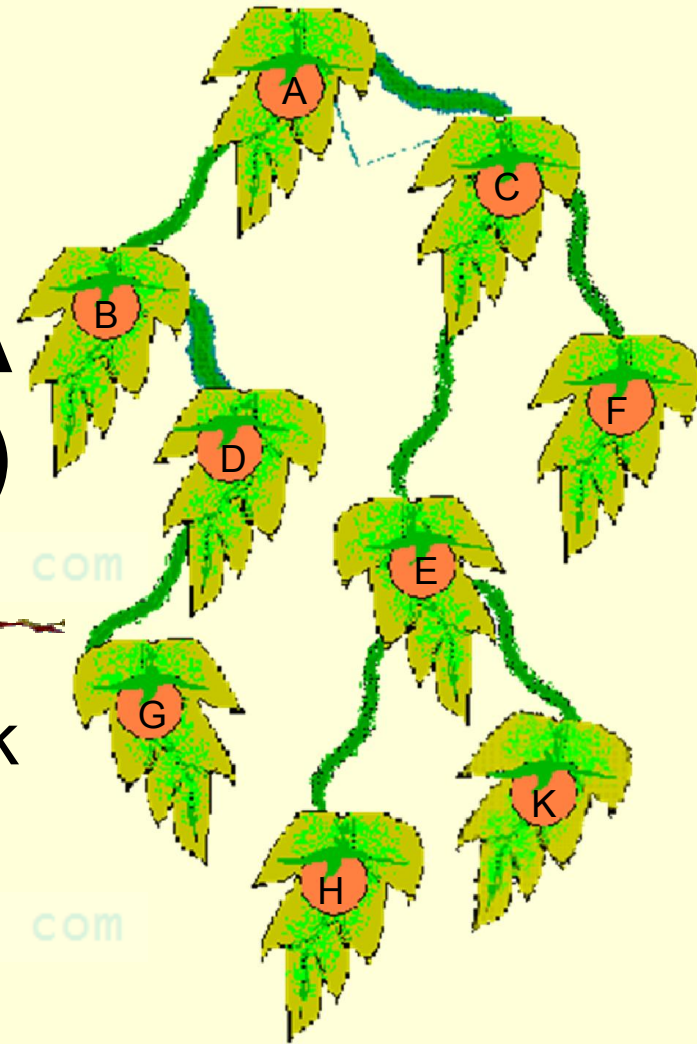
cuu duong than cong . com

# CẤU TRÚC DỮ LIỆU VÀ GIẢI THUẬT (501040)

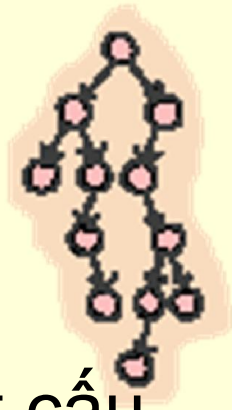
cuu duong than cong . com

## Chương 2: Stack

cuu duong than cong . com

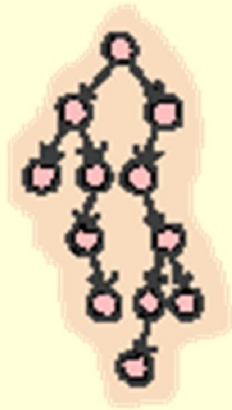


# Mô tả stack

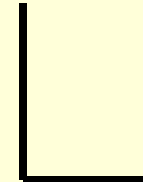


- ❏ Một stack là một cấu trúc dữ liệu mà việc thêm vào và loại bỏ được thực hiện tại một đầu (gọi là đỉnh – top của stack).
- ❏ Là một dạng vào sau ra trước – LIFO (Last In First Out)

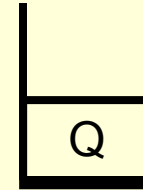
# Ví dụ về stack



Stack rỗng:

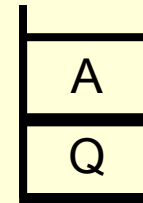


Đẩy (push) Q vào:

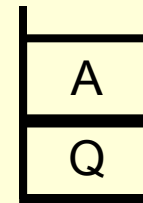


cuu duong than cong . com

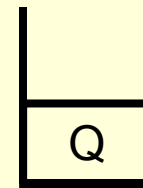
Đẩy A vào:



Lấy (pop) ra một => được A:



Lấy ra một => được Q và stack rỗng:





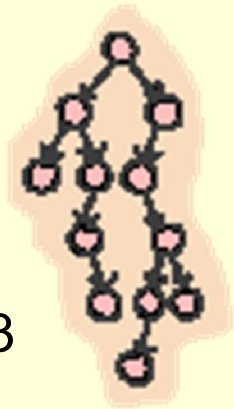
# Ứng dụng: Đảo ngược danh sách



- 📖 Yêu cầu: Đảo ngược một danh sách nhập vào
- 📖 Giải thuật:

1. Lặp lại n lần
  - 1.1. Nhập vào một giá trị
  - 1.2. Đẩy nó vào stack
2. Lặp khi stack chưa rỗng
  - 2.1. Lấy một giá trị từ stack
  - 2.2. In ra

# Đảo ngược danh sách – Ví dụ



Cần nhập 4 số vào

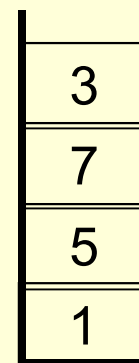
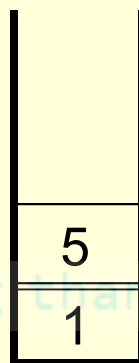
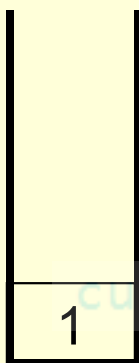
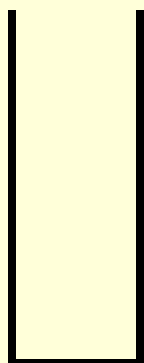
Ban đầu

Nhập 1

Nhập 5

Nhập 7

Nhập 3



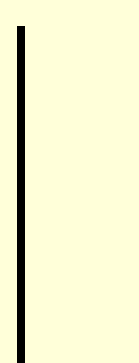
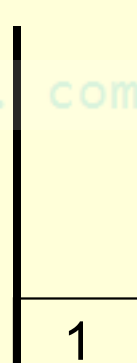
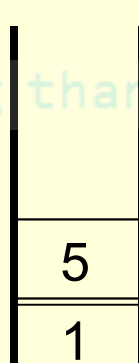
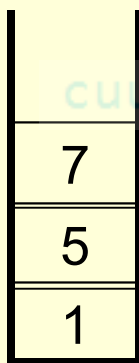
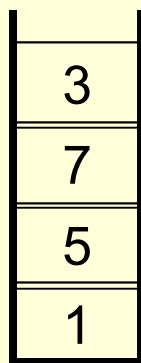
Lấy ra => 3

Lấy ra => 7

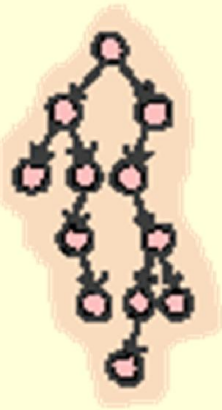
Lấy ra => 5

Lấy ra => 1

Stack đã rỗng  
Ngừng



# Đảo ngược danh sách – Mã C++



```
#include <stack>
using namespace std;

int main( ) {
    int n;
    double item;
    stack<double> numbers;
    cout << "Bao nhieu so nhap vao? "
    cin >> n;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        cin >> item;
        numbers.push(item);
    }
    while (!numbers.empty( )) {
        cout << numbers.top( ) << " ";
        numbers.pop( );
    }
}
```

sử dụng STL  
(Standard Template Library)

khai báo một stack có kiểu dữ liệu  
của các phân tử bên trong là double

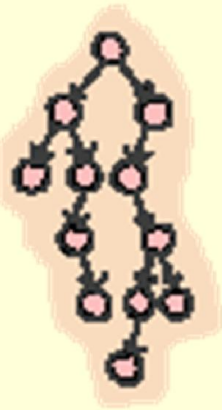
đẩy một số vào trong stack

kiểm tra xem stack có khác rỗng không

lấy giá trị trên đỉnh của stack ra,  
stack không đổi

lấy giá trị trên đỉnh của stack ra khỏi stack,  
đỉnh của stack bây giờ là giá trị kế tiếp

# Kiểu trừu tượng (abstract data type)



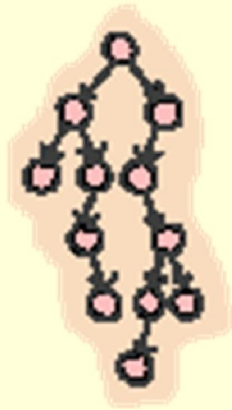
## ĐN1: Một kiểu (type)

- một tập hợp
- mỗi thành phần của tập hợp này là các giá trị (value)
- Ví dụ: int, float, char là các kiểu cơ bản

## ĐN2: Một dãy của kiểu T

- có chiều dài bằng 0 là rỗng
- có chiều dài  $n$  ( $n \geq 1$ ): bộ thứ tự  $(S_{n-1}, t)$ 
  - $S_{n-1}$ : dãy có chiều dài  $n-1$  thuộc kiểu T
  - $t$  là một giá trị thuộc kiểu T.

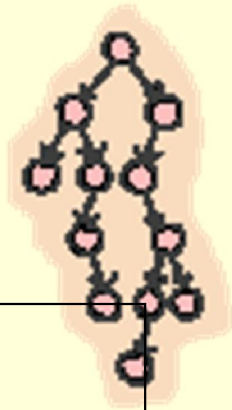
# Stack trừu tượng



## Một stack kiểu T:

- Một dãy hữu hạn kiểu T
- Một số tác vụ:
  - 1. Khởi tạo stack rỗng (*create*)
  - 2. Kiểm tra rỗng (*empty*)
  - 3. Đẩy một giá trị vào trên đỉnh của stack (*push*)
  - 4. Bỏ giá trị đang có trên đỉnh của stack (*pop*)
  - 5. Lấy giá trị trên đỉnh của stack, stack không đổi (*top*)

# Thiết kế stack



```
enum Error_code {fail, success, overflow, underflow};
```

```
template <class Entry>
```

```
class Stack {
```

```
public:
```

```
    Stack(); //constructor
```

```
    bool empty() const; //kiểm tra rỗng
```

```
    Error_code push(const Entry &item); //đẩy item vào
```

```
    Error_code pop(); //bỏ phần tử trên đỉnh
```

```
    Error_code top(Entry &item); //lấy giá trị trên đỉnh
```

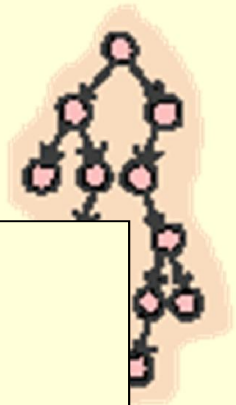
```
    //khai báo một số phương thức cần thiết khác
```

```
private:
```

```
    //khai báo dữ liệu và hàm phụ trợ chỗ này
```

```
};
```

# Thiết kế các phương thức



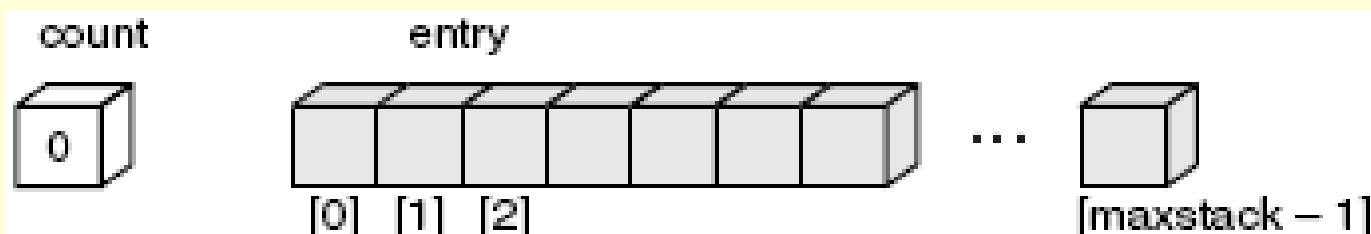
```
template <class Entry>
bool Stack<Entry>::empty() const;
Pre: Không có
Post: Trả về giá trị true nếu stack hiện tại là rỗng, ngược lại thì trả về false
```

```
template <class Entry>
Error_code Stack<Entry>::push(const Entry &item);
Pre: Không có
Post: Nếu stack hiện tại không đầy, item sẽ được thêm vào đỉnh của stack.
      Ngược lại trả về giá trị overflow của kiểu Error_code và stack không đổi.
```

```
template <class Entry>
Error_code Stack<Entry>::pop() const;
Pre: Không có
Post: Nếu stack hiện tại không rỗng, đỉnh của stack hiện tại sẽ bị hủy bỏ.
      Ngược lại trả về giá trị underflow của kiểu Error_code và stack không đổi.
```

```
template <class Entry>
Error_code Stack<Entry>::top(Entry &item) const;
Pre: Không có
Post: Nếu stack hiện tại không rỗng, đỉnh của stack hiện tại sẽ được chép vào tham
      biến item. Ngược lại trả về giá trị fail của kiểu Error_code.
```

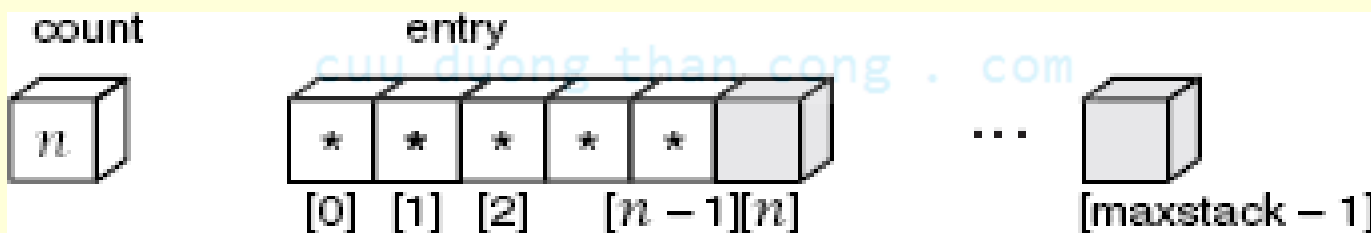
# Hiện thực stack liên tục



(a) Stack is empty.



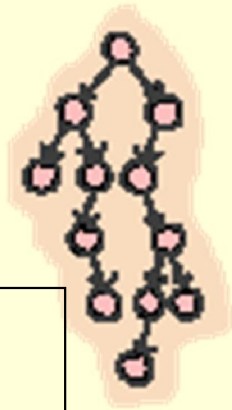
(b) Push the first entry.



(c)  $n$  items on the stack



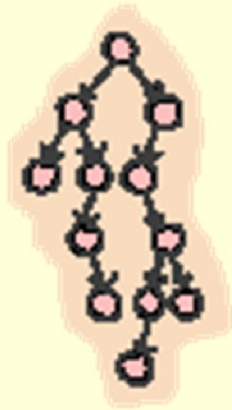
# Khai báo stack liên tục



```
const int maxstack = 10;           //small number for testing

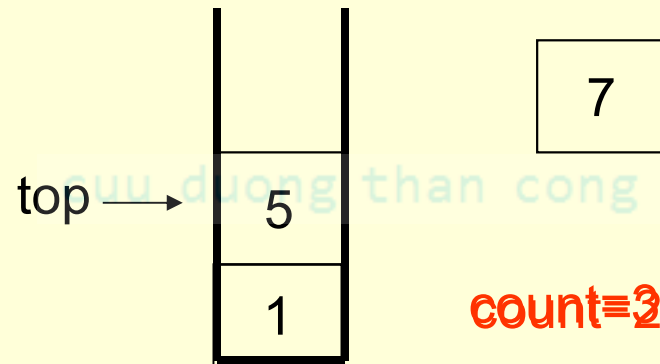
template <class Entry>
class Stack {
public:
    Stack( );
    bool empty( ) const;
    Error_code pop( );
    Error_code top(Entry &item) const;
    Error_code push(const Entry &item);
private:
    int count;
    Entry entry[maxstack];
};
```

# Đẩy một phần tử vào stack

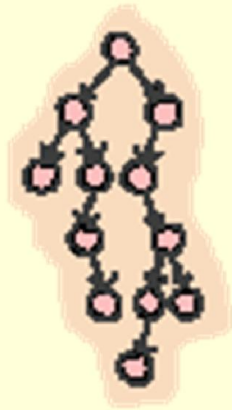


## Giải thuật:

1. Nếu còn chỗ trống trong stack
  - 1.1. Tăng vị trí đỉnh lên 1
  - 1.2. Chứa giá trị vào vị trí đỉnh của stack
  - 1.3. Tăng số phần tử lên 1



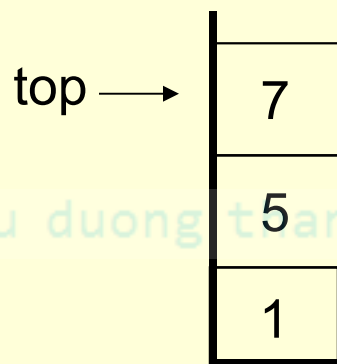
# Bỏ phần tử trên đỉnh stack



## Giải thuật:

1. Nếu còn phần tử trong stack
  - 1.1. Giảm vị trí đỉnh đi 1
  - 1.2. Giảm số phần tử đi 1

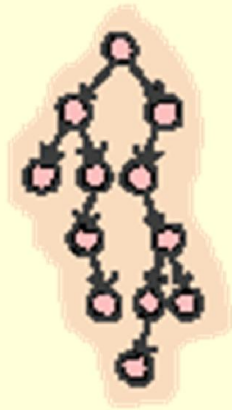
[cuu duong than cong . com](http://cuuduongthancong.com)



[cuu duong than cong . com](http://cuu duong than cong . com)

**count=3**

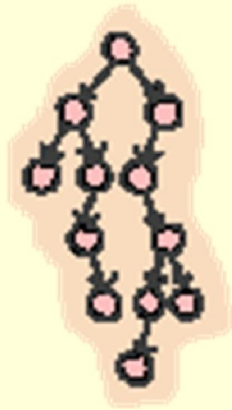
# Thêm/Bỏ phần tử - Mã C++



```
template <class Entry>
Error_code Stack<Entry>:: push(const Entry &item) {
    if (count >= maxstack)
        return overflow;
    else
        entry[count++] = item;
    return success;
}
```

```
template <class Entry>
Error_code Stack<Entry>:: pop() {
    if (count == 0)
        return underflow;
    else
        count--;
    return success;
}
```

# Lấy giá trị trên đỉnh stack



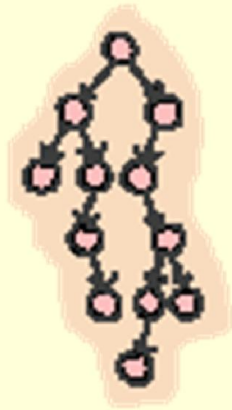
## Giải thuật:

1. Nếu còn phần tử trong stack
  - 1.1. Trả về giá trị tại vị trí đỉnh

## Mã C++:

```
template <class Entry>
Error_code Stack<Entry>:: top(Entry &item) {
    if (count == 0)
        return underflow;
    else
        item = entry[count - 1];
    return success;
}
```

# Reverse Polish Calculator



## Mô tả bài toán:

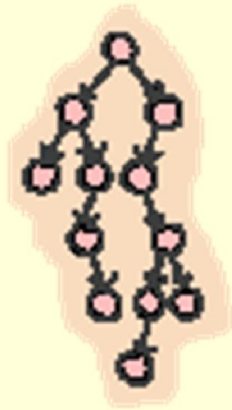
- Các toán hạng được đọc vào trước và đẩy vào stack
- Khi đọc vào toán tử, lấy hai toán hạng ra từ stack, tính toán với toán tử này, rồi đẩy kết quả vào stack

## Thiết kế phần mềm:

- Cần một stack để chứa toán hạng
- Cần hàm `get_command` để nhận lệnh từ người dùng
- Cần hàm `do_command` để thực hiện lệnh

# Reverse Polish Calculator

## – Thiết kế chức năng

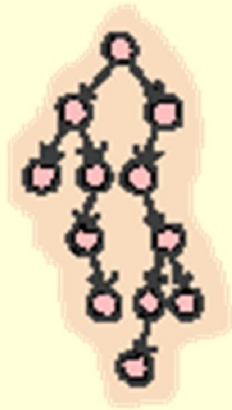


### Tập lệnh:

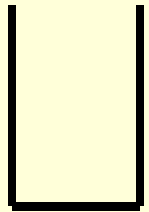
- '?': đọc một giá trị rồi đẩy vào stack
- Toán tử '+', '-', '\*', '/': lấy 2 giá trị trong stack, tính toán và đẩy kết quả vào stack
- Toán tử '=': in đỉnh của stack ra
- 'q': kết thúc chương trình

cuu duong than cong . com

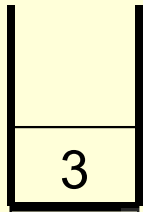
# Reverse Polish Calculator – Ví dụ



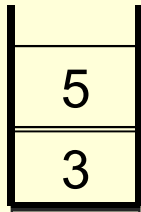
Tính toán biểu thức:  $3 \ 5 \ + \ 2 \ * \ =$



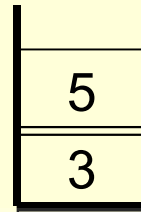
Ban đầu



Toán tử ?  
Nhập vào 3



Toán tử ?  
Nhập vào 5

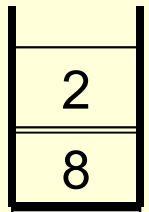


Toán tử +  
Lấy ra 5 và 3  
Tính  $3 + 5 \Rightarrow 8$

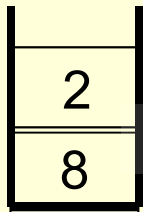


8

Đẩy 8 vào



Toán tử ?  
Nhập vào 2



Toán tử \*  
Lấy ra 2 và 8  
Tính  $8 * 2 \Rightarrow 16$



Đẩy vào 16

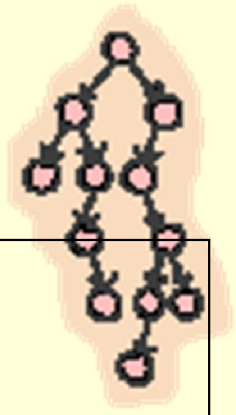
16



Toán tử =  
In ra 16

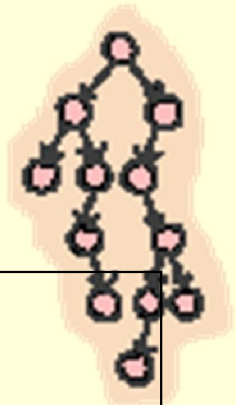


# Reverse Polish Calculator – Hàm get\_command



```
char get_command( ) {  
    char command;  
    bool waiting = true;  
    cout << "Select command and press < Enter > :";  
    while (waiting) {  
        cin >> command;  
        command = tolower(command);  
        if (command == '?' || command == '=' || command == '+' ||  
            command == '-' || command == '*' || command == '/' ||  
            command == 'q') waiting = false;  
        else {  
            cout << "Please enter a valid command:" << endl  
                << "[?]push to stack [=]print top" << endl  
                << "[+] [-] [*] [/] are arithmetic operations" << endl  
                << "[Q]uit." << endl;  
        }  
    }  
    return command;  
}
```

# Reverse Polish Calculator – Giải thuật tính toán với toán tử



## Algorithm Op\_process

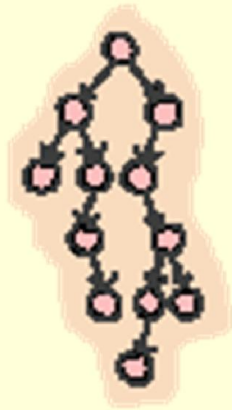
**Input:** toán tử  $op$ , stack chứa các toán hạng

**Output:** stack chứa các toán hạng sau khi tính xong toán tử  $op$

1. Nếu stack không rỗng
  - 1.1. Lấy đỉnh stack ra thành  $p$
  - 1.2. Bỏ phần tử trên đỉnh stack
  - 1.3. Nếu stack rỗng
    - 1.3.1. Đẩy  $p$  ngược lại
    - 1.3.2. Báo lỗi và thoát
  - 1.4. Lấy đỉnh stack ra thành  $q$
  - 1.5. Bỏ phần tử trên đỉnh stack
  - 1.6. Tính toán ( $q \ op \ p$ )
  - 1.7. Đẩy kết quả vào stack

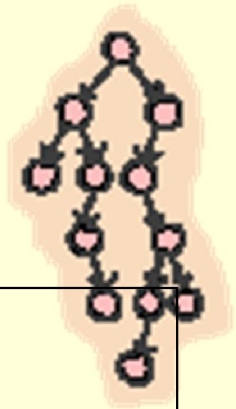
**End Op\_process**

# Reverse Polish Calculator – Mã C++ cho toán tử cộng



```
if (numbers.top(p) == underflow)
    cout << "Stack rỗng";
else {
    numbers.pop( );
    if (numbers.top(q) == underflow) {
        cout << "Stack chỉ có 1 trị";
        numbers.push(p);
    }
    else {
        numbers.pop( );
        if (numbers.push(q + p) == overflow)
            cout << "Stack đầy";
    }
}
```

# Reverse Polish Calculator – Chương trình chính

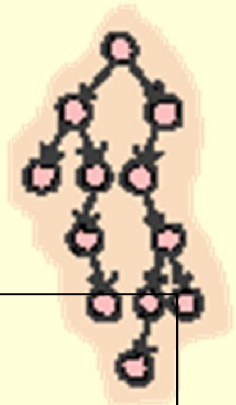


```
#include "stack.cpp"

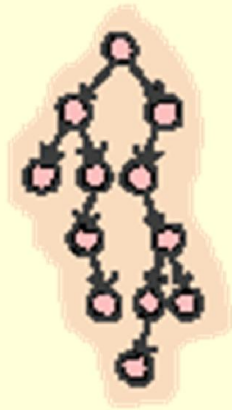
//prototype
void introduction( );
void instructions( );
char get_command( );
bool do_command(char command, Stack<double> &numbers);

int main( ) {
    Stack<double> stored_numbers;
    introduction( );
    instructions();
    while (do_command(get_command( ), stored_numbers));
}
//implementation
...
```

# Reverse Polish Calculator – Hàm do\_command



```
bool do_command(char command, Stack &numbers) {  
    double p, q;  
    switch (command) {  
        case '?':  
            cout << "Enter a real number: " << flush; cin >> p;  
            if (numbers.push(p) == overflow)  
                cout << "Warning: Stack full, lost number" << endl; break;  
        case '=':  
            if (numbers.top(p) == underflow) cout << "Stack empty" << endl;  
            else cout << p << endl; break;  
  
        // Add options for further user commands.  
        case 'q': cout << "Calculation finished.\n"; return false;  
    }  
    return true;  
}
```



cuu duong than cong . com

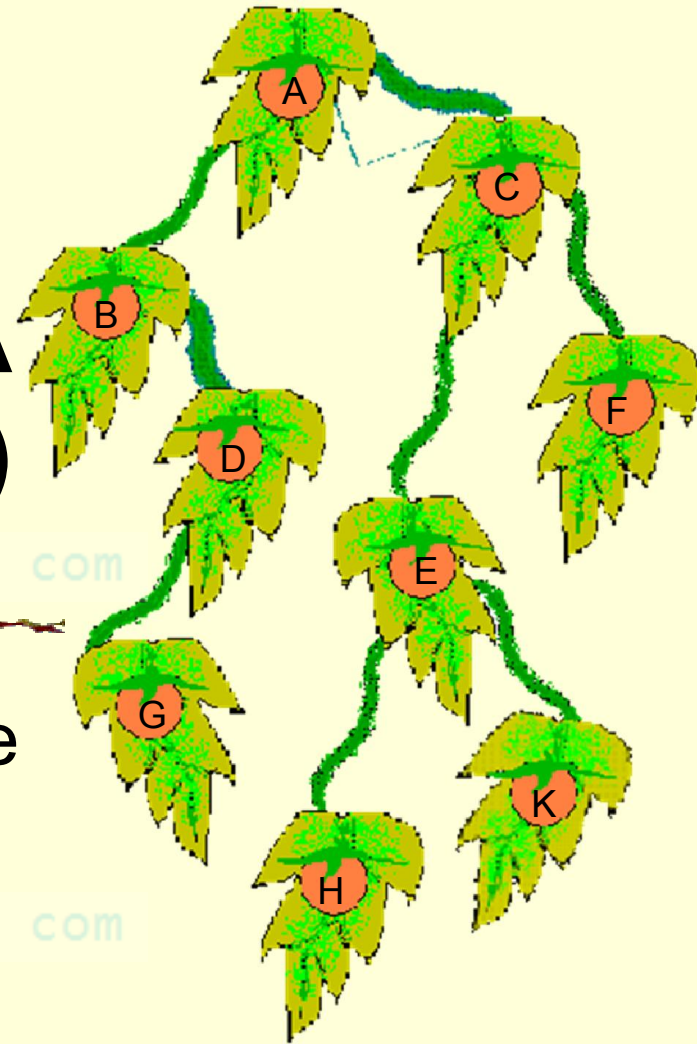
cuu duong than cong . com

# CẤU TRÚC DỮ LIỆU VÀ GIẢI THUẬT (501040)

cuu duong than cong . com

## Chương 3: Queue

cuu duong than cong . com



# Mô tả queue

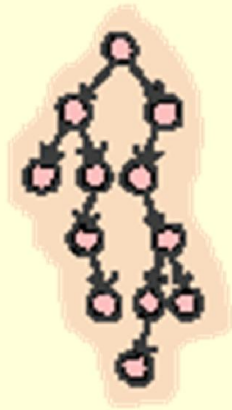


- ❏ Một queue là một cấu trúc dữ liệu mà việc thêm vào được thực hiện ở một đầu (rear) và việc lấy ra được thực hiện ở đầu còn lại (front)
- ❏ Phần tử vào trước sẽ ra trước – FIFO (First In First Out)





# Queue trừu tượng

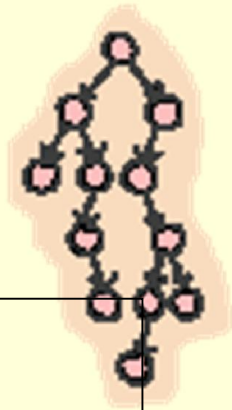


## Một queue kiểu T:

- Một dãy hữu hạn kiểu T
- Một số tác vụ:
  - 1. Khởi tạo queue rỗng (*create*)
  - 2. Kiểm tra rỗng (*empty*)
  - 3. Thêm một giá trị vào cuối của queue (*append*)
  - 4. Bỏ giá trị đang có ở đầu của queue (*serve*)
  - 5. Lấy giá trị ở đầu của queue, queue không đổi (*retrieve*)

[cuu duong than cong . com](https://fb.com/tailieuchitruocntt)

# Thiết kế queue



```
enum Error_code {fail, success, overflow, underflow};
```

```
template <class Entry>
```

```
class Queue {
```

```
public:
```

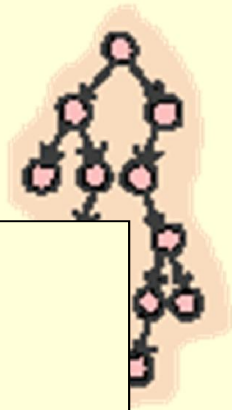
```
    Queue(); //constructor  
    bool empty() const; //kiểm tra rỗng  
    Error_code append(const Entry &item); //đẩy item vào  
    Error_code serve(); //bỏ 1 phần tử ở đầu  
    Error_code retrieve(Entry &item); //lấy giá trị ở đầu  
    //khai báo một số phương thức cần thiết khác
```

```
private:
```

```
    //khai báo dữ liệu và hàm phụ trợ chỗ này
```

```
};
```

# Thiết kế các phương thức



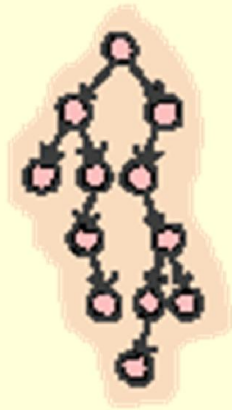
```
template <class Entry>
bool Queue<Entry>::empty() const;
Pre: Không có
Post: Trả về giá trị true nếu queue hiện tại là rỗng, ngược lại thì trả về false
```

```
template <class Entry>
Error_code Queue<Entry>::append(const Entry &item);
Pre: Không có
Post: Nếu queue hiện tại không đầy, item sẽ được thêm vào cuối của queue.
      Ngược lại trả về giá trị overflow của kiểu Error_code và queue không đổi.
```

```
template <class Entry>
Error_code Queue<Entry>::serve() const;
Pre: Không có
Post: Nếu queue hiện tại không rỗng, đầu của queue hiện tại sẽ bị hủy bỏ.
      Ngược lại trả về giá trị underflow của kiểu Error_code và queue không đổi.
```

```
template <class Entry>
Error_code Queue<Entry>::retrieve(Entry &item) const;
Pre: Không có
Post: Nếu queue hiện tại không rỗng, đầu của queue hiện tại sẽ được chép vào tham
      biến item. Ngược lại trả về giá trị underflow của kiểu Error_code.
```

# Mở rộng queue



## ❏ Có thêm các tác vụ:

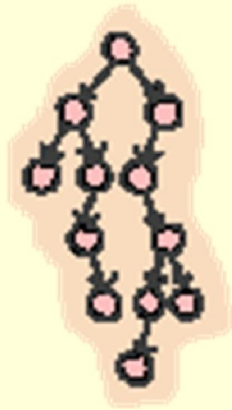
- Kiểm tra đầy (*full*)
- Tính kích thước (*size*)
- Giải phóng queue (*clear*)
- Lấy giá trị ở đầu và bỏ ra khỏi queue (*serve\_and\_retrieve*)

## ❏ Mã C++:

```
template <class Entry>
class Extended_queue: public Queue<Entry> {
public:
    bool full( ) const;
    int size( ) const;
    void clear( );
    Error_code serve_and_retrieve(Entry &item);
};
```

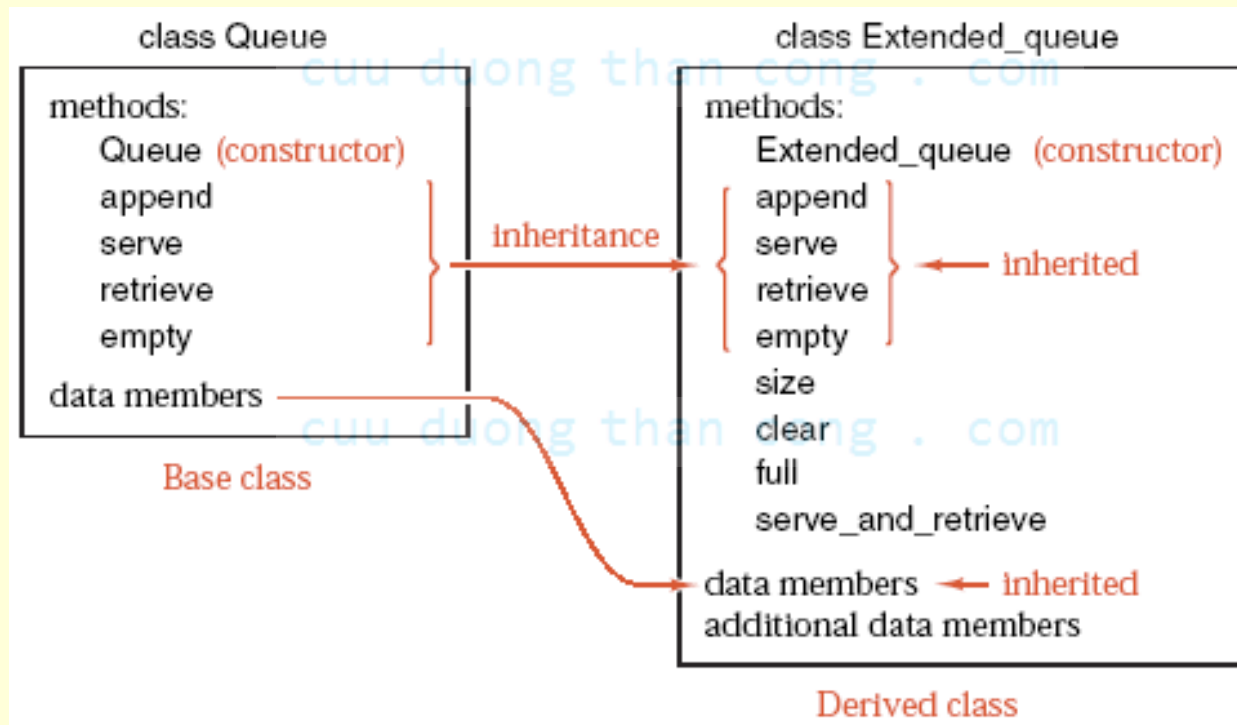
← Có các khả năng **public**,  
**protected**, **private**

# Tính thừa hưởng

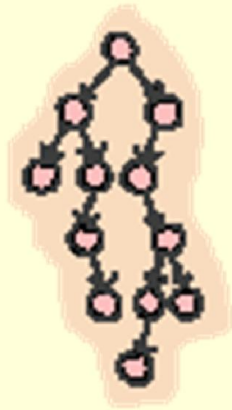


## Dùng tính thừa hưởng:

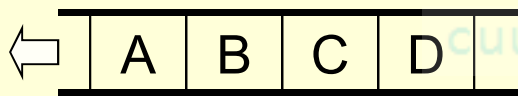
- Extended\_queue có đầy đủ các thành phần của Queue
- Thêm vào đó các thành phần riêng của mình



# Queue liên tục



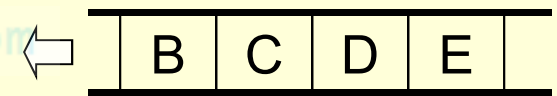
- ❏ Dùng một array: Có xu hướng dời về cuối array
- ❏ Hai cách hiện thực đầu tiên:
  - Khi lấy một phần tử ra thì đồng thời dời hàng lên một vị trí.



Ban đầu

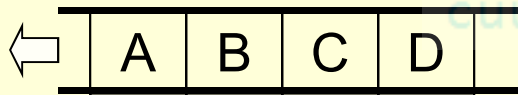


Lấy ra 1 phần tử:  
dời tất cả về trước

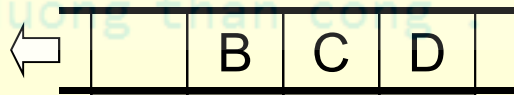


Thêm vào 1 phần tử

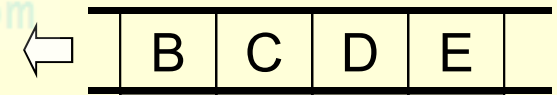
- Chỉ dời hàng về đầu khi cuối hàng không còn chỗ



Ban đầu

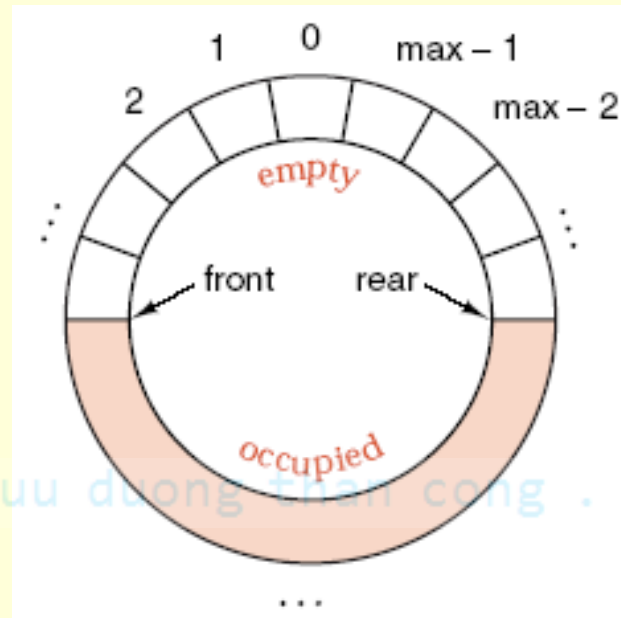
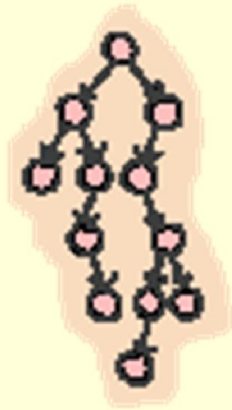


Lấy ra 1 phần tử

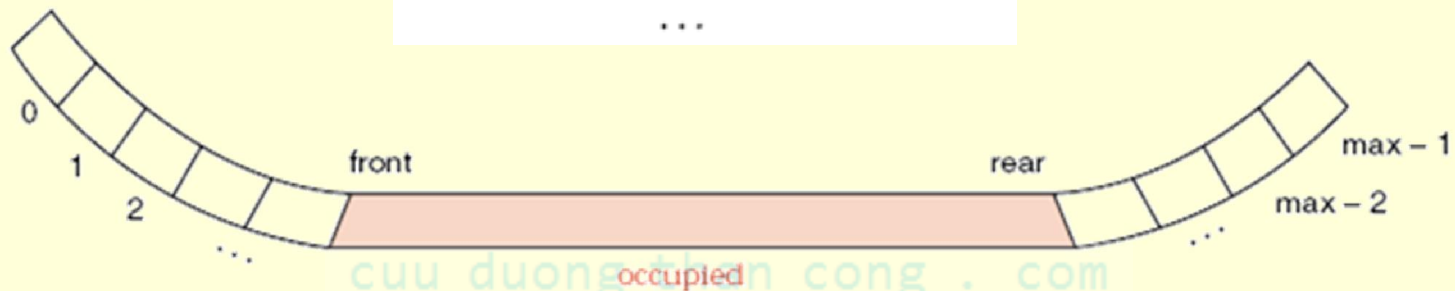


Thêm vào 1 phần tử:  
dời tất cả về trước để  
trống chỗ thêm vào

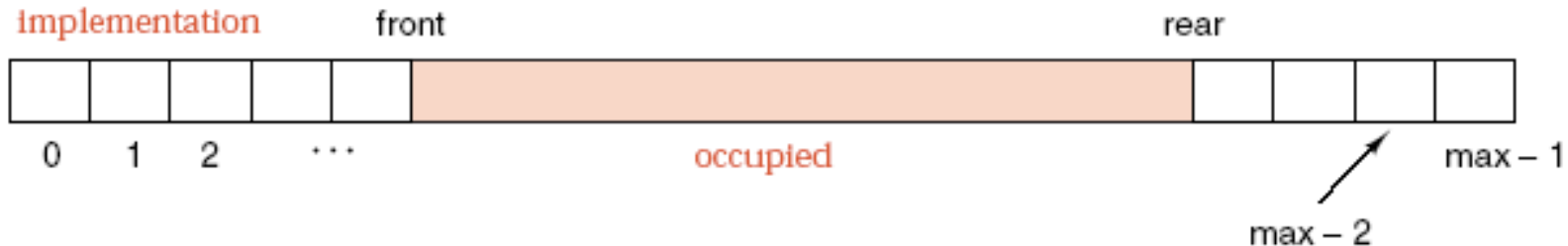
# Queue là array vòng (circular array)



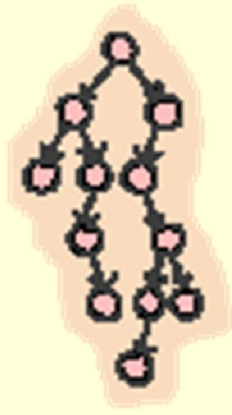
Unwinding



Linear  
Implementation



# Array vòng với ngôn ngữ C++



📖 Xem array như là một vòng:

- phần tử cuối của array nối với phần tử đầu của array

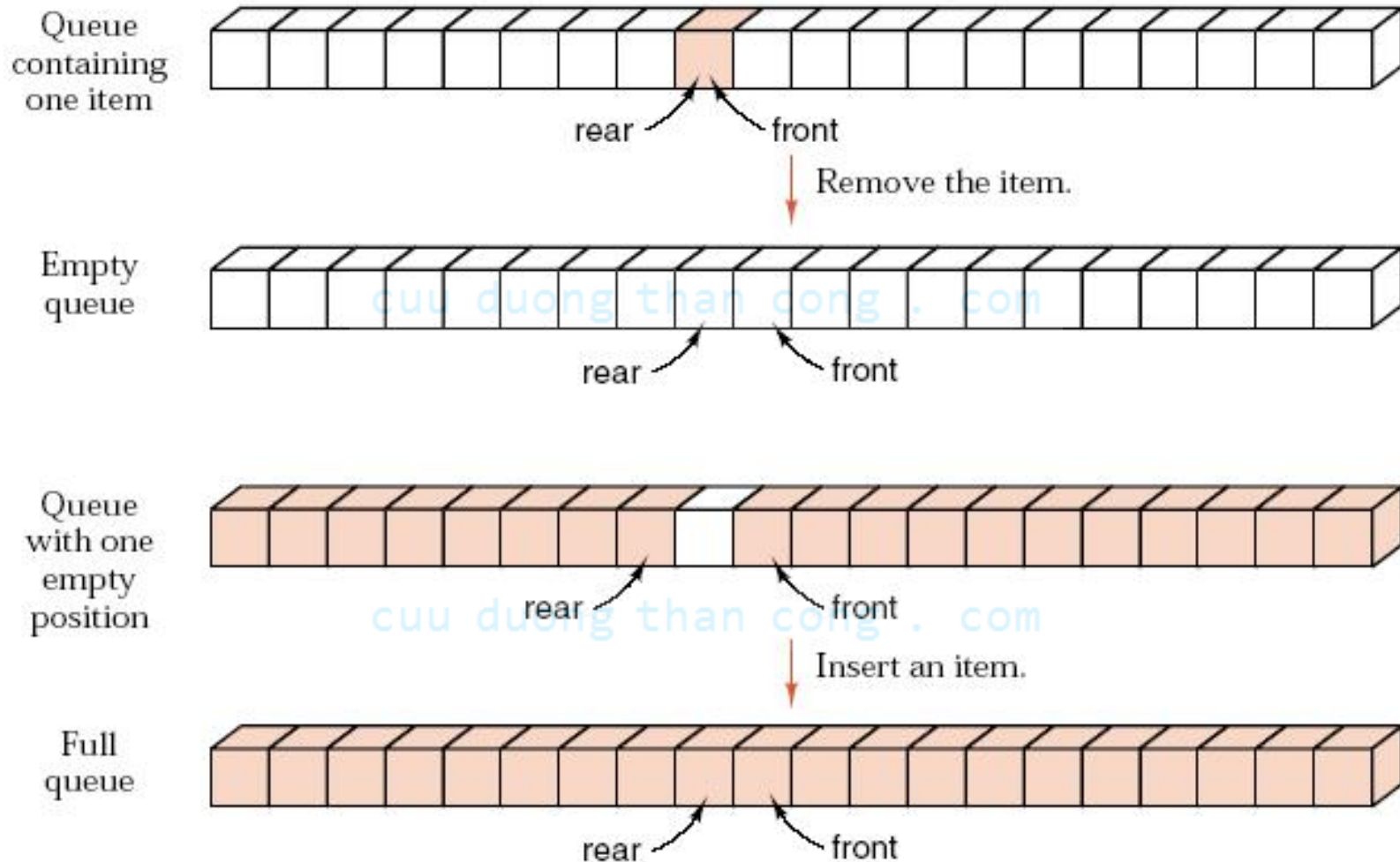
📖 Tính toán vị trí kề:

- $i = ((i + 1) == \text{max}) ? 0 : (i + 1);$
- $\text{if } ((i + 1) == \text{max}) \ i = 0; \text{ else } i = i + 1;$
- $i = (i + 1) \% \text{max};$

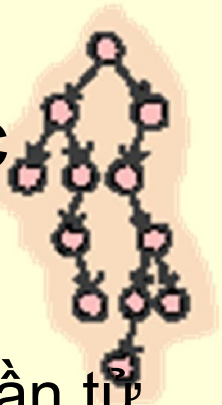
cuu duong than cong . com



# Điều kiện biên của queue vòng

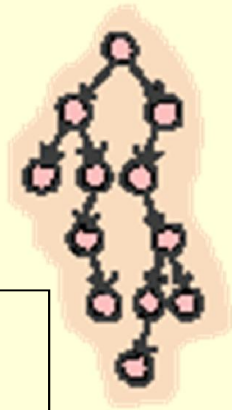


# Một số cách hiện thực queue liên tục



- ❑ Một array với front là phần tử đầu và tất cả các phần tử sẽ được dời lên khi lấy ra một phần tử.
- ❑ Một array có hai chỉ mục luôn tăng chỉ đến phần tử đầu và cuối.
- ❑ Một array vòng có chỉ mục front và rear và một ô luôn trống.
- ❑ Một array vòng có chỉ mục front và rear và một cờ (flag) cho biết queue là đầy (rỗng) chưa.
- ❑ Một array vòng với chỉ mục front và rear có các giá trị đặc biệt cho biết queue đang rỗng.
- ❑ **Một array vòng với chỉ mục front và rear và một số chứa số phần tử của queue.**

# Hiện thực queue liên tục



```
const int maxqueue = 10; // small value for testing
```

```
template <class Entry>
```

```
class Queue {
```

```
public:
```

```
    Queue( );
```

```
    bool empty( ) const;
```

```
    Error_code serve( );
```

```
    Error_code append(const Entry &item);
```

```
    Error_code retrieve(Entry &item) const;
```

```
protected:
```

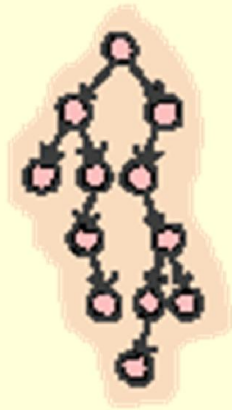
```
    int count;
```

```
    int front, rear;
```

```
    Entry entry[maxqueue];
```

```
};
```

# Khởi tạo và kiểm tra rỗng



📖 Khởi tạo:

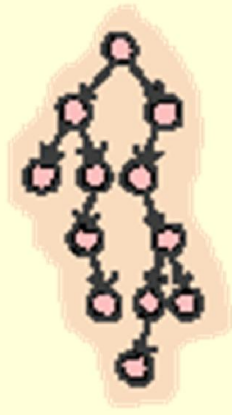
```
template <class Entry>
Queue<Entry>::Queue( ) {
    count = 0;
    rear = maxqueue - 1;
    front = 0;
}
```

📖 Kiểm tra rỗng:

```
template <class Entry>
bool Queue<Entry>::empty( ) const {
    return count == 0;
}
```

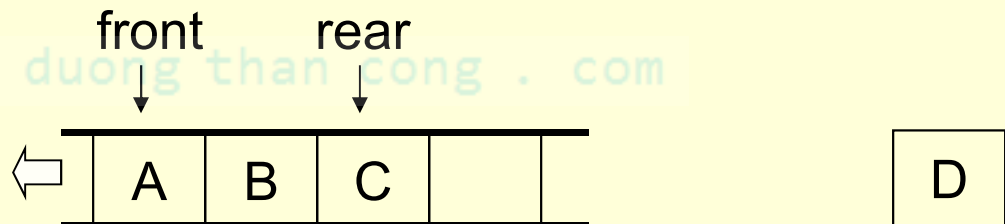
Dùng biến count để  
biết số phần tử  
trong queue

# Thêm một giá trị vào queue

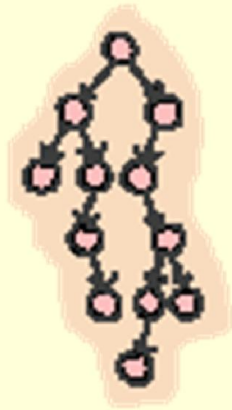


## Giải thuật:

1. Nếu hàng đầy
  - 1.1. Báo lỗi overflow
2. Tính toán vị trí cuối mới theo array vòng
3. Gán giá trị vào vị trí cuối mới này
4. Tăng số phần tử lên 1
4. Báo success

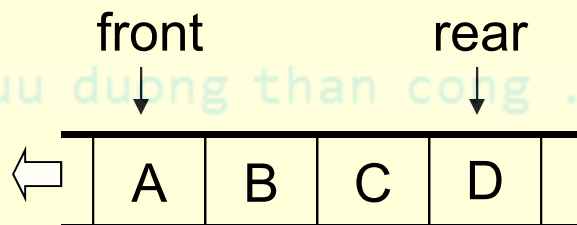


# Loại một giá trị khỏi queue

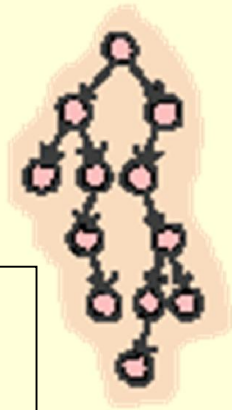


## Giải thuật:

1. Nếu hàng rỗng
  - 1.1. Báo lỗi underflow
2. Tính toán vị trí đầu mới theo array vòng
3. Giảm số phần tử đi 1
3. Báo success



# Thêm/loại một giá trị – Mã C++



```
template <class Entry>
Error_code Queue<Entry>::append(const Entry &item) {
    if (count >= maxqueue) return overflow;
    count++;
    rear = ((rear + 1) == maxqueue) ? 0 : (rear + 1);
    entry[rear] = item;
    return success;
}
```

```
template <class Entry>
Error_code Queue<Entry>::serve() {
    if (count <= 0) return underflow;
    count--;
    front = ((front + 1) == maxqueue) ? 0 : (front + 1);
    return success;
}
```

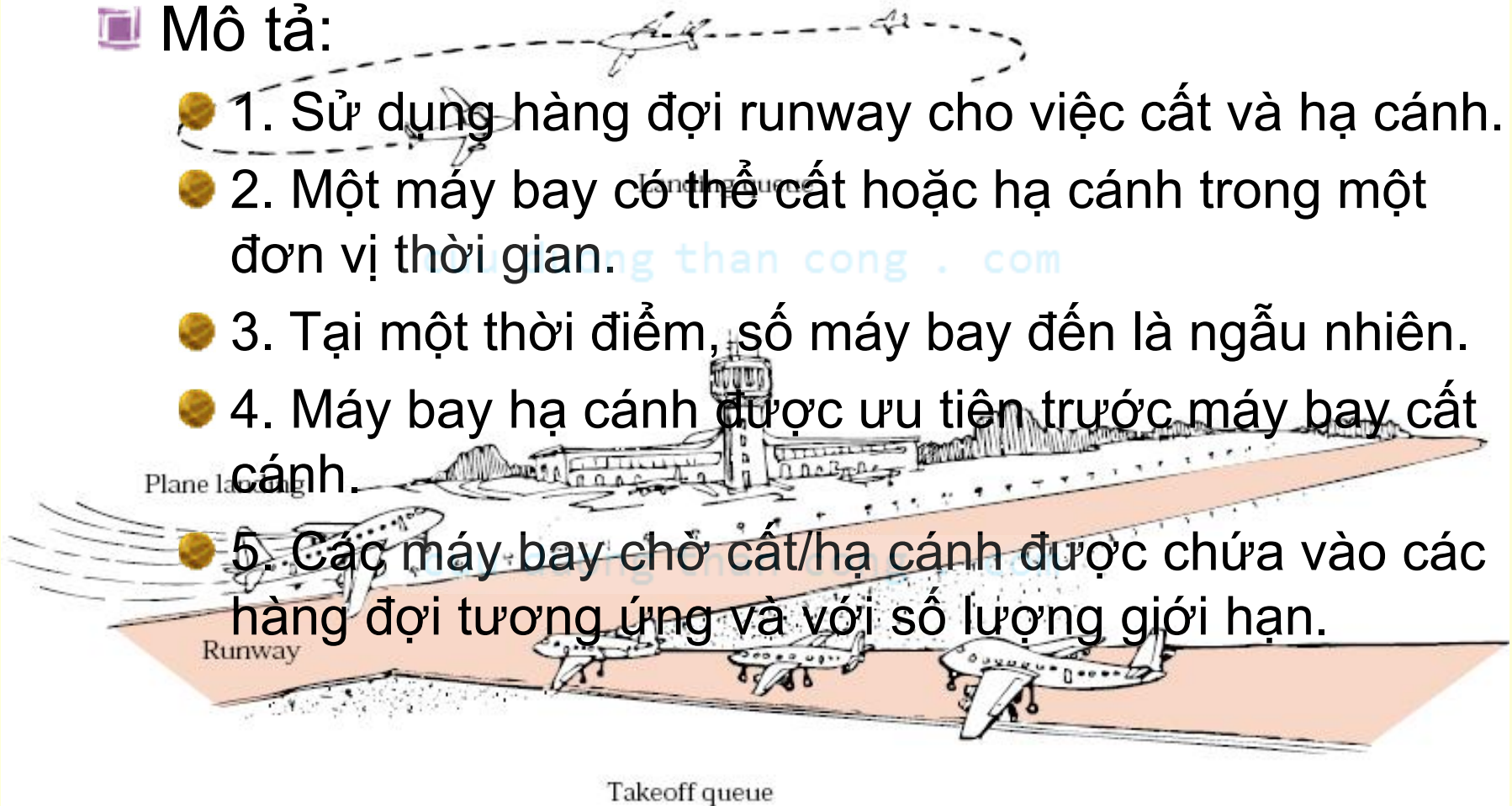


# Ứng dụng: Giải lập phi trường



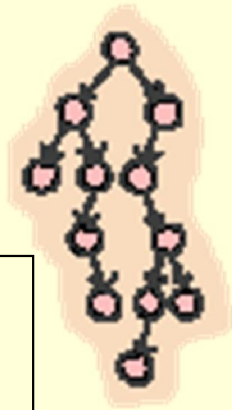
## Mô tả:

- 1. Sử dụng hàng đợi runway cho việc cất và hạ cánh.
- 2. Một máy bay có thể cất hoặc hạ cánh trong một đơn vị thời gian.
- 3. Tại một thời điểm, số máy bay đến là ngẫu nhiên.
- 4. Máy bay hạ cánh được ưu tiên trước máy bay cất cánh.
- 5. Các máy bay chờ cất/hạ cánh được chứa vào các hàng đợi tương ứng và với số lượng giới hạn.





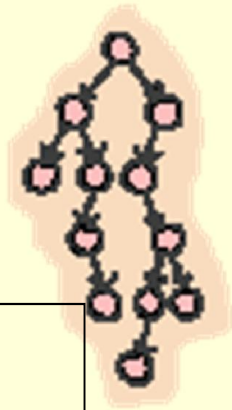
# Giải lập phi trường – Hàng đợi



```
enum Runway_activity {idle, land, takeoff};

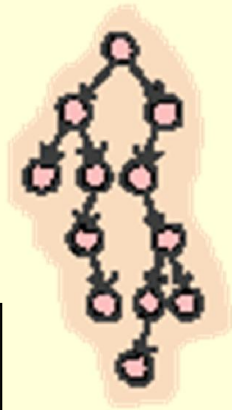
class Runway {
public:
    Runway(int limit);
    Error_code can_land(const Plane &current);
    Error_code can_depart(const Plane &current);
    Runway_activity activity(int time, Plane &moving);
    void shut_down(int time) const;
private:
    Extended_queue landing;
    Extended_queue takeoff;
    int queue_limit;
    ...
};
```

# Giải lập phi trường – Hạ cánh



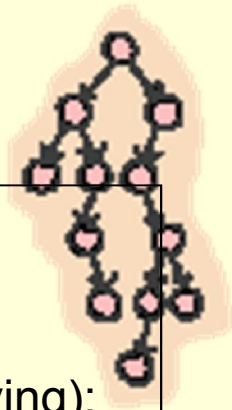
```
Error_code Runway :: can_land(const Plane &current) {  
    Error_code result;  
    if (landing.size( ) < queue_limit)  
        result = landing.append(current);  
    else  
        result = fail;  
    num_land_requests++;  
    if (result != success)  
        num_land_refused++;  
    else  
        num_land_accepted++;  
    return result;  
}
```

# Giải lập phi trường – Xử lý

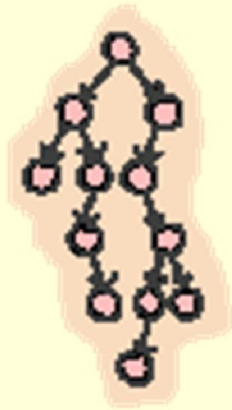


```
Runway_activity Runway::activity(int time, Plane &moving) {  
    Runway_activity in_progress;  
    if (!landing.empty( )) {  
        landing.retrieve(moving);  
        in_progress = land;  
        landing.serve( );  
    } else if (!takeoff.empty( )) {  
        takeoff.retrieve(moving);  
        in_progress = takeoff;  
        takeoff.serve( );  
    } else  
        in_progress = idle;  
    return in_progress;  
}
```

# Giải lập phi trường – Giải lập



```
for (int current_time = 0; current_time < end_time; current_time++) {  
    int number_arrivals = variable.poisson(arrival_rate);  
    for (int i = 0; i < number_arrivals; i++) {  
        Plane current_plane(flight_number++, current_time, arriving);  
        if (small_airport.can_land(current_plane) != success)  
            current_plane.refuse( );  
    }  
    int number_departures = variable.poisson(departure_rate);  
    for (int j = 0; j < number_departures; j++) {  
        Plane current_plane(flight_number++, current_time, departing);  
        if (small_airport.can_depart(current_plane) != success)  
            current_plane.refuse( );  
    }  
    Plane moving_plane;  
    switch (small_airport.activity(current_time, moving_plane)) {  
        case land: moving_plane.land(current_time); break;  
        case takeoff: moving_plane.fly(current_time); break;  
        case idle: run_idle(current_time);  
    }  
}
```



cuu duong than cong . com

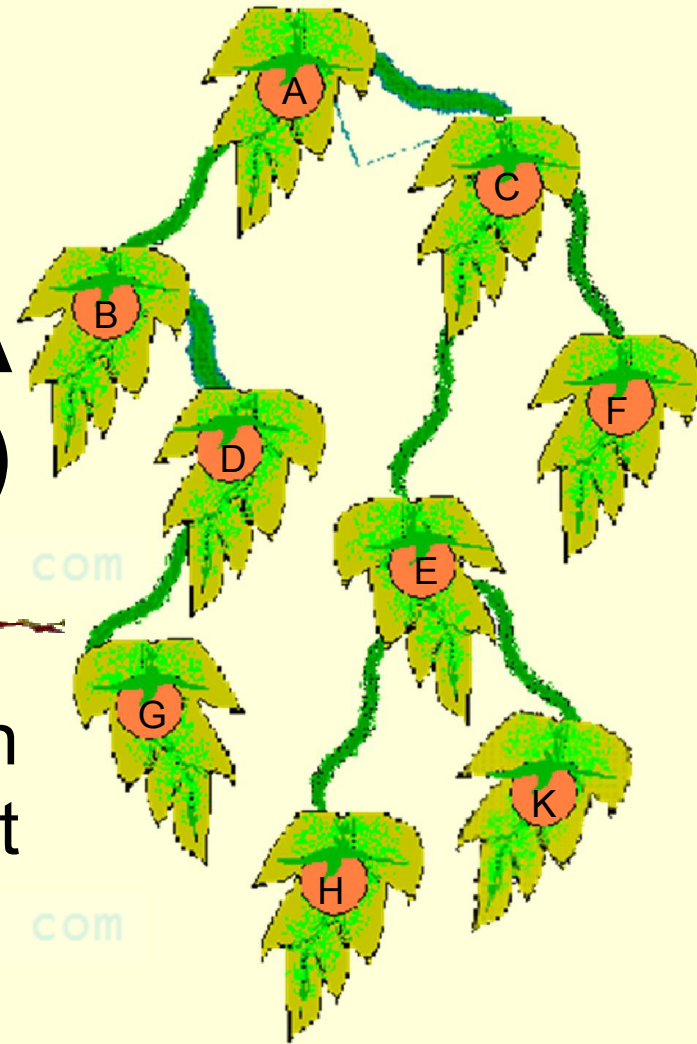
cuu duong than cong . com

# CẤU TRÚC DỮ LIỆU VÀ GIẢI THUẬT (501040)

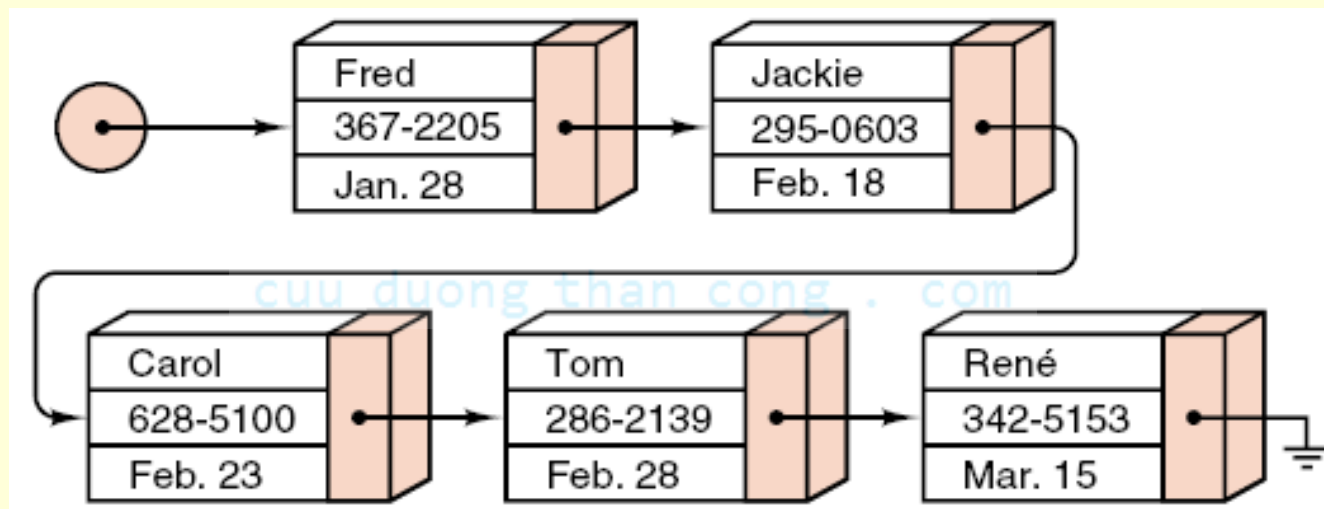
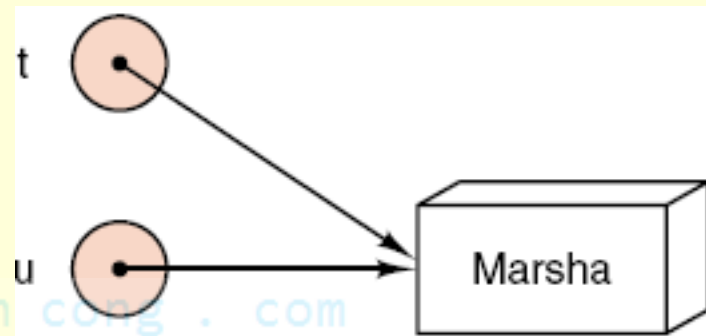
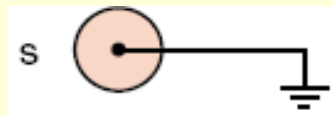
cuu duong than cong . com

## Chương 4: Stack và Queue liên kết

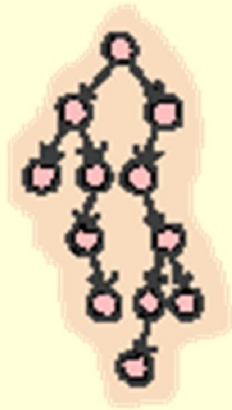
cuu duong than cong . com



# Con trỏ



# Biểu diễn con trỏ bằng C++



## Khai báo biến:

- `Item * item_ptr1, * item_ptr2;`

## Tạo mới đối tượng:

- `item_ptr1 = new Item;`

## Hủy bỏ đối tượng:

- `delete item_ptr1;`

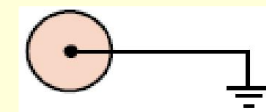
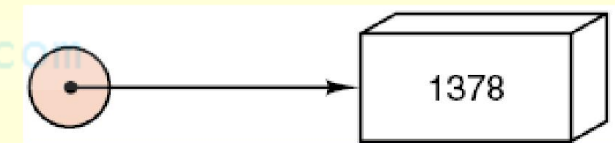
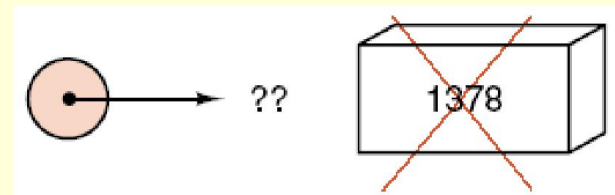
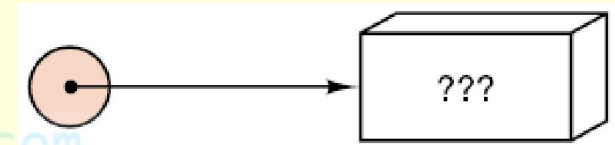
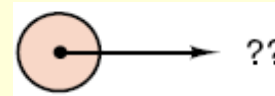
## Sử dụng:

- `*item_ptr1 = 1378;`

- `cout << Student_ptr -> StudentID;`

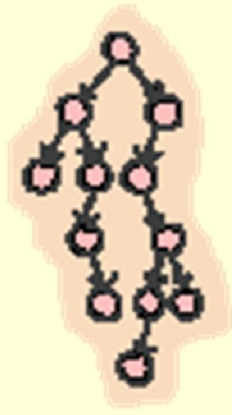
## Con trỏ NULL:

- `item_ptr2 = NULL;`





# Sử dụng con trỏ trong C++



## Địa chỉ của biến:

- Biến: `int_ptr = &x;`
- Array: `arr_ptr = an_array;`

## Dynamic array:

- Trong C++, array có thể được quản lý như một con trỏ và ngược lại
- Ví dụ:

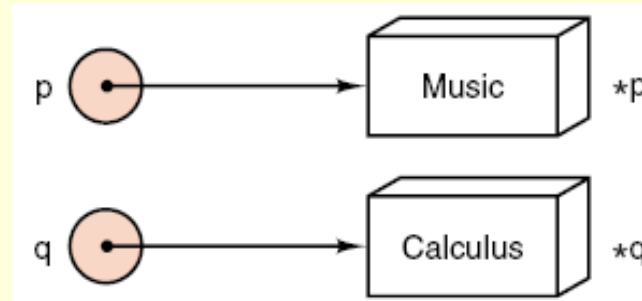
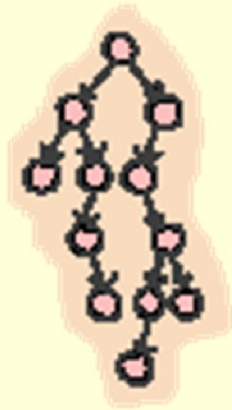
```
int arr[3] = {0, 1, 2, 3};
```

```
int *arr_ptr = arr;
```

```
//in ra 0 – 1 – 2
```

```
cout << *arr_ptr << " - " << *(arr_ptr + 1) << " - " << arr_ptr[2];
```

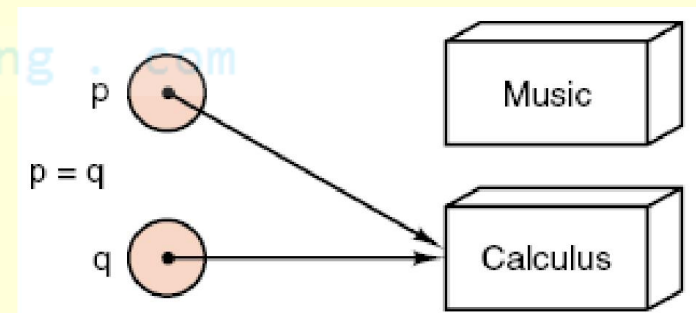
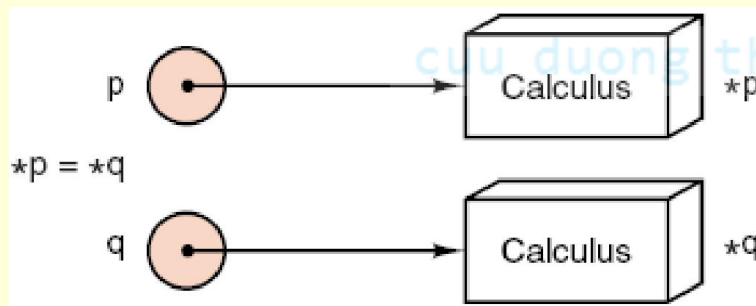
# Gán con trỏ trong C++



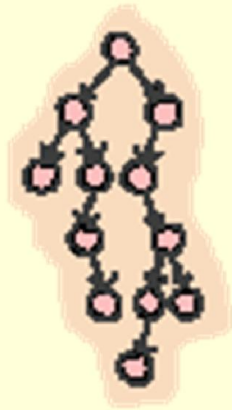
cuu duong than cong . com

Gán nội dung: bình thường

Gán con trỏ: nguy hiểm

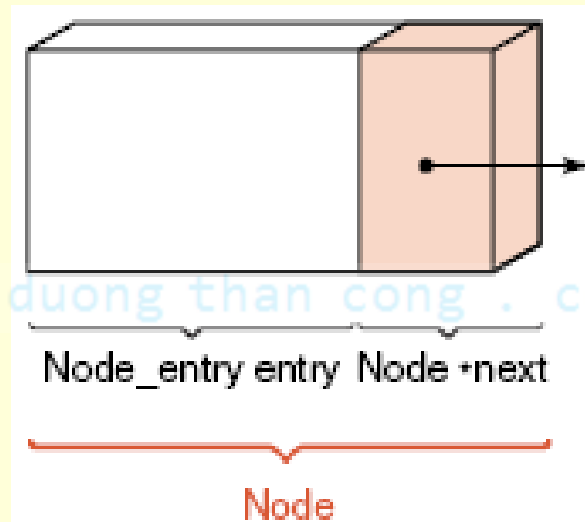


# Thiết kế node liên kết

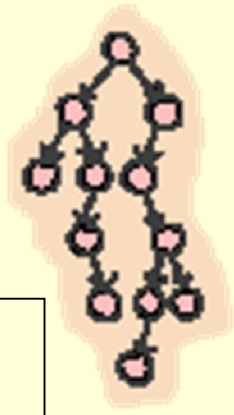


 Cần:

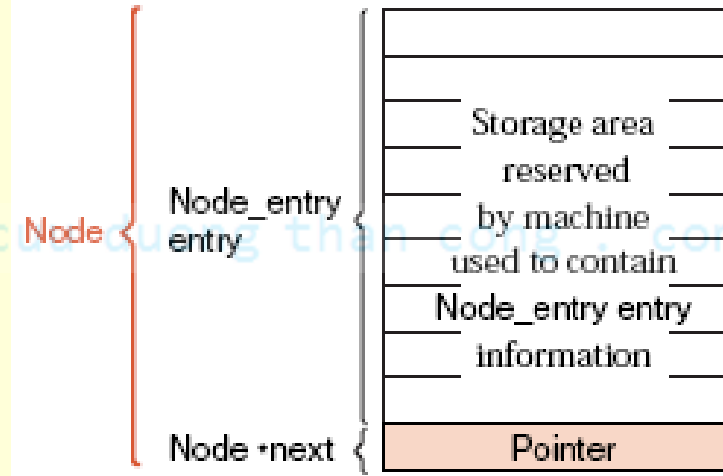
- Dữ liệu
- Con trỏ để trỏ đến node sau
- Constructor



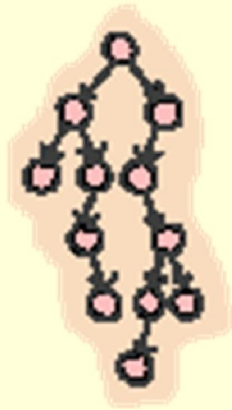
# Thiết kế node liên kết bằng C++



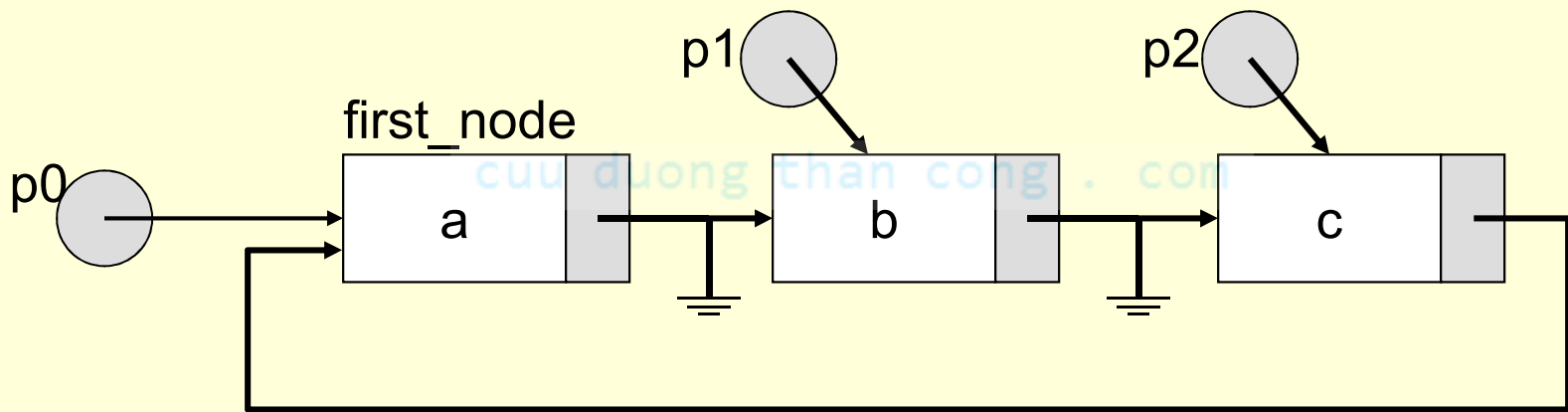
```
template <class Entry>
struct Node {
    Entry entry;                // data members
    Node<Entry> *next;
    Node( );                   // constructors
    Node(Entry item, Node<Entry> *add on = NULL);
};
```



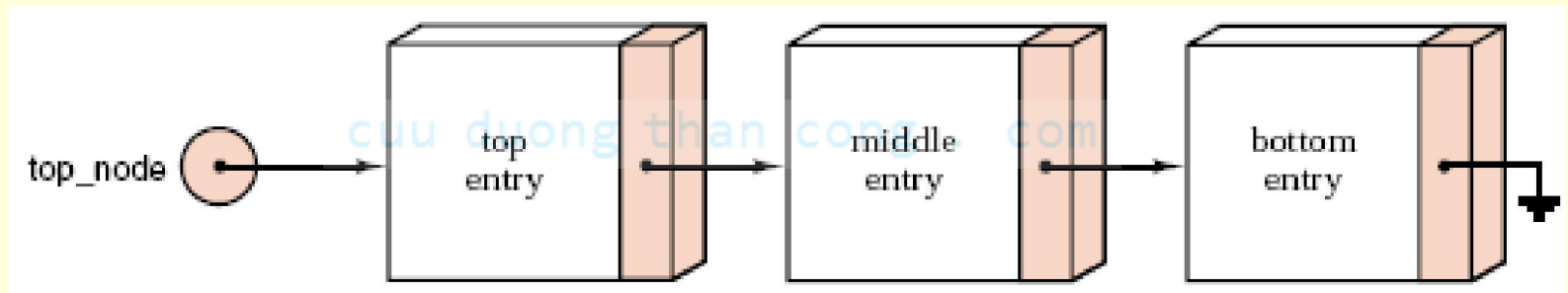
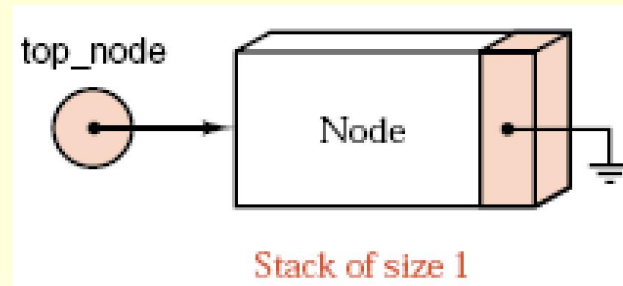
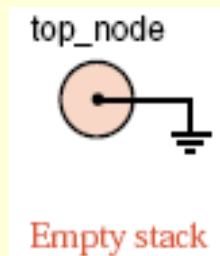
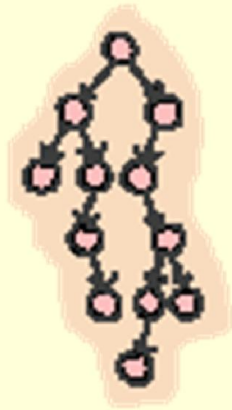
# Ví dụ với node liên kết



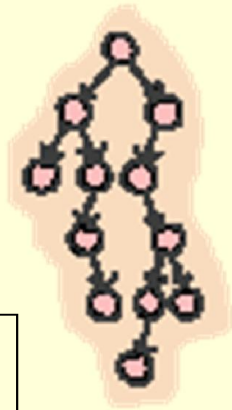
```
Node<char> first_node('a');  
Node<char> *p0 = &first_node;  
Node<char> *p1 = new Node<char>('b');  
p0->next = p1;  
Node<char> *p2 = new Node<char>('c', p0);  
p1->next = p2;
```



# Stack liên kết

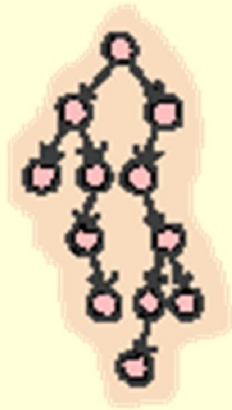


# Khai báo stack liên kết



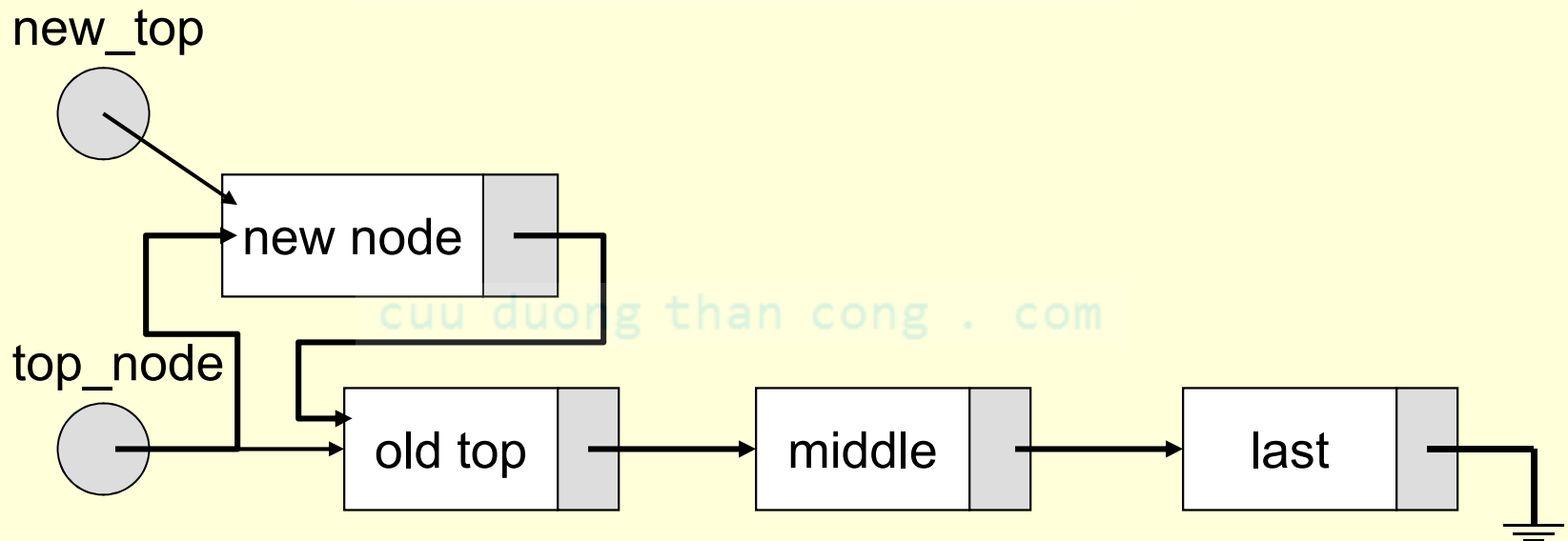
```
template <class Entry>
class Stack {
public:
    Stack( );
    bool empty( ) const;
    Error_code push(const Entry &item);
    Error_code pop( );
    Error_code top(Entry &item) const;
    Stack(const Stack<Entry> &copy);
    ~Stack();
    void operator=(const Stack<Entry> &copy);
protected:
    Node<Entry> *top_node;
};
```

# Thêm vào một stack liên kết



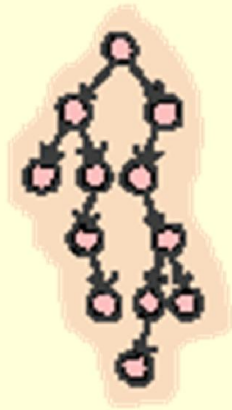
## Giải thuật

- 1. Tạo ra một node mới với giá trị cần thêm vào
- 2. Trỏ nó đến đỉnh hiện tại của stack
- 3. Trỏ đỉnh của stack vào node mới



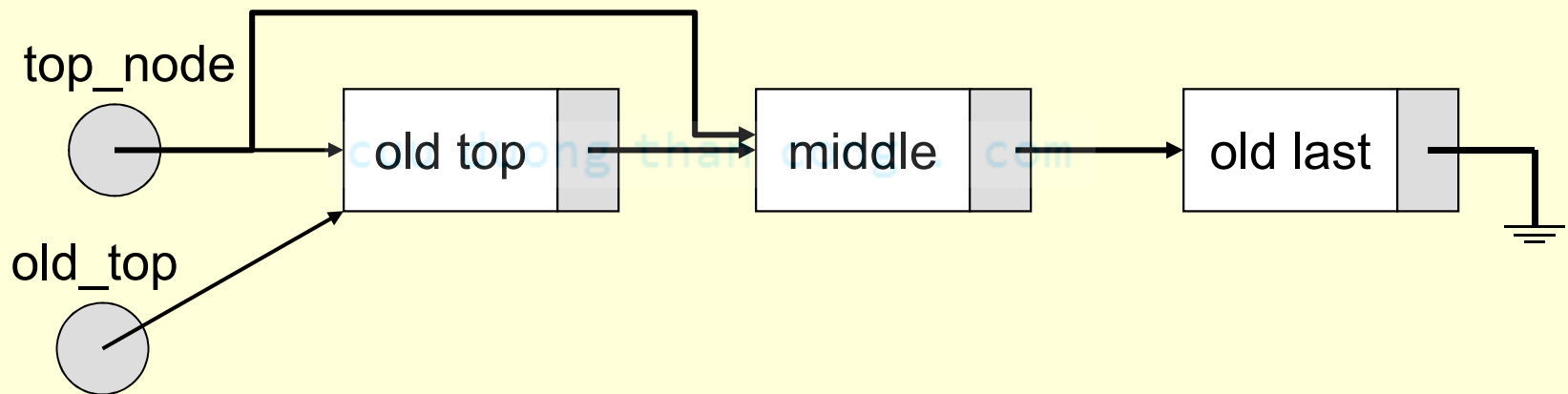


# Bỏ đỉnh của một stack liên kết



## Giải thuật:

- 1. Gán một con trỏ để giữ đỉnh của stack
- 2. Trỏ đỉnh của stack vào node ngay sau đỉnh hiện tại
- 3. Xóa node cũ đi



# Thêm/Bỏ đỉnh của một stack liên kết

## – Mã C++

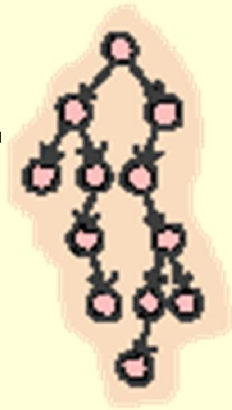


```
template <class Entry>
Error_code push(const Entry &item) {
    Node<Entry> *new_top = new Node<Entry>(item, top_node);
    if (new_top == NULL) return overflow;
    top_node = new_top;
}
```

cuu duong than cong . com

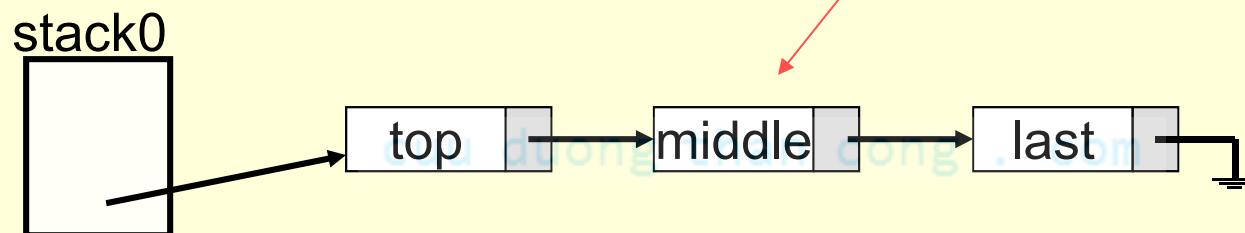
```
template <class Entry>
Error_code pop( ) {
    Node<Entry> *old_top = top_node;
    if (top_node == NULL) return underflow;
    top_node = old_top->next;
    delete old_top;
}
```

# Sự không an toàn con trỏ trong C++



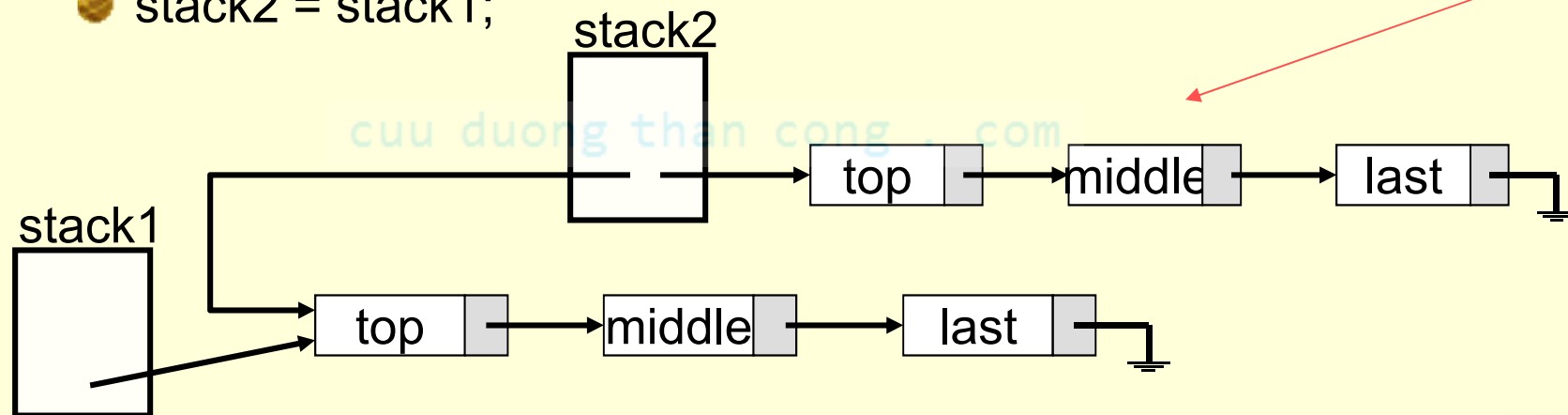
📁 Kết thúc biến stack nhưng bộ nhớ còn lại:

● delete stack0;

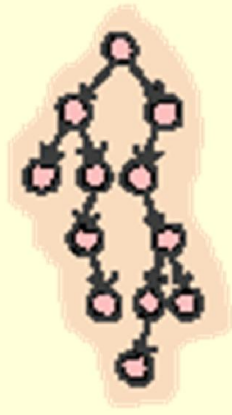


📁 Gán hai stack: cả hai dùng chung một vùng dữ liệu

● stack2 = stack1;



# Đảm bảo an toàn con trỏ trong C++



## ❏ Destructor:

- Sẽ được gọi ngay trước khi đối tượng kết thúc thời gian sống
- Dùng xóa hết vùng dữ liệu

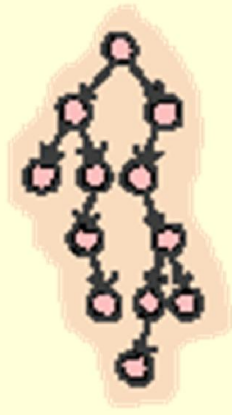
## ❏ Copy constructor:

- Sẽ được gọi khi khởi tạo biến lúc khai báo, hoặc truyền dữ liệu bằng tham trị
- Sao chép nguồn thành một vùng dữ liệu mới

## ❏ Assignment operator:

- Sẽ được gọi khi gán đối tượng này vào đối tượng khác
- Xóa vùng dữ liệu của đích và đồng thời sao chép nguồn thành một vùng dữ liệu mới

# Xóa vùng dữ liệu đang có



## Giải thuật:

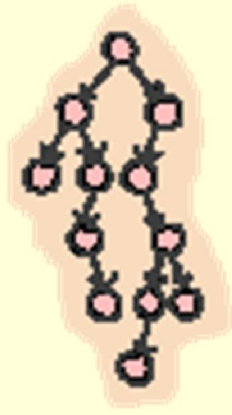
1. Trong khi stack chưa rỗng
  - 1.1. Bỏ đỉnh của stack

## Mã C++: [cuu duong than cong . com](https://fb.com/tailieudientrongit)

```
while (!empty())  
    pop();
```

[cuu duong than cong . com](https://fb.com/tailieudientrongit)

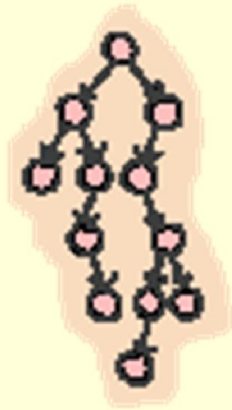
# Sao chép vùng dữ liệu



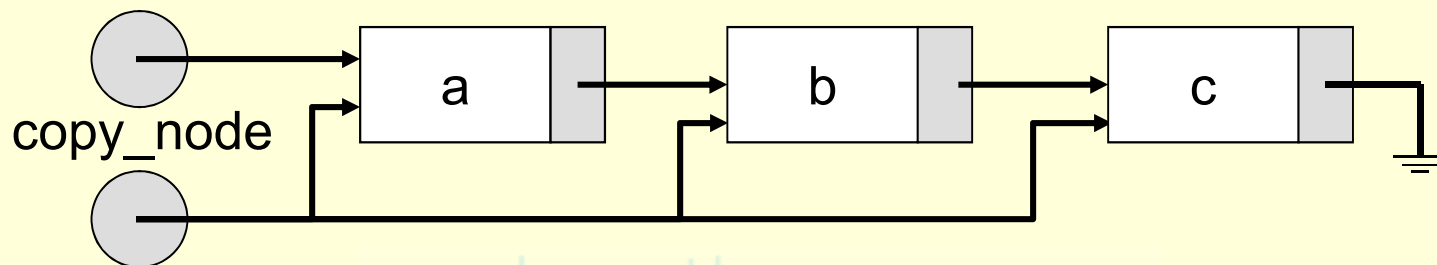
## Giải thuật:

1. Tạo một đỉnh của danh sách mới với dữ liệu của đỉnh nguồn
2. Giữ một con trỏ đuôi chỉ vào cuối danh sách mới
2. Duyệt qua danh sách nguồn
  - 2.1. Tạo một node mới với dữ liệu từ node nguồn hiện tại
  - 2.2. Nối vào cuối danh sách mới
  - 2.3. Con trỏ đuôi là node mới

# Sao chép vùng dữ liệu – Ví dụ

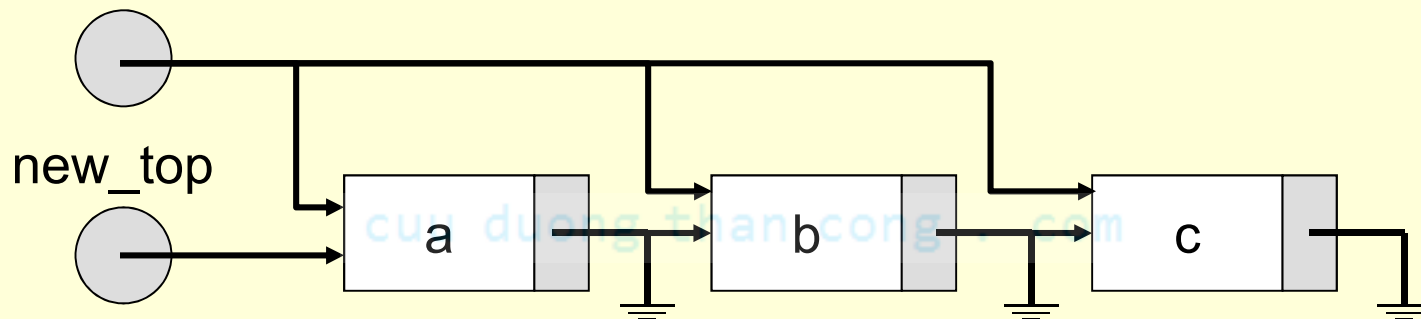


copy.top\_node



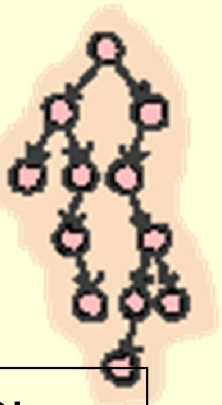
[cuuduongthancong.com](http://cuuduongthancong.com)

new\_copy



[cuuduongthancong.com](http://cuuduongthancong.com)

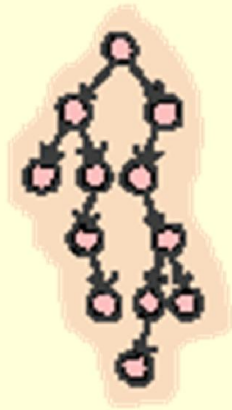
# Sao chép vùng dữ liệu – Mã C++



```
Node<Entry> *new_top, *new_copy, *copy_node = copy.top_node;
if (copy_node == NULL) new_top = NULL;
else {
    // Sao chép vùng dữ liệu thành danh sách mới
    new_copy = new_top = new Node<Entry>(copy_node->entry);
    while (copy_node->next != NULL) {
        copy_node = copy_node->next;
        new_copy->next = new Node<Entry>(copy_node->entry);
        new_copy = new_copy->next;
    }
}
clear(); //xóa rỗng dữ liệu hiện tại trước
top_node = new_top; // thay thế dữ liệu bằng danh sách mới.
```

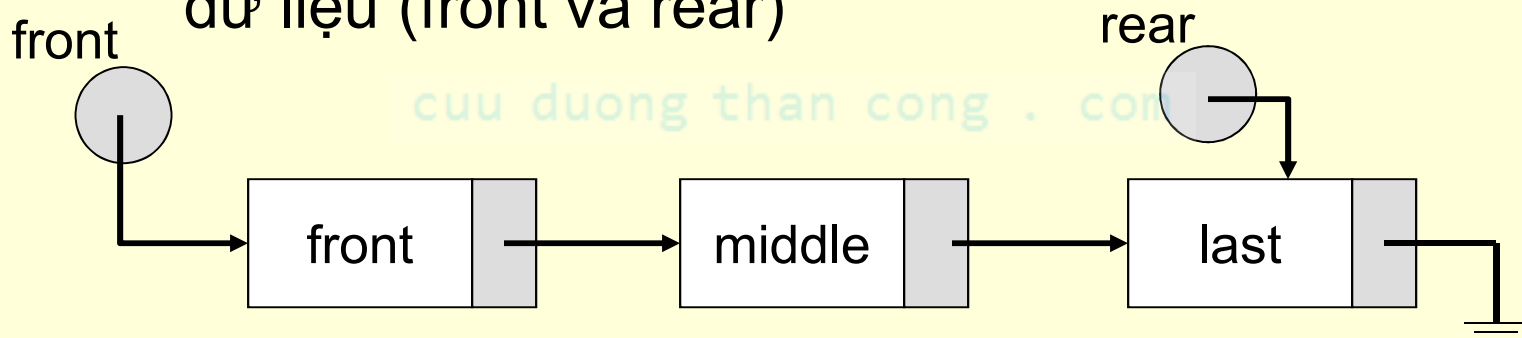


# Queue liên kết

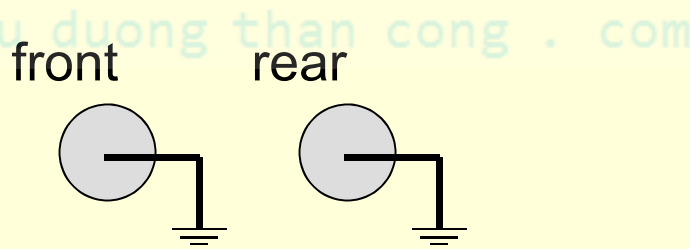


## Thiết kế:

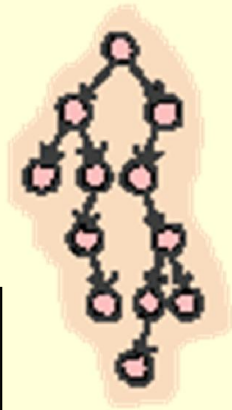
- Dùng hai con trỏ chỉ đến đầu và cuối của danh sách dữ liệu (front và rear)



- Khởi tạo rỗng: gán cả front và rear về NULL



# Khai báo Queue liên kết



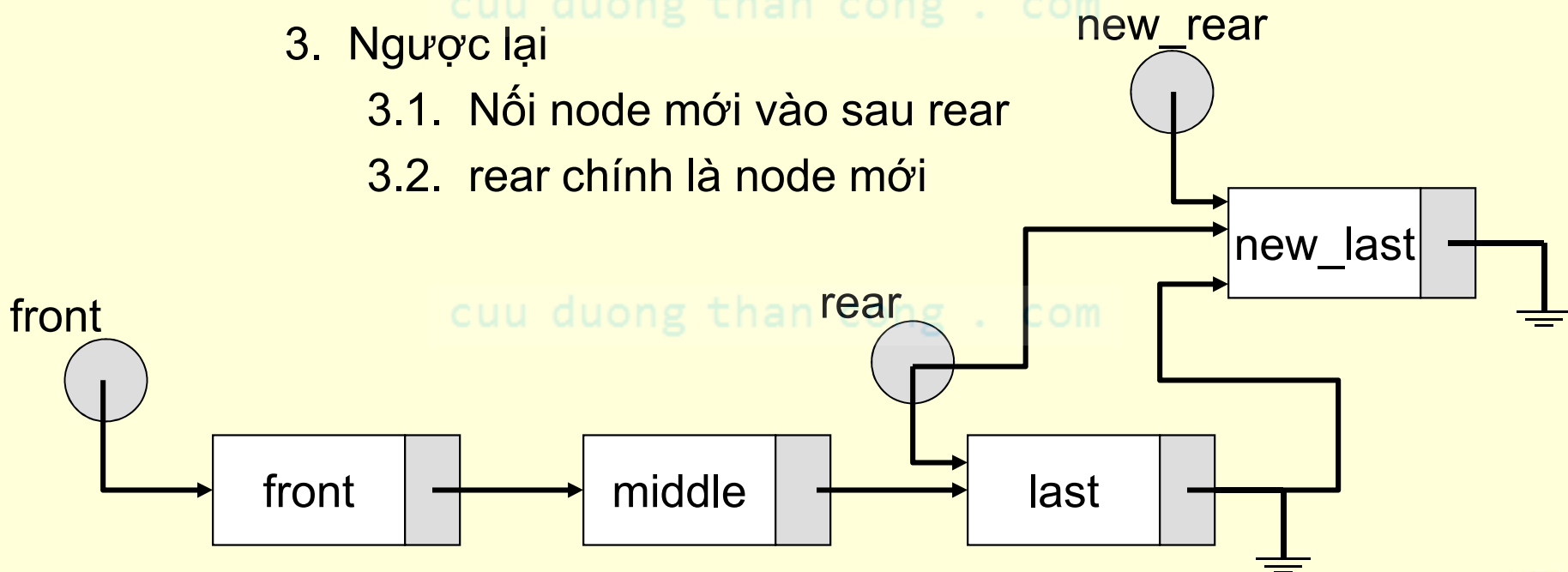
```
template <class Entry>
class Queue {
public:
    Queue( );
    bool empty( ) const;
    Error_code append(const Entry &item);
    Error_code serve( );
    Error_code retrieve(Entry &item) const;
    ~Queue( );
    Queue(const Queue<Entry> &original);
    void operator = (const Queue<Entry> &original);
protected:
    Node<Entry> *front, *rear;
};
```

# Thêm phần tử vào một queue liên kết

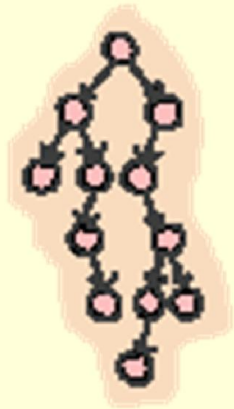


## Giải thuật:

1. Tạo một node mới với dữ liệu cần thêm vào
2. Nếu queue đang rỗng
  - 2.1. front và rear là node mới
3. Ngược lại
  - 3.1. Nối node mới vào sau rear
  - 3.2. rear chính là node mới

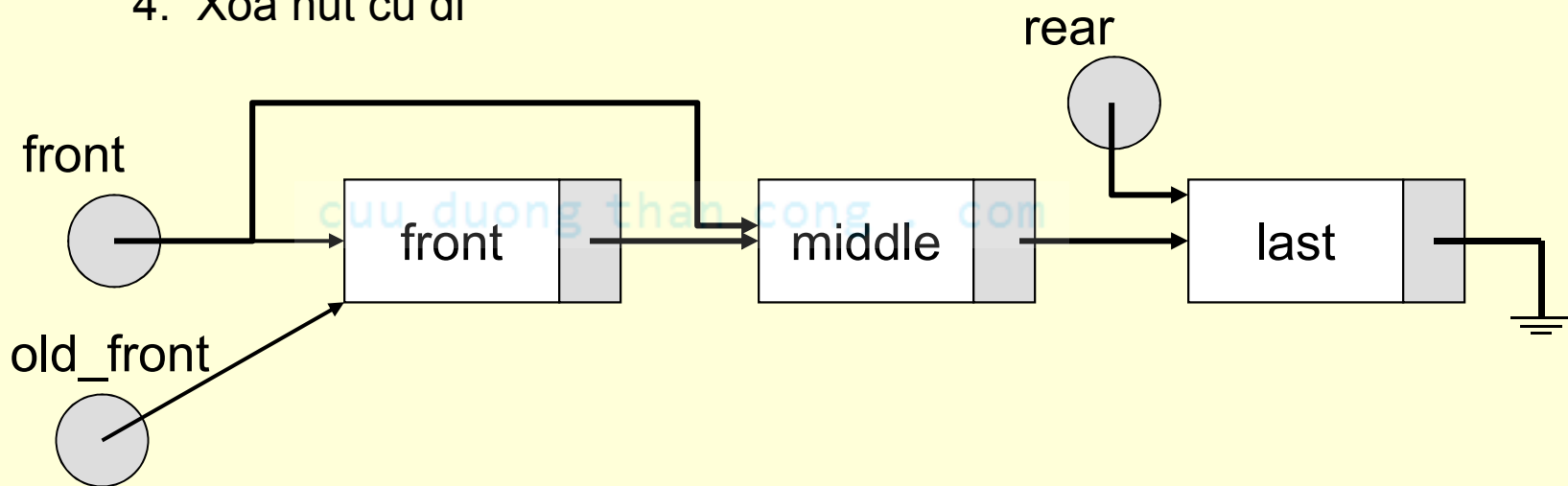


# Bỏ phần tử khỏi một queue liên kết

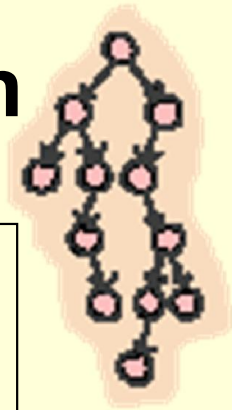


## Giải thuật:

1. Dùng một con trỏ để giữ lại front hiện tại
2. Nếu queue có một phần tử
  - 2.1. Gán front và rear về NULL
3. Ngược lại [duong than cong . com](https://fb.com/tailieudientrongnt)
  - 3.1. Trỏ front đến nút kế sau
4. Xóa nút cũ đi



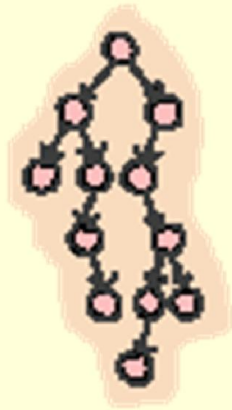
# Thêm/Bỏ phần tử của một queue liên kết – Mã C++



```
template <class Entry>
Error_code append(const Entry &item) {
    Node<Entry> *new_rear = new Node<Entry>(item);
    if (new_rear == NULL) return overflow;
    if (rear == NULL) front = rear = new_rear;
    else { rear->next = new_rear; rear = new_rear; }
    return success;
}
```

```
template <class Entry>
Error_code serve() {
    if (front == NULL) return underflow;
    Node<Entry> *old_front = front;
    front = old_front->next;
    if (front == NULL) rear = NULL;
    delete old_front;
    return success;
}
```

# Kích thước của một queue liên kết



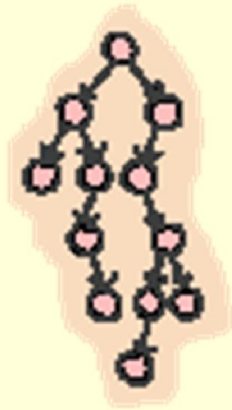
## Giải thuật:

1. Khởi tạo biến đếm là 0
2. Duyệt qua danh sách
  - 2.1. Đếm tăng số phần tử lên 1

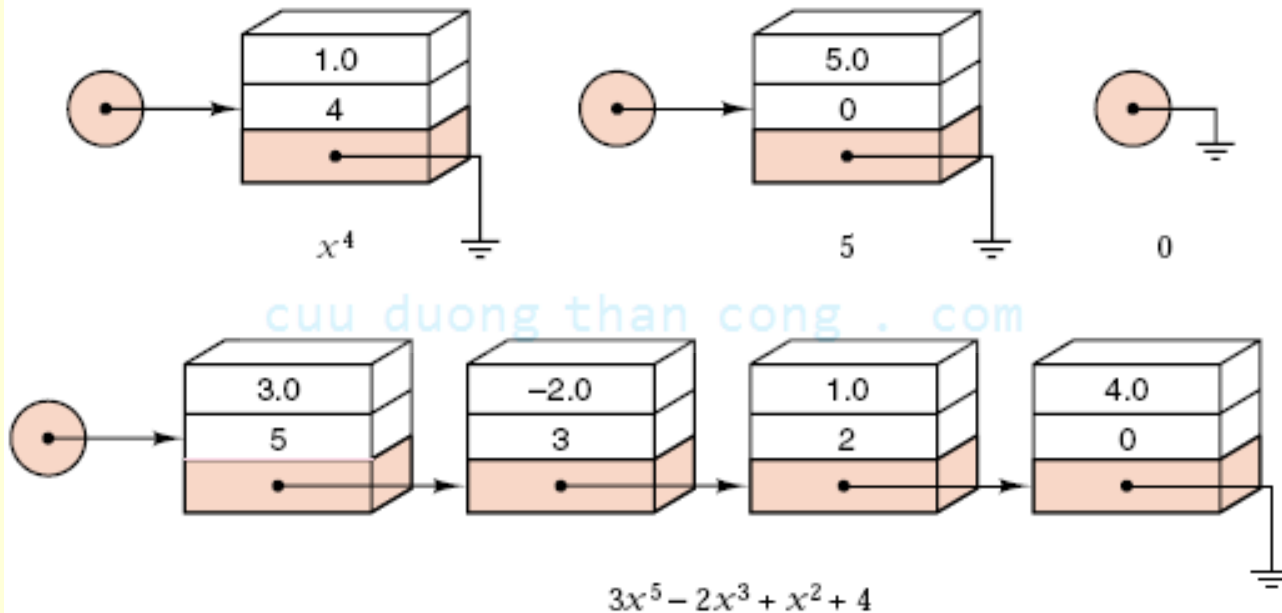
## Mã C++:

```
Node<Entry> *window = front;  
int count = 0;  
while (window != NULL) {  
    window = window->next;  
    count++;  
}  
return count;
```

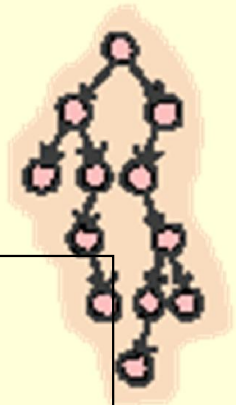
# Ứng dụng: tính toán đa thức



- ❏ Dùng lại bài reverse Polish calculator
- ❏ Thiết kế cấu trúc dữ liệu cho đa thức:
  - Một bản ghi có thành phần mũ và hệ số
  - Một danh sách các bản ghi theo thứ tự giảm của số mũ
  - Có thể dùng queue



# Giải thuật cộng hai đa thức 1



## Algorithm Equals\_sum1

**Input:** p,q là hai đa thức

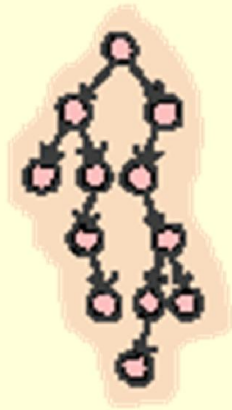
**Output:** đa thức tổng

1. Trong khi p và q chưa rỗng
  - 1.1. Lấy phần tử front của p và q thành p\_term, q\_term
  - 1.2. Nếu bậc của p\_term lớn (hoặc nhỏ) hơn bậc của q\_term
    - 1.2.1. Đẩy p\_term (hoặc q\_term) vào kết quả
    - 1.2.2. Bỏ phần tử đầu trong p (hoặc trong q)
  - 1.3. Ngược lại
    - 1.3.1. Tính hệ số mới cho số hạng này
    - 1.3.2. Đẩy vào kết quả
2. Nếu p (hoặc q) chưa rỗng
  - 2.1. Đẩy toàn bộ p (hoặc q) vào kết quả

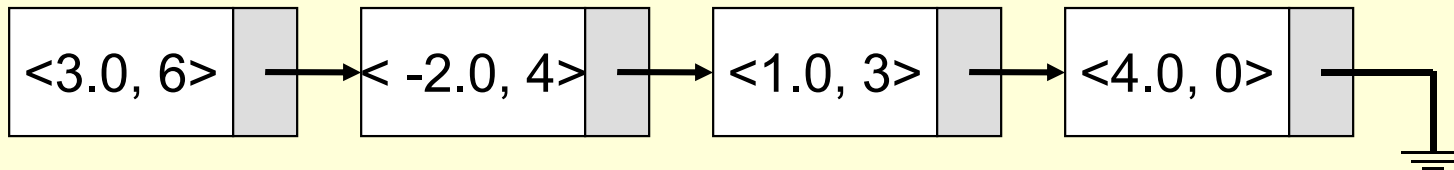
**End Equals\_sum1**



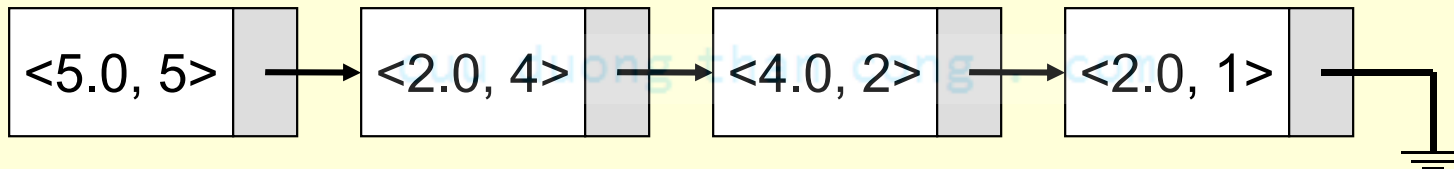
# Ví dụ cộng hai đa thức bằng giải thuật 1



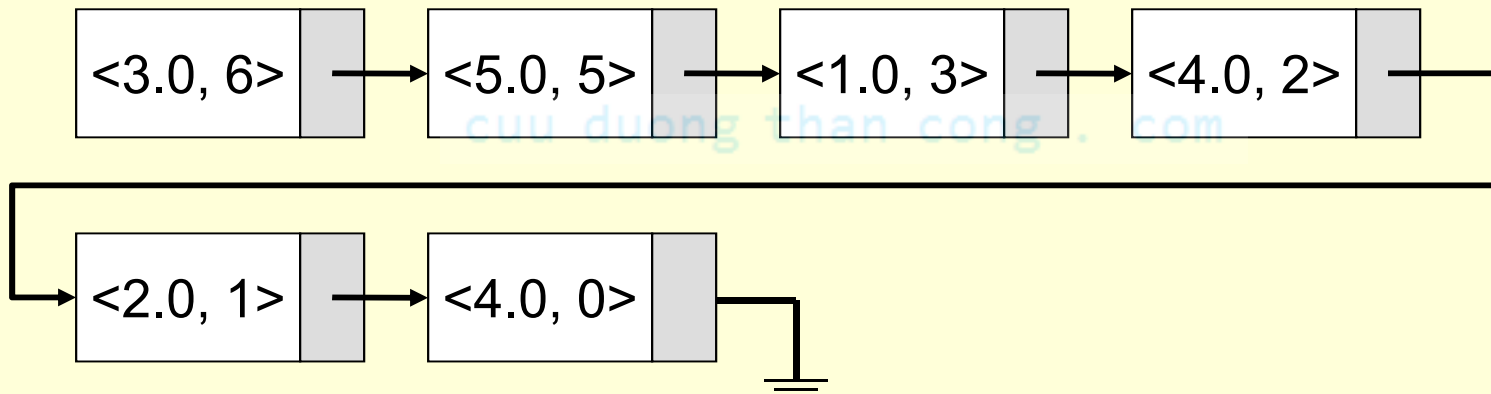
$$p = 3x^6 - 2x^4 + x^3 + 4$$



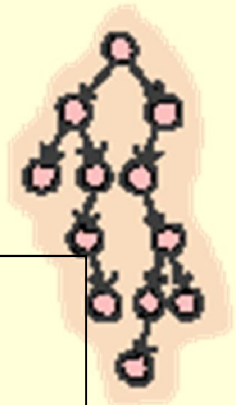
$$q = 5x^5 + 2x^4 + 4x^2 + 2x$$



$$p + q = 3x^6 + 5x^5 + x^3 + 4x^2 + 2x + 4$$

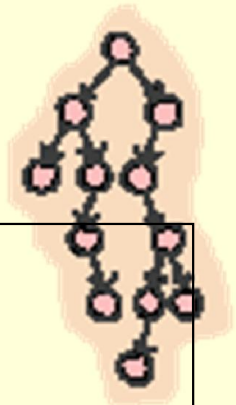


# Mã C++ cộng hai đa thức 1



```
Term p_term, q_term;
while (!p.empty( ) && !q.empty( )) {
    p.retrieve(p_term); q.retrieve(q_term);
    if (p_term.degree > q_term.degree) {
        p.serve(); append(p_term);
    } else if (q_term.degree > p_term.degree) {
        q.serve(); append(q_term);
    } else {
        p.serve(); q.serve();
        if (p_term.coefficient + q_term.coefficient != 0) {
            Term answer_term(p_term.degree,
                             p_term.coefficient + q_term.coefficient);
            append(answer_term);
        }
    }
}
while (!p.empty()) { p.serve_and_retrieve(p_term); append(p_term); }
while (!q.empty()) { q.serve_and_retrieve(q_term); append(q_term); }
```

# Giải thuật cộng hai đa thức 2



## Algorithm Bac\_da\_thuc

**Input:** đa thức

**Output:** bậc của đa thức

1. Nếu đa thức rỗng
  - 1.1. Trả về -1
2. Trả về bậc của phần tử đầu

**End Bac\_da\_thuc**

## Algorithm Equals\_sum2

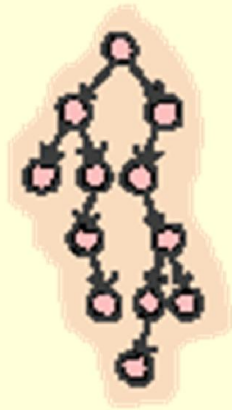
**Input:** p,q là hai đa thức

**Output:** đa thức tổng

1. Trong khi p hoặc q chưa rỗng
  - 1.1. Nếu bậc của p lớn hơn bậc của q
    - 1.1.1. Lấy từ p thành term
    - 1.1.2. Đẩy term vào kết quả
  - 1.2. Nếu bậc của q lớn hơn bậc của p
    - 1.2.1. Lấy từ q thành term
    - 1.2.2. Đẩy term vào kết quả
  - 1.3. Ngược lại
    - 1.3.1. Lấy p\_term, q\_term từ p và q
    - 1.3.2. Tính tổng hai hệ số
    - 1.3.3. Nếu hệ số kết quả khác không
      - 1.3.3.1. Đẩy vào kết quả

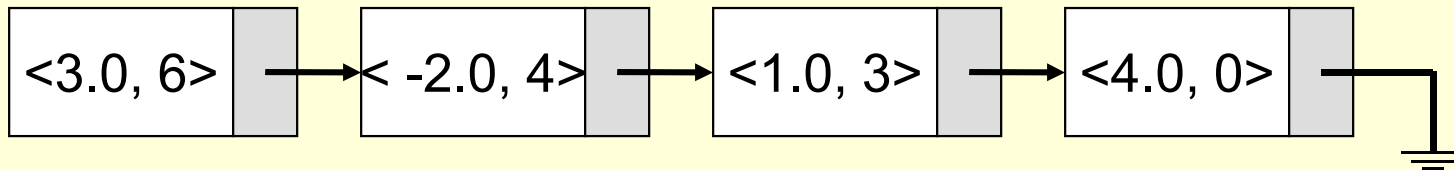
**End Equals\_sum2**

# Ví dụ cộng hai đa thức bằng giải thuật 2



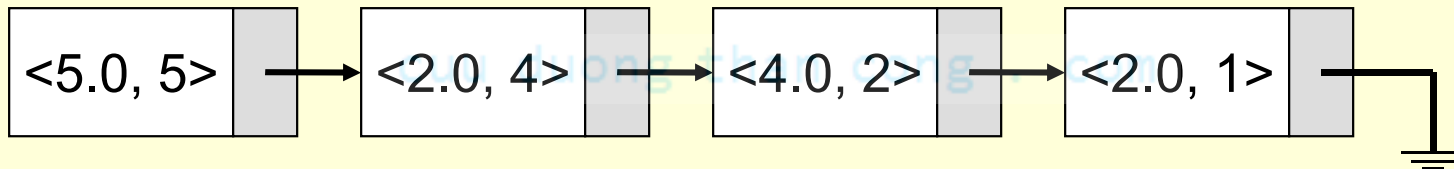
$$p = 3x^6 - 2x^4 + x^3 + 4$$

$$\text{degree}(p) = 6$$

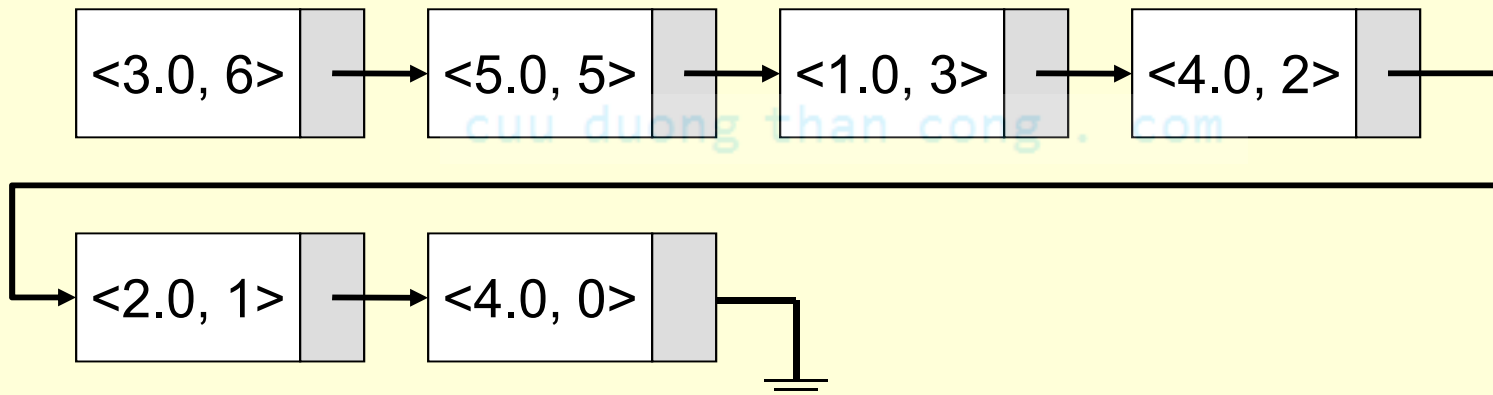


$$q = 5x^5 + 2x^4 + 4x^2 + 2x$$

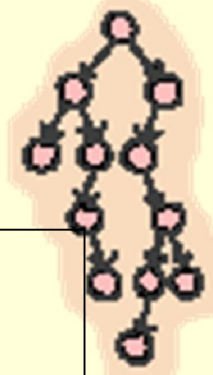
$$\text{degree}(q) = 5$$



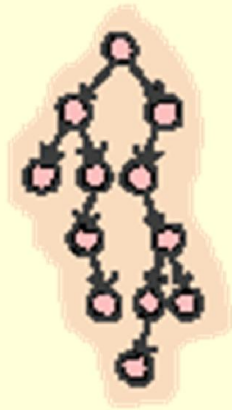
$$p + q = 3x^6 + 5x^5 + x^3 + 4x^2 + 2x + 4$$



# Mã C++ cộng hai đa thức 2



```
while (!p.empty( ) || !q.empty( )) {  
    Term p_term, q_term;  
    if (p.degree( ) > q.degree( )) {  
        p.serve_and_retrieve(p_term);  
        append(p_term);  
    } else if (q.degree( ) > p.degree( )) {  
        q.serve_and_retrieve(q_term);  
        append(q_term);  
    } else {  
        p.serve_and_retrieve(p_term);  
        q.serve_and_retrieve(q_term);  
        if (p_term.coefficient + q_term.coefficient != 0) {  
            Term answer_term(p_term.degree,  
                               p_term.coefficient + q_term.coefficient);  
            append(answer_term);  
        } } }  
}
```



cuu duong than cong . com

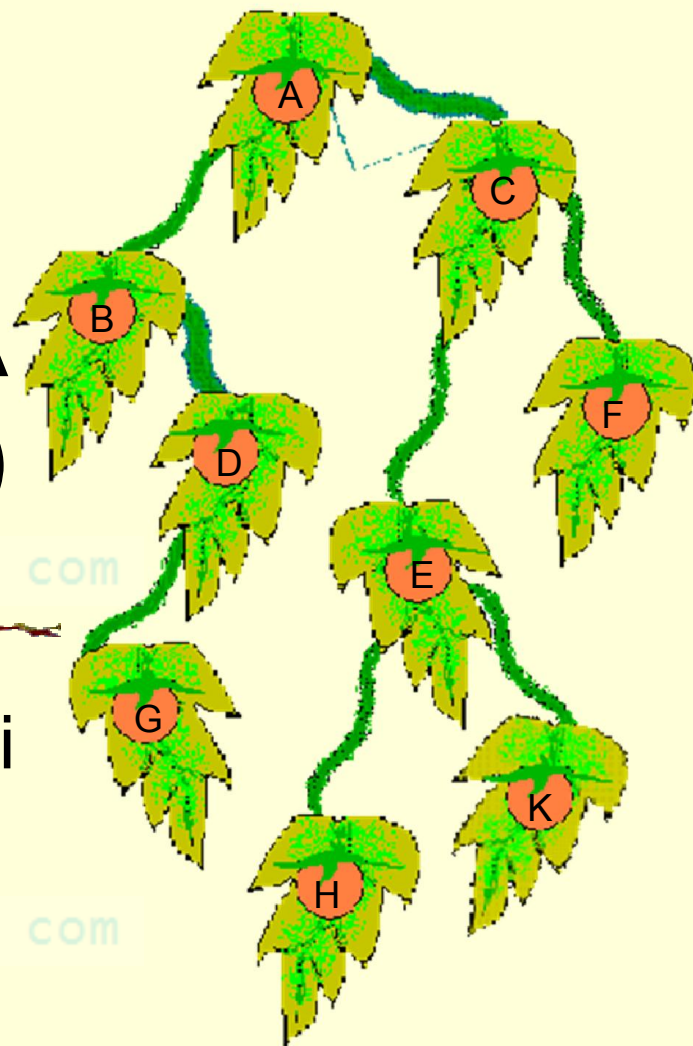
cuu duong than cong . com

# CẤU TRÚC DỮ LIỆU VÀ GIẢI THUẬT (501040)

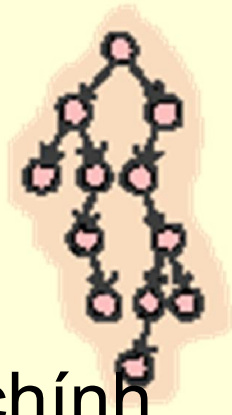
cuu duong than cong . com

## Chương 5: Đệ qui

cuu duong than cong . com



# Khái niệm đệ qui



❏ Khái niệm (định nghĩa) đệ qui có dùng lại chính nó.

- Ví dụ: giai thừa của  $n$  là 1 nếu  $n$  là 0 hoặc là  $n$  nhân cho giai thừa của  $n-1$  nếu  $n > 0$

❏ Quá trình đệ qui gồm 2 phần:

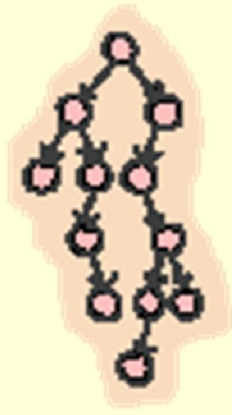
- Trường hợp cơ sở (base case)
- Trường hợp đệ qui: cố gắng tiến về trường hợp cơ sở

❏ Ví dụ trên:

- Giai thừa của  $n$  là 1 nếu  $n$  là 0
- Giai thừa của  $n$  là  $n * (\text{giai thừa của } n-1)$  nếu  $n > 0$



# Tính giai thừa



📖 Định nghĩa không đệ qui:

$$\bullet n! = n * (n-1) * \dots * 1$$

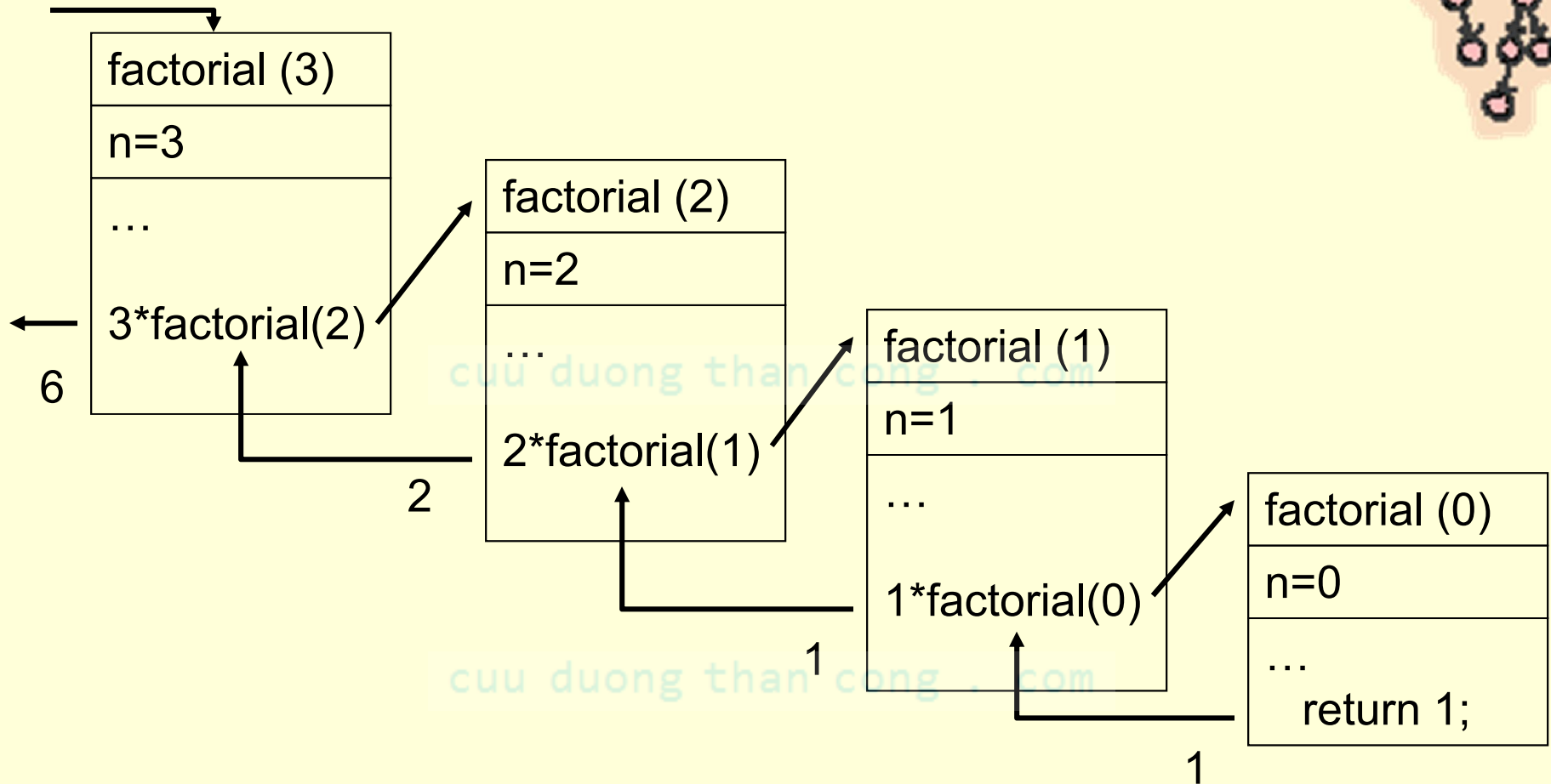
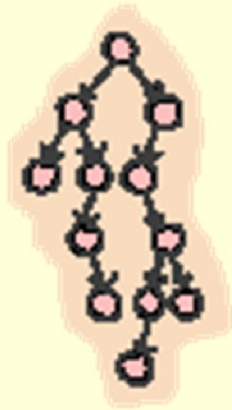
📖 Định nghĩa đệ qui:

$$\bullet n! = \begin{cases} 1 & \text{nếu } n=0 \\ n * (n-1)! & \text{nếu } n>0 \end{cases}$$

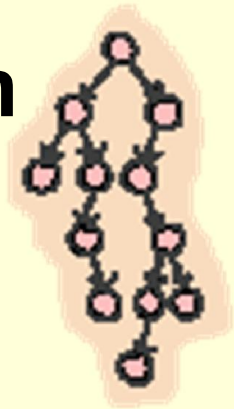
📖 Mã C++:

```
int factorial(int n) {  
    if (n==0) return 1;  
    else return (n * factorial(n - 1));  
}
```

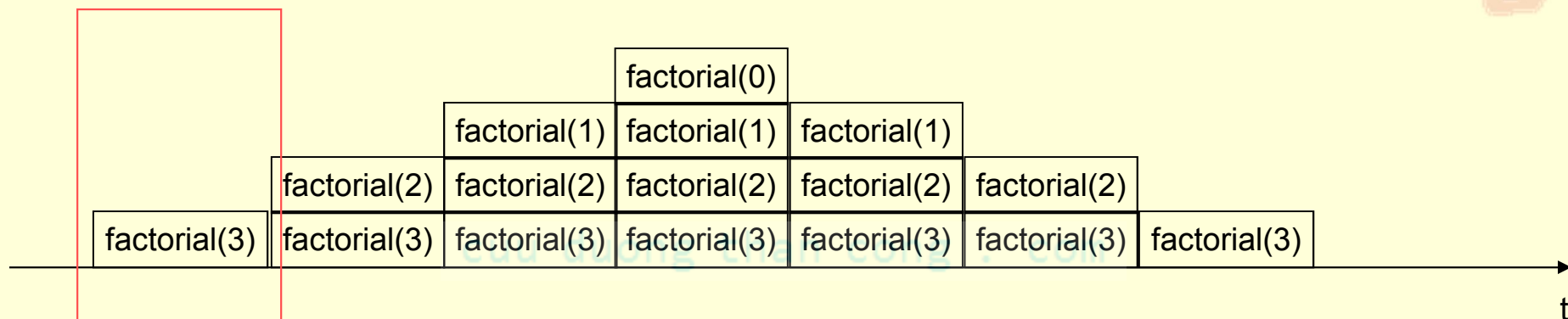
# Thi hành hàm tính giai thừa



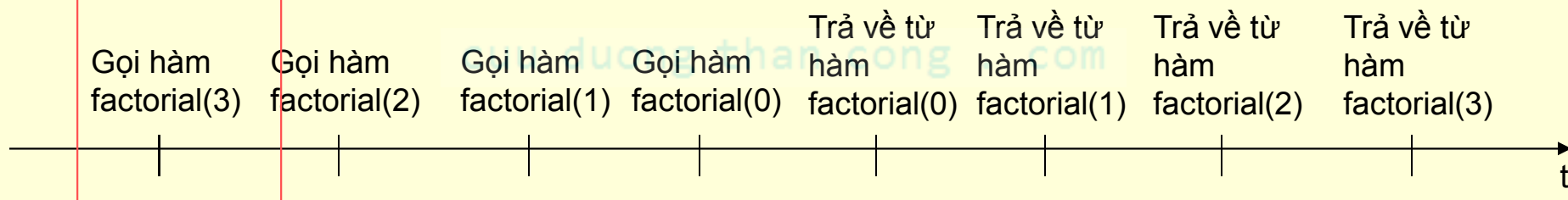
# Trạng thái hệ thống khi thi hành hàm tính giai thừa



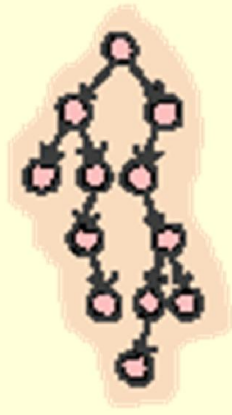
Stack hệ thống



Thời gian hệ thống



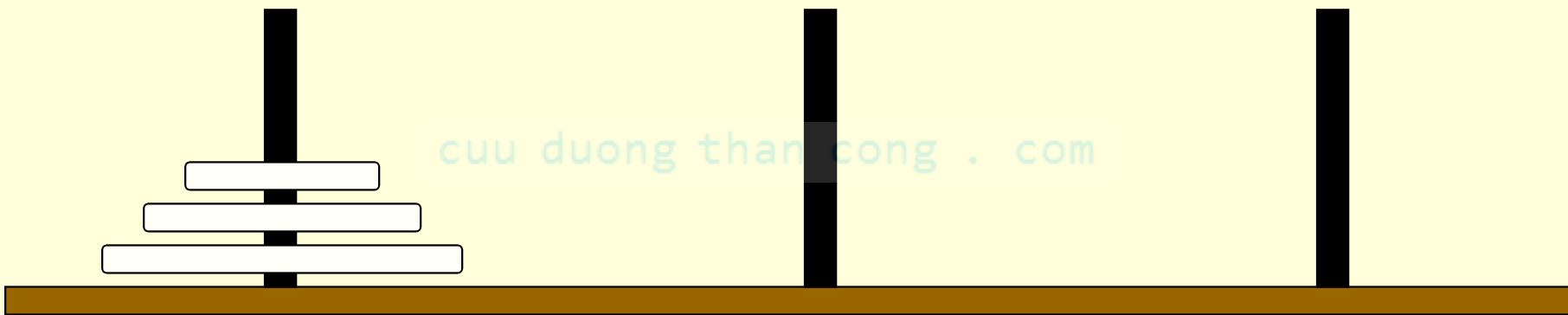
# Bài toán Tháp Hà nội



 Luật:

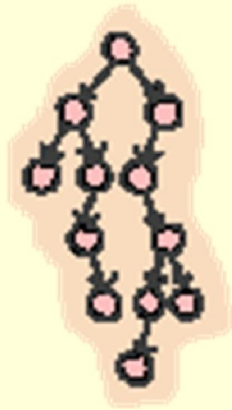
- Di chuyển mỗi lần một đĩa
- Không được đặt đĩa lớn lên trên đĩa nhỏ

[cuu duong than cong . com](http://cuuduongthancong.com)



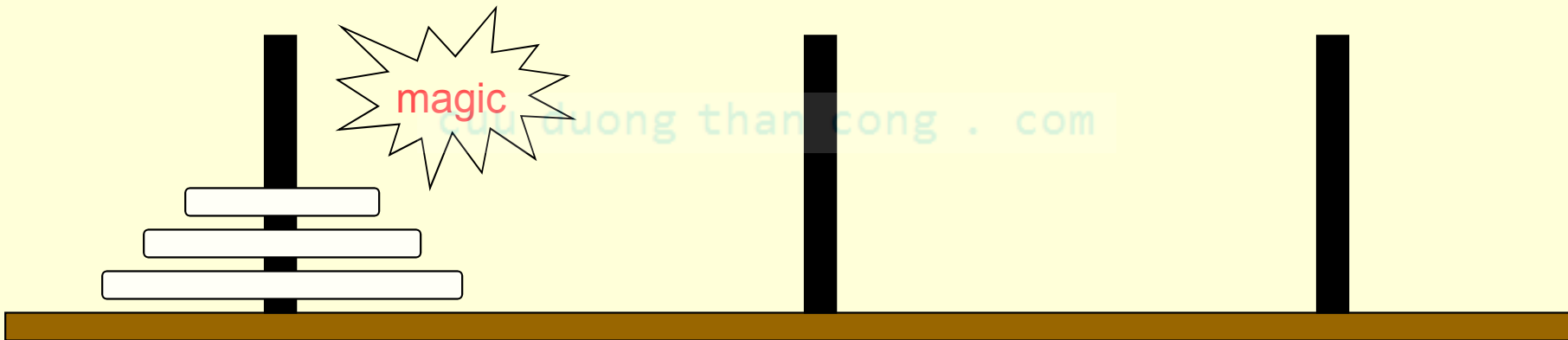
[cuu duong than cong . com](http://cuu duong than cong . com)

# Bài toán Tháp Hà nội – Thiết kế hàm

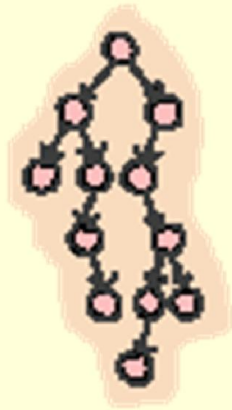


## Hàm đệ qui:

- Chuyển (count-1) đĩa trên đỉnh của cột start sang cột temp
- Chuyển 1 đĩa (cuối cùng) của cột start sang cột finish
- Chuyển count-1 đĩa từ cột temp sang cột finish

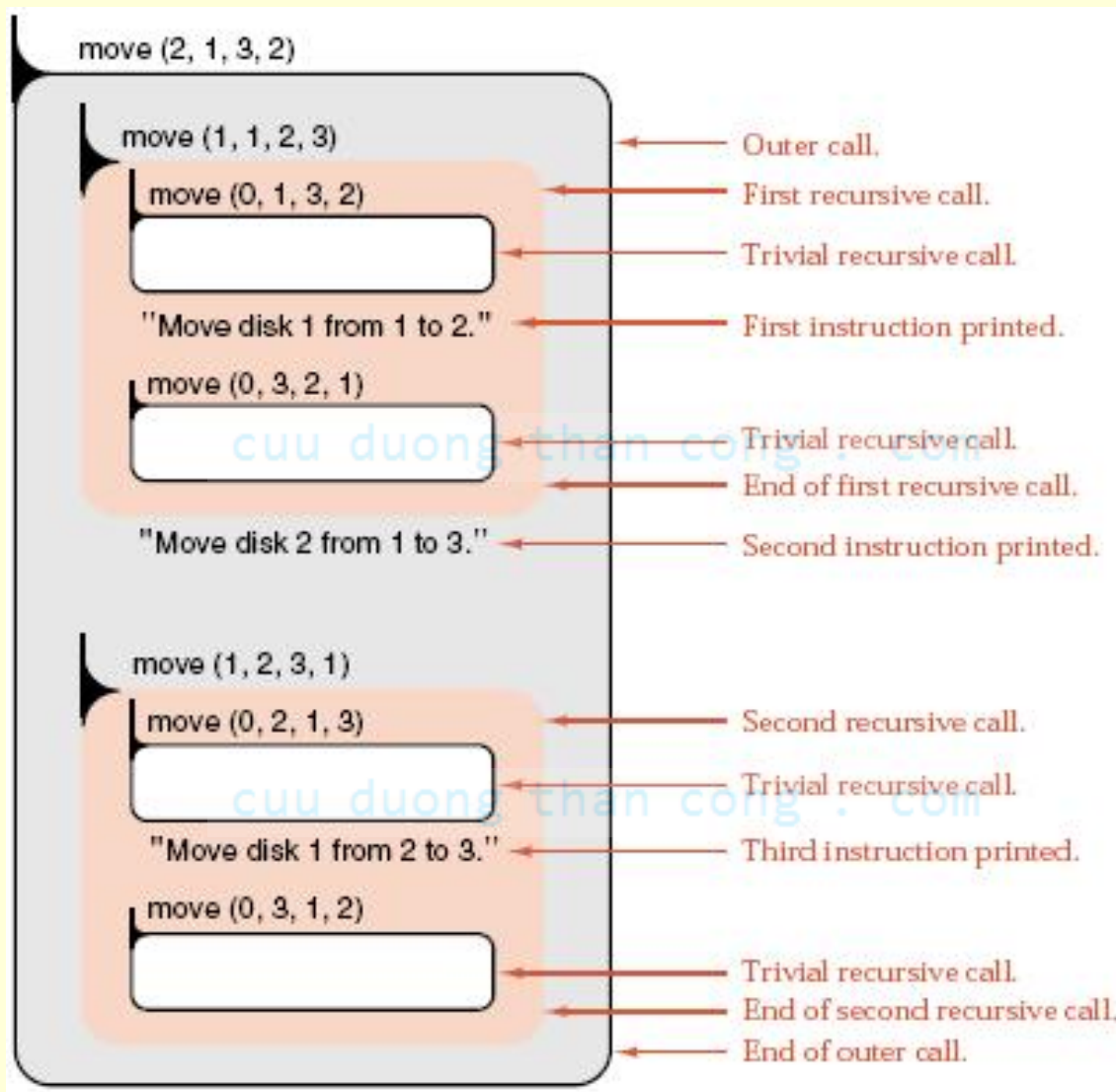


# Bài toán Tháp Hà nội – Mã C++

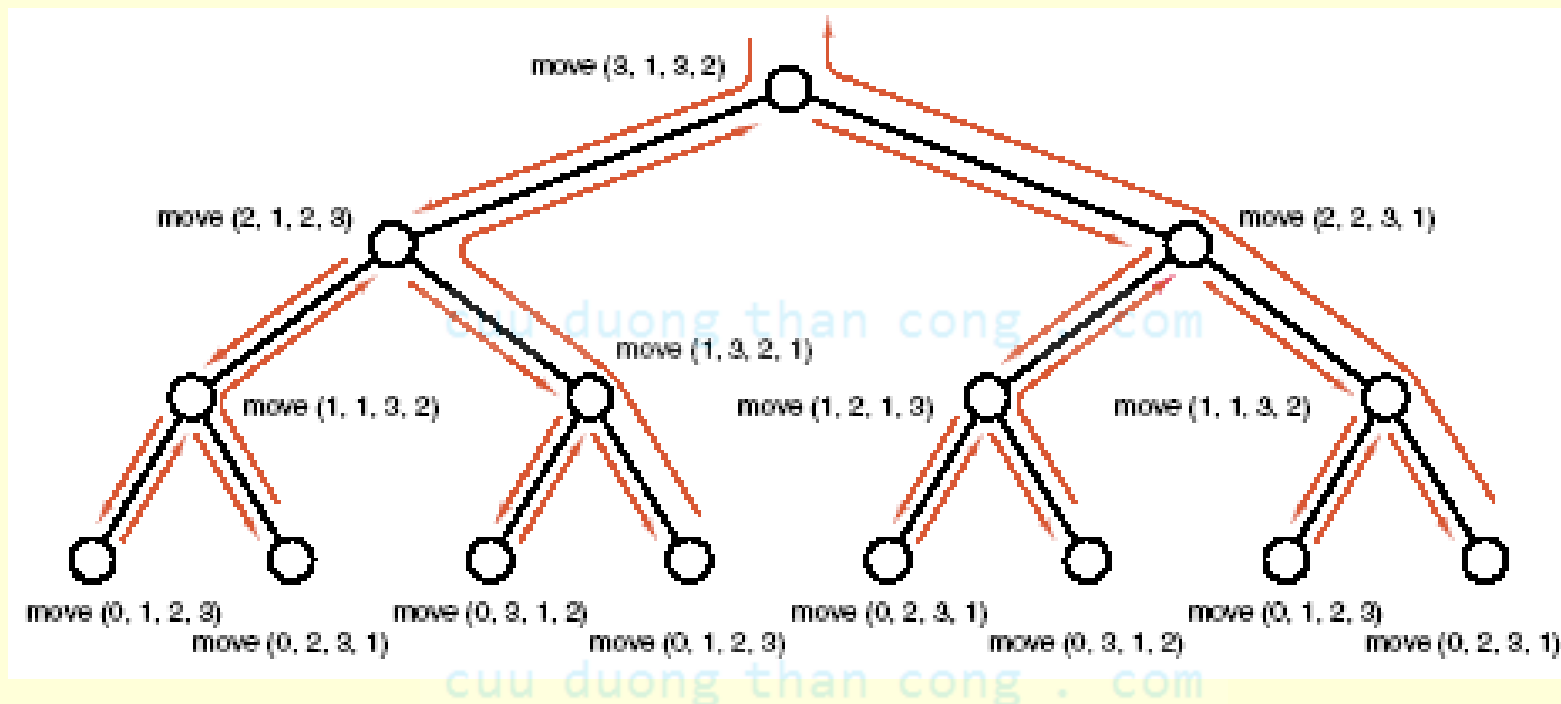


```
void move(int count, int start, int finish, int temp) {  
    if (count > 0) {  
        move(count - 1, start, temp, finish);  
        cout << "Move disk " << count << " from " <<  
start  
        << " to " << finish << "." << endl;  
        move(count - 1, temp, finish, start);  
    }  
}
```

# Bài toán Tháp Hà nội – Thi hành

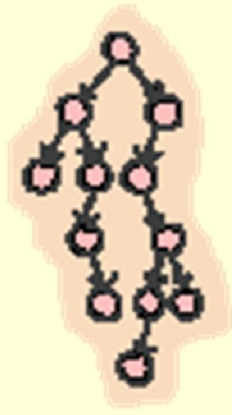


# Bài toán Tháp Hà nội – Cây đệ qui



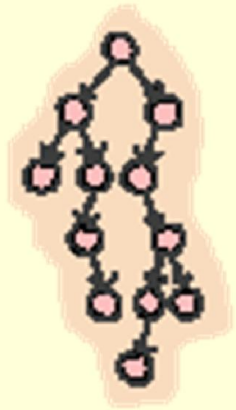


# Thiết kế các giải thuật đệ qui

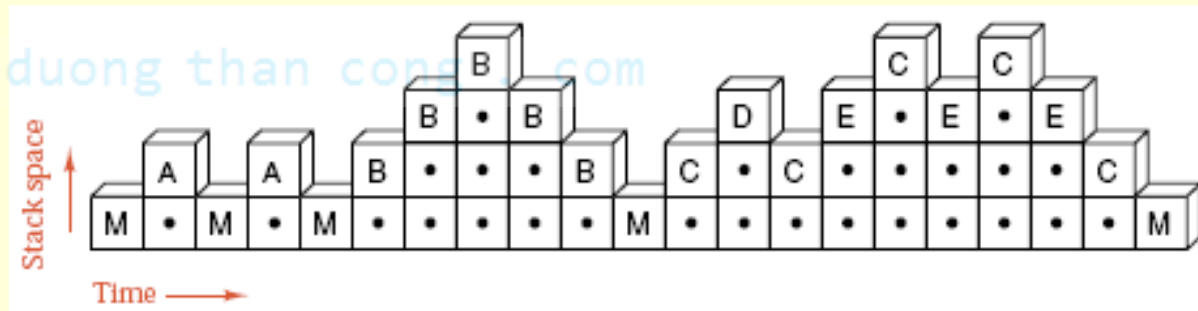
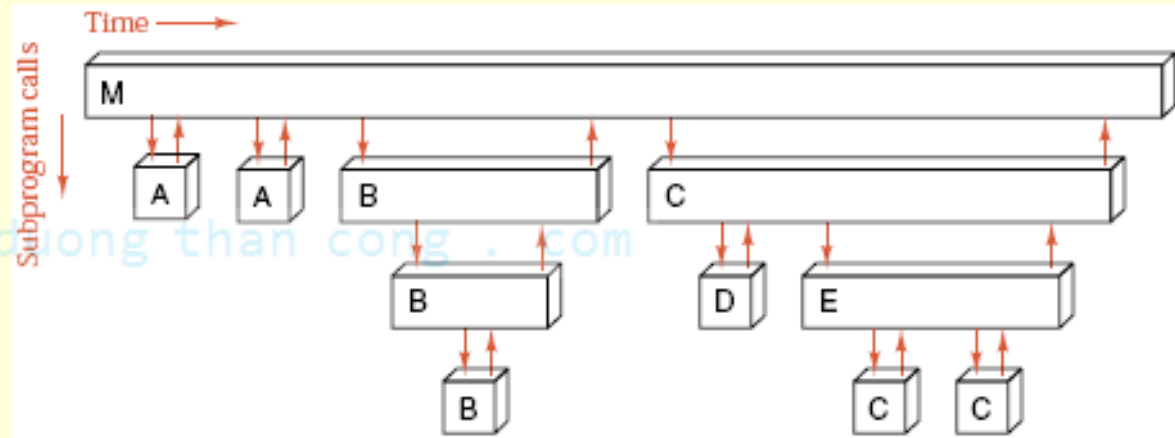
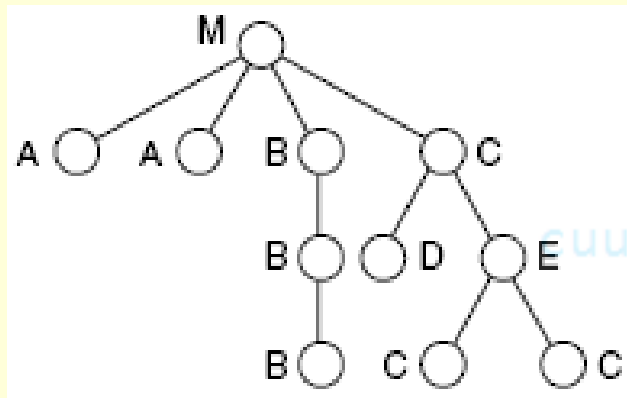


- 📖 Tìm bước chính yếu (bước đệ qui)
- 📖 Tìm qui tắc ngừng
- 📖 Phác thảo giải thuật
  - Dùng câu lệnh if để lựa chọn trường hợp.
- 📖 Kiểm tra điều kiện ngừng
  - Đảm bảo là giải thuật luôn dừng lại.
- 📖 Vẽ cây đệ qui
  - Chiều cao cây ảnh hưởng lượng bộ nhớ cần thiết.
  - Số nút là số lần bước chính yếu được thi hành.

# Cây thi hành và stack hệ thống



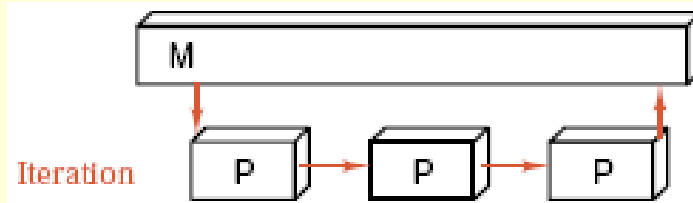
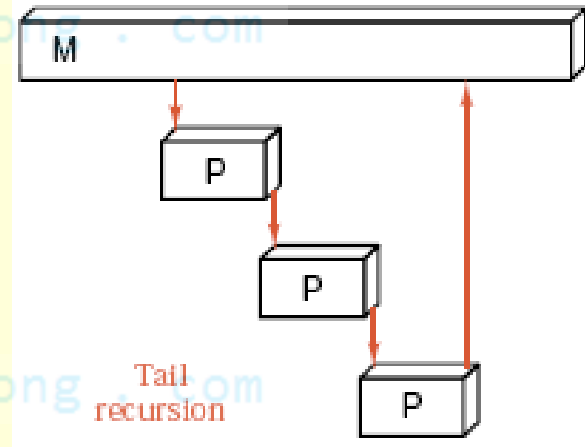
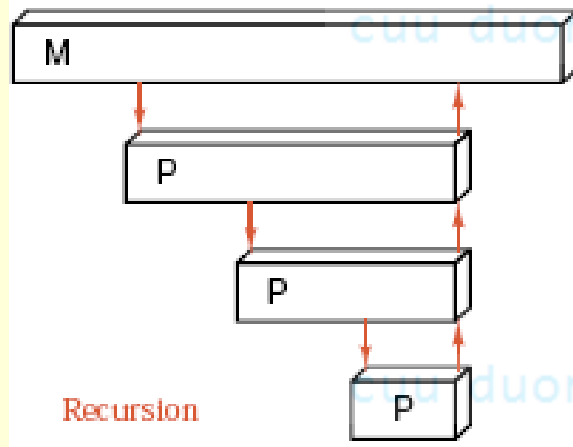
Cây thi hành



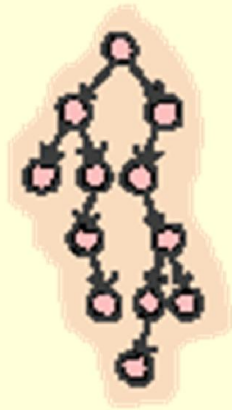
# Đệ qui đuôi (tail recursion)



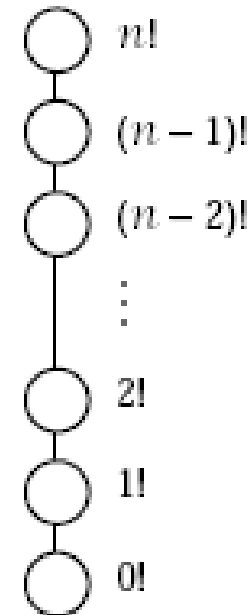
- Định nghĩa: câu lệnh thực thi cuối cùng là lời gọi đệ qui đến chính nó.
- Khử: chuyển thành vòng lặp.



# Khử đệ qui đuôi hàm giai thừa



```
factorial(5) = 5 * factorial(4)
             = 5 * (4 * factorial(3))
             = 5 * (4 * (3 * factorial(2)))
             = 5 * (4 * (3 * (2 * factorial(1))))
             = 5 * (4 * (3 * (2 * (1 * factorial(0)))))
             = 5 * (4 * (3 * (2 * (1 * 1))))
             = 5 * (4 * (3 * (2 * 1)))
             = 5 * (4 * (3 * 2))
             = 5 * (4 * 6)
             = 5 * 24
             = 120.
```



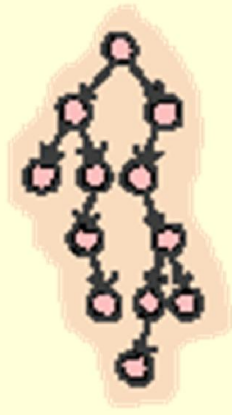
## Giải thuật:

```
product=1
```

```
for (int count=1; count < n; count++)
```

```
    product *= count;
```

# Dãy số Fibonacci



📖 Định nghĩa:

●  $F_0 = 0$

●  $F_1 = 1$

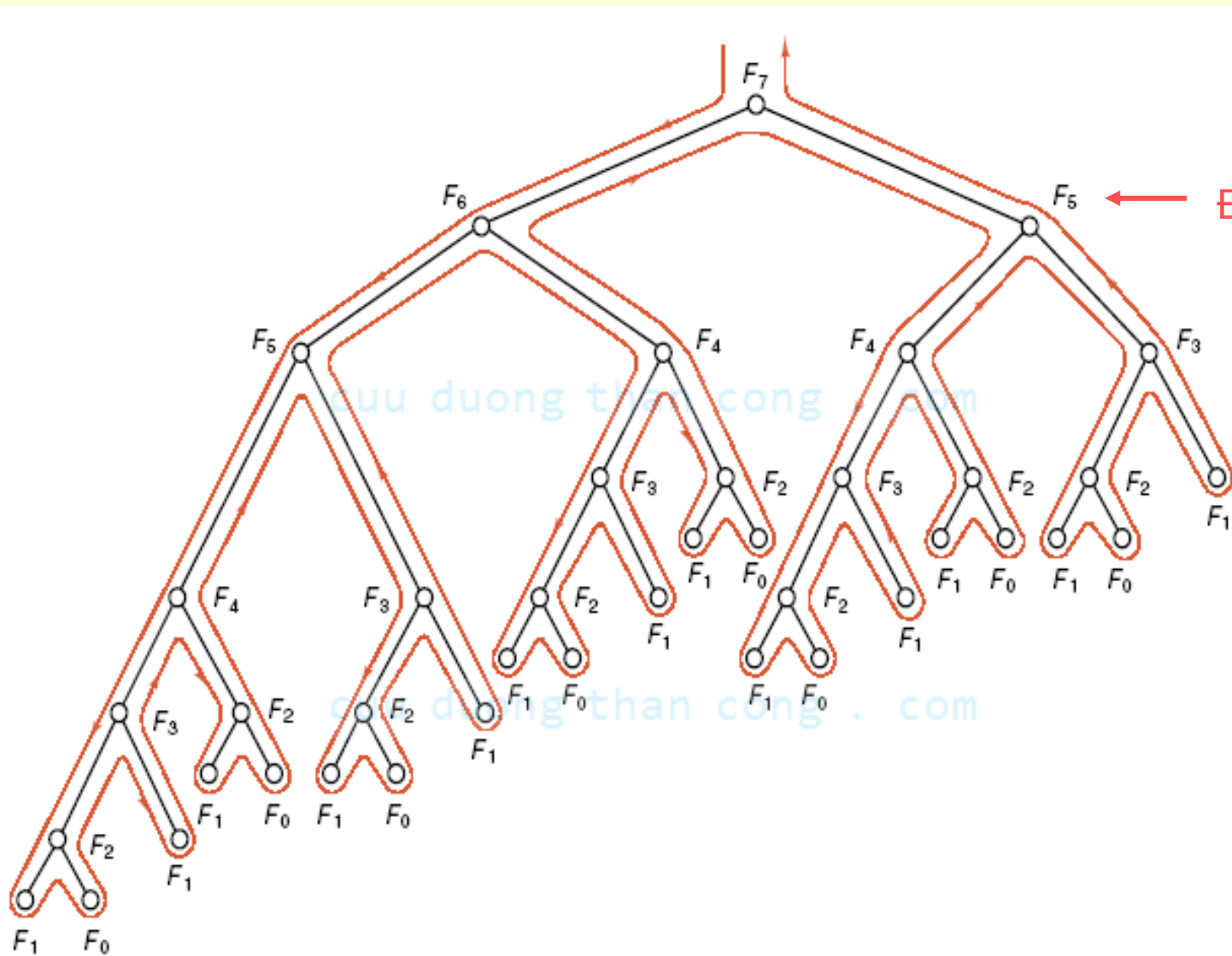
●  $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$  khi  $n > 2$

📖 Ví dụ: 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, ...

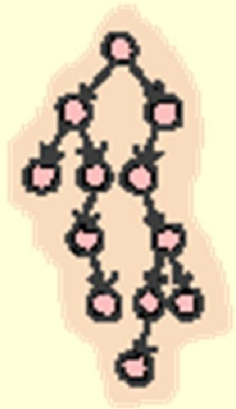
📖 Hàm đệ qui:

```
int fibonacci (int n) {  
    if (n <= 0) return 0;  
    if (n == 1) return 1;  
    else return (fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2));  
}
```

# Dãy số Fibonacci – Cây thi hành



# Dãy số Fibonacci – Khử đệ qui



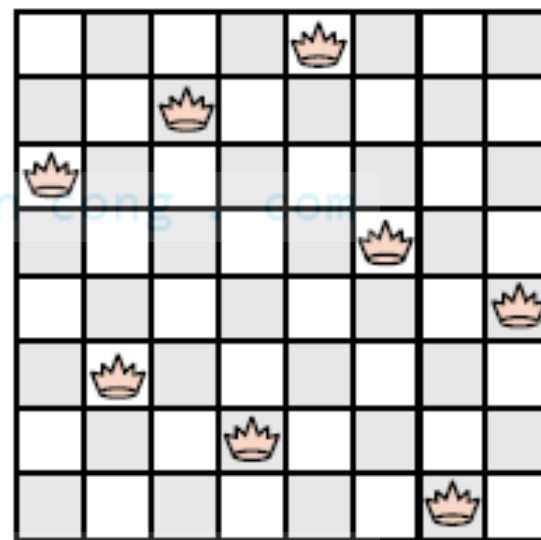
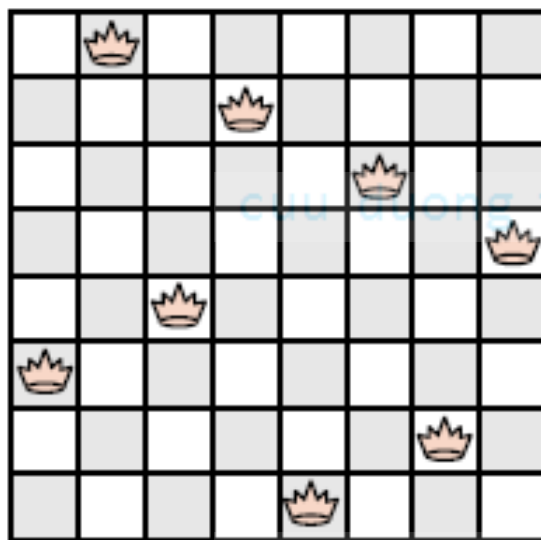
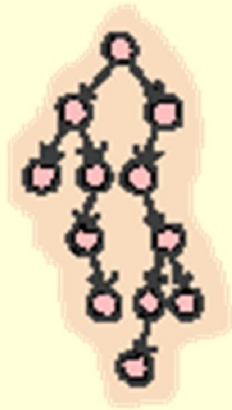
## Nguyên tắc:

- Dùng biến lưu trữ giá trị đã tính của  $F_{n-2}$
- Dùng biến lưu trữ giá trị đã tính của  $F_{n-1}$
- Tính  $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$  và lưu lại để dùng cho lần sau

## Giải thuật:

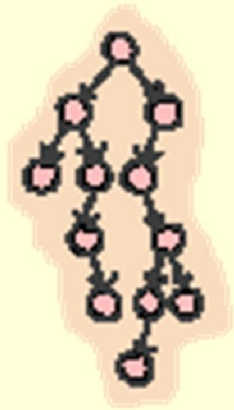
```
int Fn2=0, Fn1=1, Fn;  
for (int i = 2; i <= n; i++) {  
    Fn = Fn1 + Fn2;  
    Fn2 = Fn1; Fn1 = Fn;  
}
```

# Bài toán 8 con Hậu





# Bài toán 4 con Hậu



|   |   |   |   |
|---|---|---|---|
|   | ? | ? | ? |
| X | X |   | ? |
| X | X | X | X |
|   |   |   |   |

Dead end

|   |   |   |   |
|---|---|---|---|
|   | ? | ? | ? |
| X | X | X |   |
| X |   | X | X |
| X | X | X | X |

Dead end

|   |   |   |   |
|---|---|---|---|
| X |   | ? | ? |
| X | X | X |   |
|   | X | X | X |
| X | X |   | X |

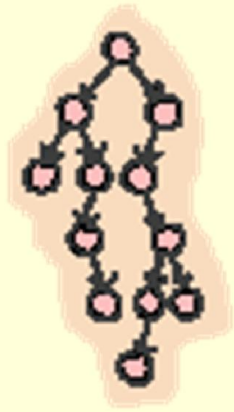
Solution

|  |  |  |  |
|--|--|--|--|
|  |  |  |  |
|  |  |  |  |
|  |  |  |  |
|  |  |  |  |

Solution

cuu duong than cong . com

# Bài toán 8 con Hậu – Giải thuật



## Algorithm Solve

**Input** trạng thái bàn cờ

**Output**

1. **if** trạng thái bàn cờ chứa đủ 8 con hậu
  - 1.1. In trạng thái này ra màn hình
2. **else**
  - 2.1. **for** mỗi ô trên bàn cờ mà còn an toàn
    - 2.1.1. thêm một con hậu vào ô này
    - 2.1.2. dùng lại giải thuật Solve với trạng thái mới
    - 2.1.3. bỏ con hậu ra khỏi ô này

**End Solve**

Vết cạm

# Bài toán 8 con Hậu – Thiết kế phương thức



```
bool Queens::unguarded(int col) const;
```

*Post:* Returns **true** or **false** according as the square in the first unoccupied row (row count) and column col is not guarded by any queen.

```
void Queens::insert(int col);
```

*Pre:* The square in the first unoccupied row (row count) and column col is not guarded by any queen.

*Post:* A queen has been inserted into the square at row count and column col; count has been incremented by 1.

```
void Queens::remove(int col);
```

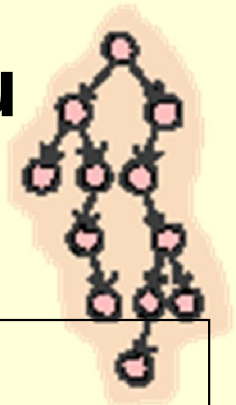
*Pre:* There is a queen in the square in row count – 1 and column col.

*Post:* The above queen has been removed; count has been decremented by 1.

```
bool Queens::is_solved() const;
```

*Post:* The function returns **true** if the number of queens already placed equals board\_size; otherwise, it returns **false**.

# Bài toán 8 con Hậu – Thiết kế dữ liệu đơn giản



```
const int max_board = 30;
```

```
class Queens {
```

```
public:
```

```
    Queens(int size);
```

```
    bool is_solved() const;
```

```
    void print( ) const;
```

```
    bool unguarded(int col) const;
```

```
    void insert(int col);
```

```
    void remove(int col);
```

```
    int board_size; // dimension of board = maximum number of queens
```

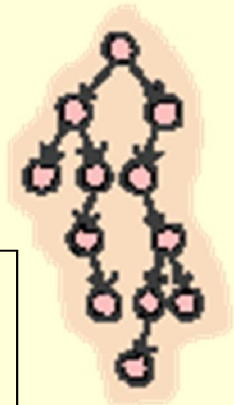
```
private:
```

```
    int count; // current number of queens = first unoccupied row
```

```
    bool queen_square[max_board][max_board];
```

```
};
```

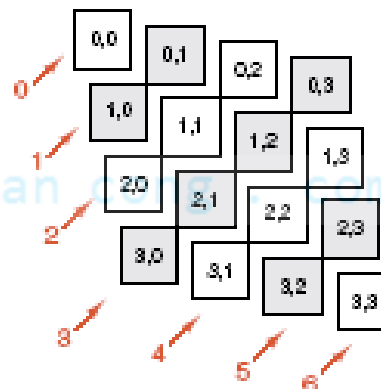
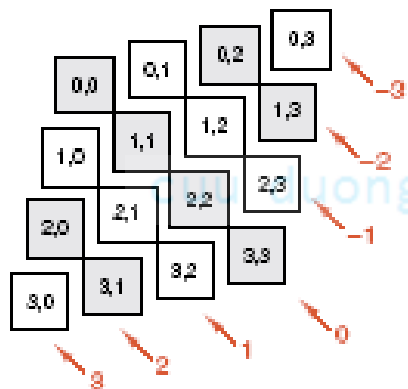
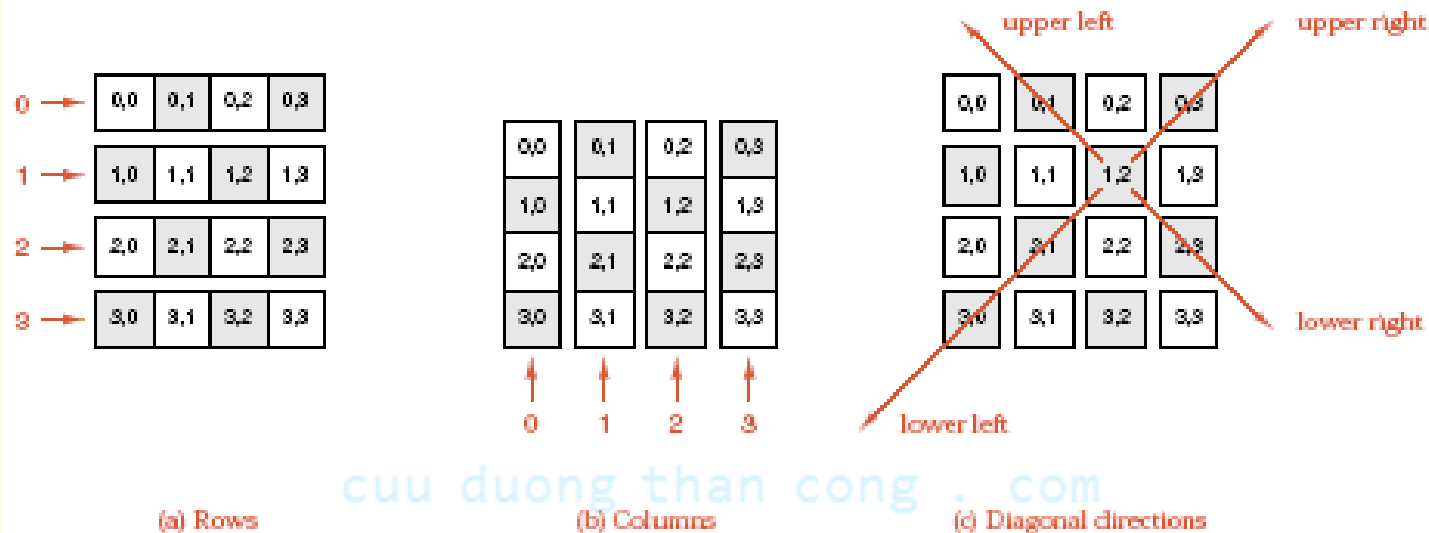
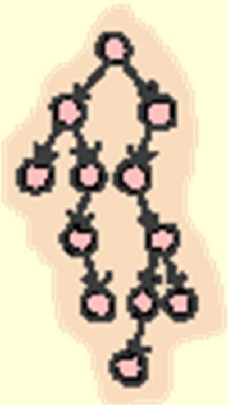
# Bài toán 8 con Hậu – Mã C++



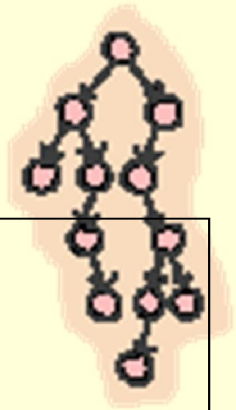
```
void Queens :: insert(int col) {  
    queen_square[count++][col] = true;  
}
```

```
bool Queens :: ungarded(int col) const {  
    int i;  
    bool ok = true;  
    for (i = 0; ok && i < count; i++) //kiểm tra tại một cột  
        ok = !queen_square[i][col];  
    //kiểm tra trên đường chéo lên  
    for (i = 1; ok && count - i >= 0 && col - i >= 0; i++)  
        ok = !queen_square[count - i][col - i];  
    //kiểm tra trên đường chéo xuống  
    for (i = 1; ok && count - i >= 0 && col + i < board_size; i++)  
        ok = !queen_square[count - i][col + i];  
    return ok;  
}
```

# Bài toán 8 con Hậu – Góc nhìn khác

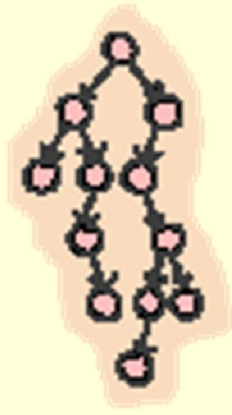


# Bài toán 8 con Hậu – Thiết kế mới



```
const int max_board = 30;
class Queens {
public:
    Queens(int size);
    bool is_solved( ) const;
    void print( ) const;
    bool unguarded(int col) const;
    void insert(int col);
    void remove(int col);
    int board size;
private:
    int count;
    bool col_free[max board];
    bool upward_free[2 * max board - 1];
    bool downward_free[2 * max board - 1];
    int queen_in_row[max board]; //column number of queen in each row
};
```

# Bài toán 8 con Hậu – Mã C++ mới



```
Queens :: Queens(int size) {  
    board_size = size;  
    count = 0;  
    for (int i = 0; i < board_size; i++)  
        col_free[i] = true;  
    for (int j = 0; j < (2 * board_size - 1); j++)  
        upward_free[j] = true;  
    for (int k = 0; k < (2 * board_size - 1); k++)  
        downward_free[k] = true;  
}
```

```
void Queens :: insert(int col) {  
    queen_in_row[count] = col;  
    col_free[col] = false;  
    upward_free[count + col] = false;  
    downward_free[count - col + board_size - 1] = false;  
    count++;  
}
```



# Bài toán 8 con Hậu – Đánh giá

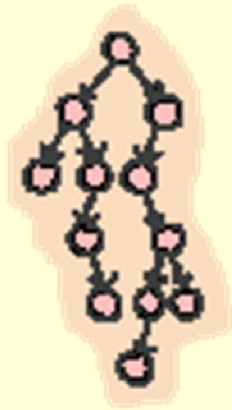


## Thiết kế đầu

| <i>Size</i>                    | 8    | 9    | 10   | 11   | 12    | 13     |
|--------------------------------|------|------|------|------|-------|--------|
| <i>Number of solutions</i>     | 92   | 352  | 724  | 2680 | 14200 | 73712  |
| <i>Time (seconds)</i>          | 0.05 | 0.21 | 1.17 | 6.62 | 39.11 | 243.05 |
| <i>Time per solution (ms.)</i> | 0.54 | 0.60 | 1.62 | 2.47 | 2.75  | 3.30   |

## Thiết kế mới

| <i>Size</i>                    | 8    | 9    | 10   | 11   | 12    | 13    |
|--------------------------------|------|------|------|------|-------|-------|
| <i>Number of solutions</i>     | 92   | 352  | 724  | 2680 | 14200 | 73712 |
| <i>Time (seconds)</i>          | 0.01 | 0.05 | 0.22 | 1.06 | 5.94  | 34.44 |
| <i>Time per solution (ms.)</i> | 0.11 | 0.14 | 0.30 | 0.39 | 0.42  | 0.47  |



cuu duong than cong . com

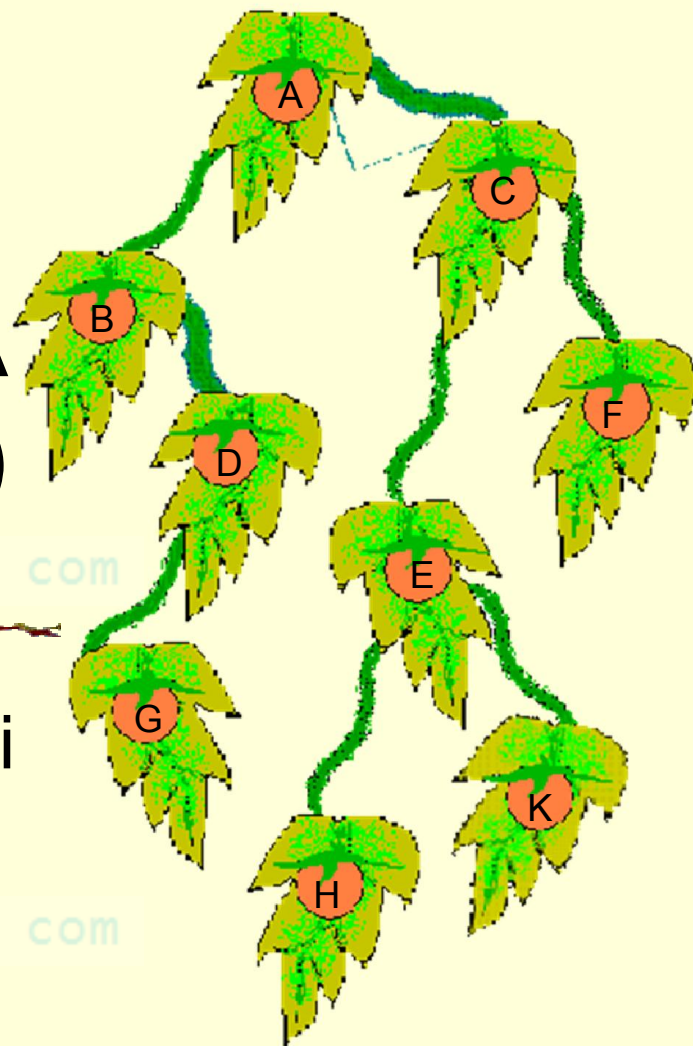
cuu duong than cong . com

# CẤU TRÚC DỮ LIỆU VÀ GIẢI THUẬT (501040)

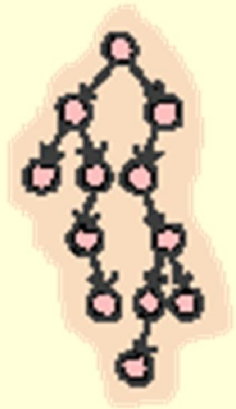
cuu duong than cong . com

## Chương 6: Danh sách và chuỗi

cuu duong than cong . com



# Danh sách trừu tượng



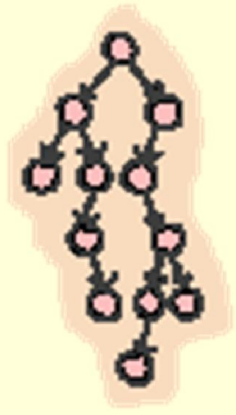
## Một danh sách (list) kiểu T

- Một dãy hữu hạn kiểu T

- Một số tác vụ:

- 1. Khởi tạo danh sách rỗng (*create*)
- 2. Kiểm tra rỗng (*empty*)
- 3. Kiểm tra đầy (*full*)
- 4. Tính kích thước (*size*)
- 5. Xóa rỗng danh sách (*clear*)
- 6. Thêm một giá trị vào danh sách tại một vị trí cụ thể (*insert*)
- 7. Lấy một giá trị tại một vị trí cụ thể ra khỏi danh sách (*remove*)
- 8. Nhận về giá trị tại một vị trí cụ thể (*retrieve*)
- 9. Thay thế một giá trị tại một vị trí cụ thể (*replace*)
- 10. Duyệt danh sách và thi hành một tác vụ tại mỗi vị trí (*traverse*)

# Thiết kế các phương thức



```
List::List();
```

*Post:* The List has been created and is initialized to be empty.

```
bool List::empty() const;
```

*Post:* The function returns **true** or **false** according to whether the List is empty or not.

```
void List::clear();
```

*Post:* All List entries have been removed; the List is empty.

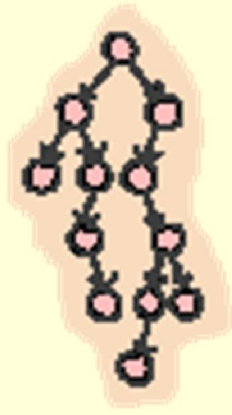
```
int List::size() const;
```

*Post:* The function returns the number of entries in the List.

```
bool List::full() const;
```

*Post:* The function returns **true** or **false** according to whether the List is full or not.

# Chỉ số các phần tử



📖 Đánh chỉ số một danh sách có  $n$  phần tử:

- Đánh chỉ số từ 0, 1, ... các phần tử
- Ví dụ:  $a_0, a_1, a_2, \dots, a_{n-1}$
- Phần tử  $a_{idx}$  đứng sau  $a_{idx-1}$  và trước  $a_{idx+1}$  (nếu có)

📖 Dùng chỉ số:

- Tìm thấy một phần tử, trả về vị trí (chỉ số) của nó.
- Thêm vào một phần tử tại vị trí  $idx$  thì chỉ số các phần tử cũ từ  $idx$  trở về sau đều tăng lên 1.
- Chỉ số này được dùng bất kể danh sách được hiện thực thể nào ở cấp vật lý.

# Phương thức insert và remove



Error\_code List::insert(int position, const List\_entry &x);

*Post:* If the List is not full and  $0 \leq \text{position} \leq n$ , where  $n$  is the number of entries in the List, the function succeeds: Any entry formerly at position and all later entries have their position numbers increased by 1, and  $x$  is inserted at position in the List.

Else: The function fails with a diagnostic error code.

Error\_code List::remove(int position, List\_entry &x);

*Post:* If  $0 \leq \text{position} < n$ , where  $n$  is the number of entries in the List, the function succeeds: The entry at position is removed from the List, and all later entries have their position numbers decreased by 1. The parameter  $x$  records a copy of the entry formerly at position.

Else: The function fails with a diagnostic error code.



# Phương thức retrieve và replace



Error\_code List::retrieve(int position, List\_entry &x) const;

*Post:* If  $0 \leq \text{position} < n$ , where  $n$  is the number of entries in the List, the function succeeds: The entry at position is copied to x; all List entries remain unchanged.

Else: The function fails with a diagnostic error code.

[cuv-duong-thao-cong.com](http://cuv-duong-thao-cong.com)

Error\_code List::replace(int position, const List\_entry &x);

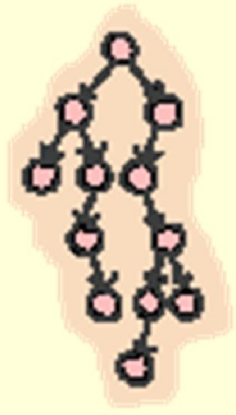
*Post:* If  $0 \leq \text{position} < n$ , where  $n$  is the number of entries in the List, the function succeeds: The entry at position is replaced by x; all other entries remain unchanged.

Else: The function fails with a diagnostic error code.

[cuv-duong-thao-cong.com](http://cuv-duong-thao-cong.com)



# Phương thức traverse và tham số hàm



```
void List::traverse(void (*visit)(List_entry &));
```

*Post:* The action specified by function *\*visit* has been performed on every entry of the List, beginning at position 0 and doing each in turn.

```
void print_int(int &x) { cout << x << " "; }
```

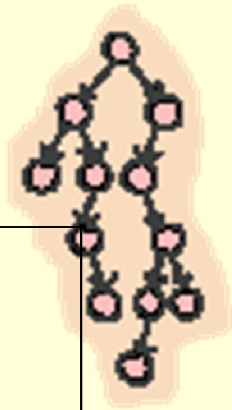
```
void increase_int(int &x) { x++; }
```

```
void main() {  
    List<int> alist;  
    ...  
    alist.traverse(print_int);  
    ...  
    alist.traverse(increase_int);  
    ...  
}
```

Khi gọi tham số hàm, chương trình dịch phải nhìn thấy hàm được gọi.

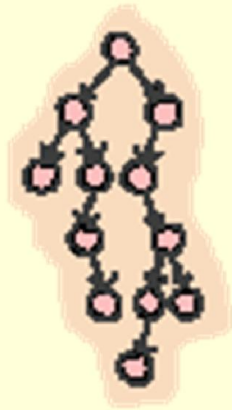
Tùy theo mục đích mà gọi các hàm khác nhau.

# Hiện thực danh sách liên tục



```
template <class List_entry>
class List {
public:
    // methods of the List ADT
    List( );
    int size( ) const;
    bool full( ) const;
    bool empty( ) const;
    void clear( );
    void traverse(void (*visit)(List_entry &));
    Error_code retrieve(int position, List_entry &x) const;
    Error_code replace(int position, const List_entry &x);
    Error_code remove(int position, List_entry &x);
    Error_code insert(int position, const List_entry &x);
protected:
    // data members for a contiguous list implementation
    int count;
    List_entry entry[max_list];
};
```

# Thêm vào một danh sách liên tục



z

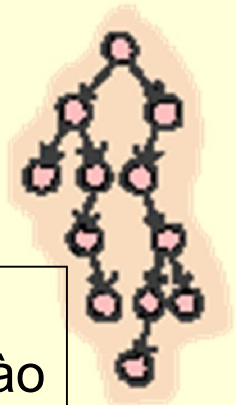
| 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| a | b | c | d | e | f | g | h |   |   |

count=8

insert(3, 'z')

cuu duong than cong . com

# Giải thuật thêm vào một danh sách liên tục



## Algorithm Insert

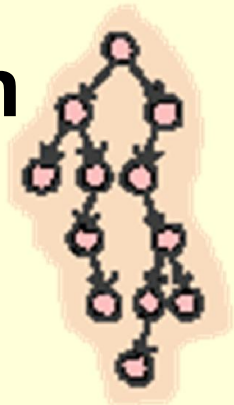
**Input:** position là vị trí cần thêm vào, x là giá trị cần thêm vào

**Output:** danh sách đã thêm vào x

1. **if** list đầy
  - 1.1. **return** overflow
2. **if** position nằm ngoài khoảng  $[0..\text{count}]$ 
  - 2.1. **return** range\_error  
*//Dời tất cả các phần tử từ position về sau 1 vị trí*
3. **for** index = count-1 **down to** position
  - 3.1. entry[index+1] = entry[index]
4. entry[position] = x *//Gán x vào vị trí position*
5. count++ *//Tăng số phần tử lên 1*
6. **return** success;

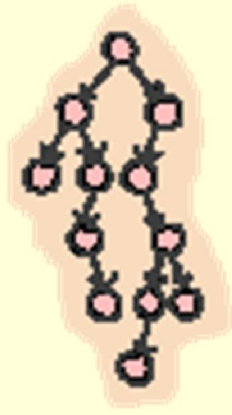
**End Insert**

# Mã C++ thêm vào một danh sách liên tục



```
template <class List_entry>
Error_code List<List_entry> :: insert(int position, const List_entry &x) {
    if (full( ))
        return overflow;
    if (position < 0 || position > count)
        return range_error;
    for (int i = count - 1; i >= position; i--)
        entry[i + 1] = entry[i];
    entry[position] = x;
    count++;
    return success;
}
```

# Xóa từ một danh sách liên tục



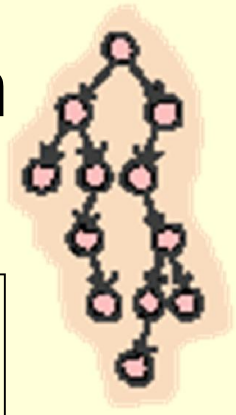
x

| 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| a | b | c | d | e | f | g | h |   |   |

count=8

remove(3, x)

# Giải thuật xóa từ một danh sách liên tục



## Algorithm Remove

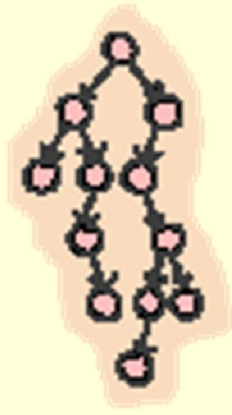
**Input:** position là vị trí cần xóa bỏ, x là giá trị lấy ra được

**Output:** danh sách đã xóa bỏ phần tử tại position

1. **if** list rỗng
  - 1.1. **return** underflow
2. **if** position nằm ngoài khoảng  $[0..\text{count}-1]$ 
  - 2.1. **return** range\_error
3.  $x = \text{entry}[\text{position}]$  *//Lấy x tại vị trí position ra*
4.  $\text{count}--$  *//Giảm số phần tử đi 1*  
*//Dời tất cả các phần tử từ position về trước 1 vị trí*
5. **for** index = position **to** count-1
  - 5.1.  $\text{entry}[\text{index}] = \text{entry}[\text{index}+1]$
6. **return** success;

**End Remove**

# Giải thuật duyệt một danh sách liên tục



## Algorithm Traverse

**Input:** hàm visit dùng để tác động vào từng phần tử

**Output:** danh sách được cập nhật bằng hàm visit

*cuu duong than cong . com*

*//Quét qua tất cả các phần tử trong list*

1. **for** index = 0 **to** count-1

1.1. Thi hành hàm visit để duyệt phần tử entry[index]

**End Traverse**

*cuu duong than cong . com*

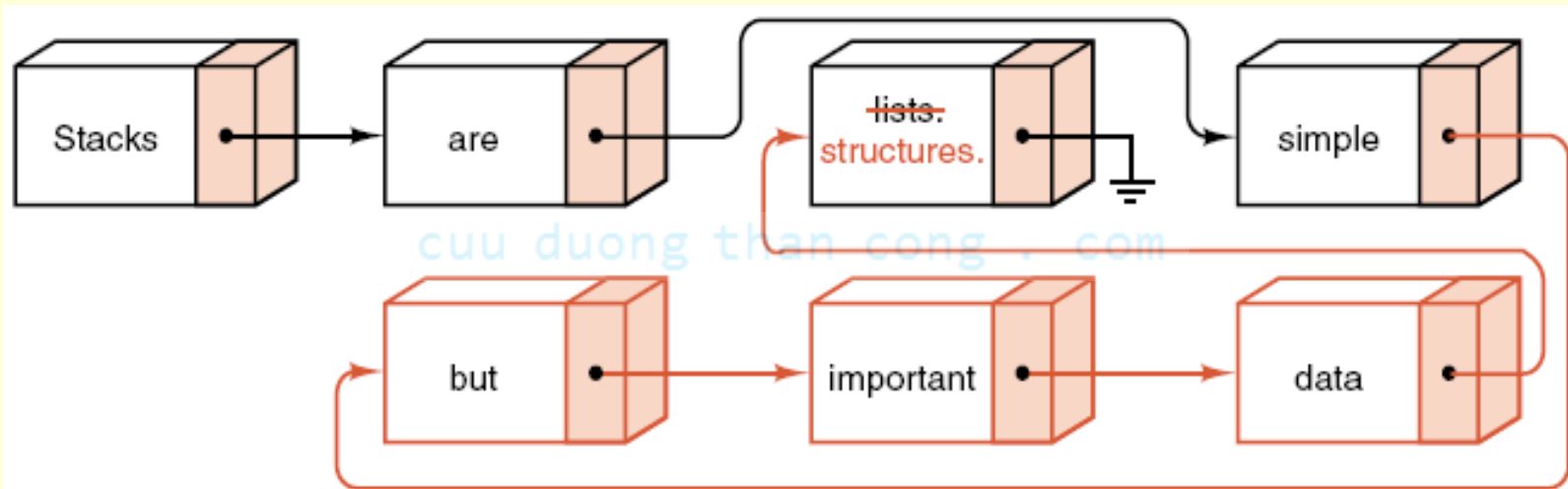
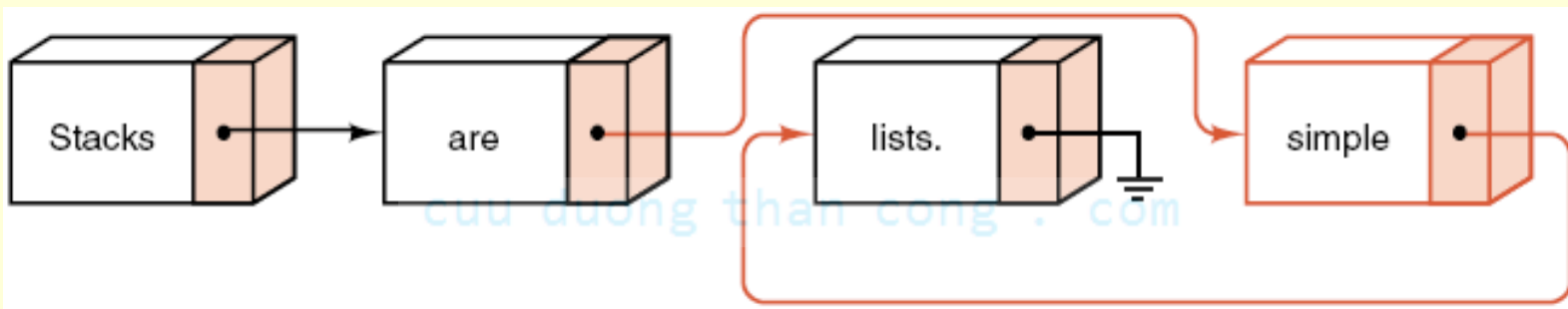
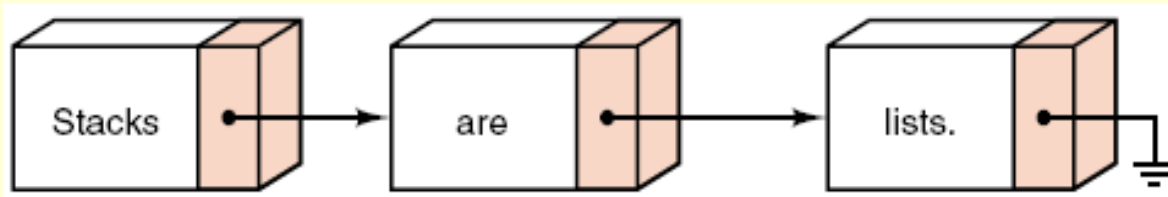
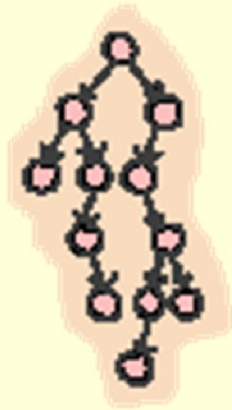


# Mã C++ duyệt một danh sách liên tục

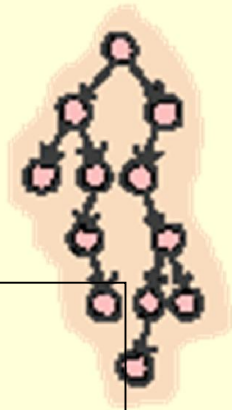


```
template <class List_entry>
void List<List_entry> :: traverse(void (*visit)(List_entry &))
/* Post: Tác vụ cho bởi hàm visit sẽ được thi hành tại mỗi
thành phần của list bắt đầu từ vị trí 0 trở đi. */
{
    for (int i = 0; i < count; i++)
        (*visit)(entry[i]);
}
```

# Danh sách liên kết đơn (DSLK đơn)

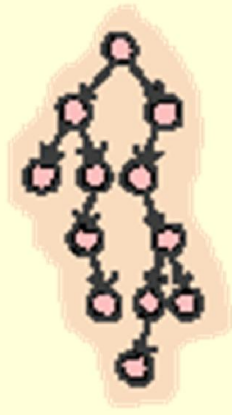


# Hiện thực DSLK đơn



```
template <class List_entry>
class List {
public:
    // Specifications for the methods of the list ADT go here.
    // The following methods replace compiler-generated defaults.
    List( );
    ~List( );
    List(const List<List_entry> &copy);
    void operator = (const List<List_entry> &copy);
protected:
    // Data members for the linked list implementation now follow.
    int count;
    Node<List_entry> * head;
    // The following auxiliary function is used to locate list positions
    Node<List_entry> *set_position(int position) const;
};
```

# Tìm vị trí trên DSLK đơn



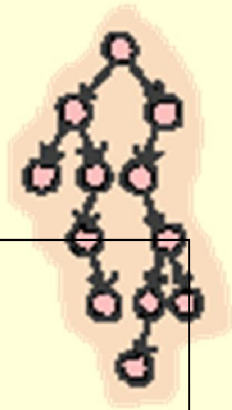
## Nhu cầu:

- Nhập vào chỉ số của một phần tử
- Cho biết đó là phần tử nào (con trỏ chỉ đến phần tử)

## Ý tưởng: [cuuduongthancong.com](http://cuuduongthancong.com)

- Bắt đầu từ phần tử đầu tiên
- Di chuyển đúng *position* bước thì đến được phần tử cần tìm
- Phải đảm bảo là *position* nằm trong khoảng  $[0..\text{count}-1]$

# Giải thuật tìm vị trí trên DSLK đơn



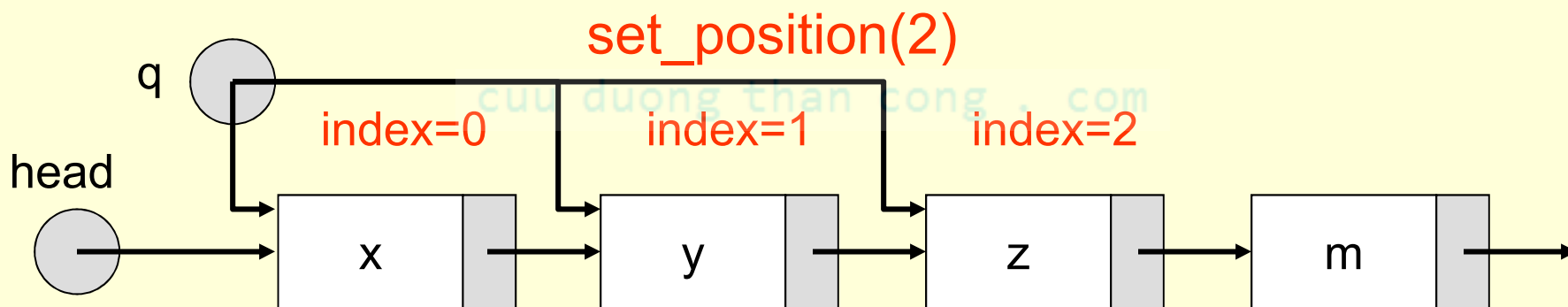
## Algorithm Set position

**Input:** position là vị trí cần tìm

**Output:** con trỏ chỉ đến phần tử tại vị trí cần tìm

1. **set** q to head
2. **for** index =0 **to** position //Thực hành position bước  
    2.1. **advance** q to the next element //Trở q đến phần tử kế tiếp
3. **return** q

**End** Set position

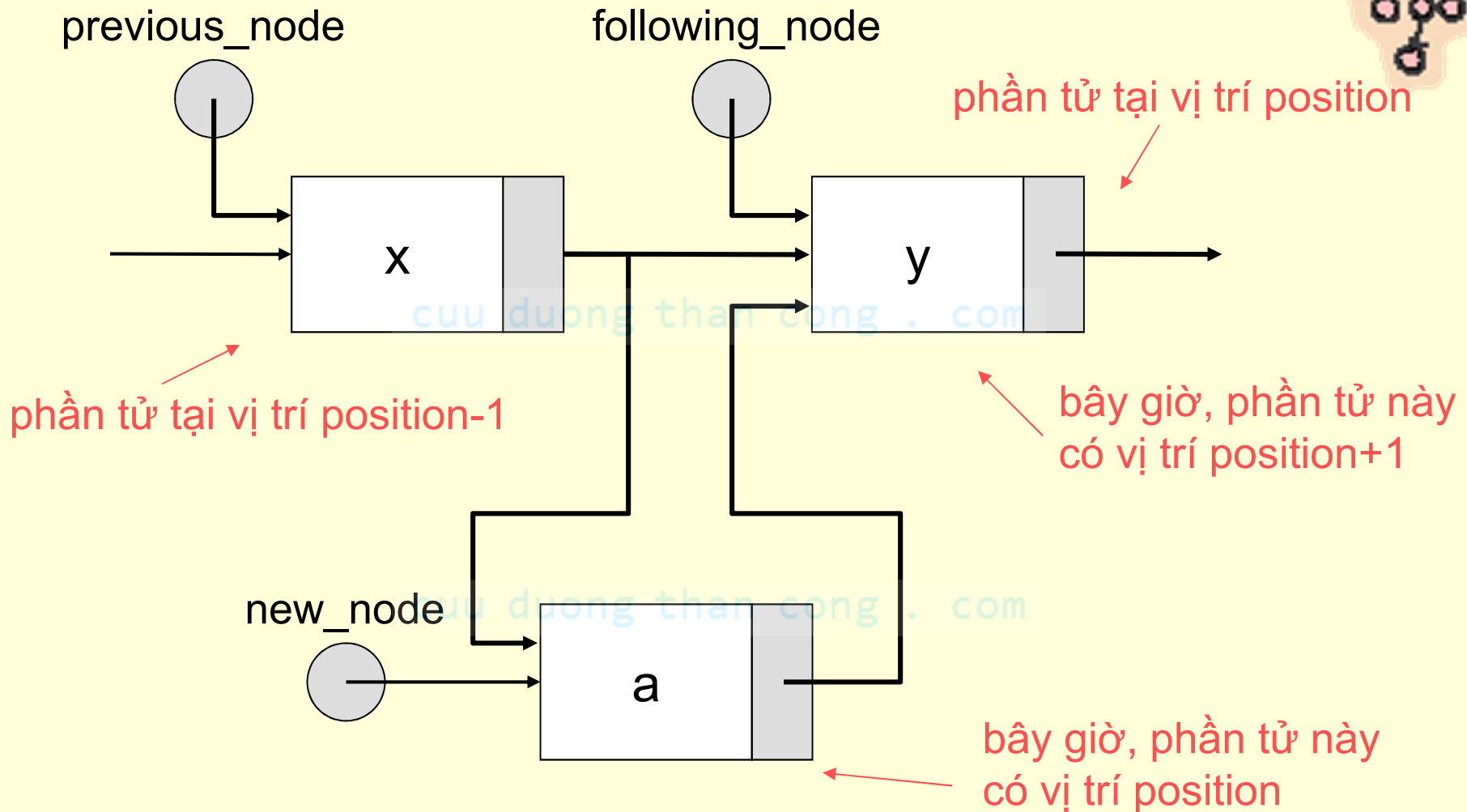


# Mã C++ tìm vị trí trên DSLK đơn



```
template <class List_entry>
Node<List_entry> *List<List_entry> :: set_position(int position) const
/* Pre: position là vị trí hợp lệ trong list,  $0 < \text{position} < \text{count}$ .
   Post: Trả về một con trỏ chỉ đến Node đang ở vị trí position
*/
{
    Node<List_entry> *q = head;
    for (int i = 0; i < position; i++)
        q = q->next;
    return q;
}
```

# Thêm vào một DSLK đơn



# Giải thuật thêm vào một DSLK đơn



## Algorithm Insert

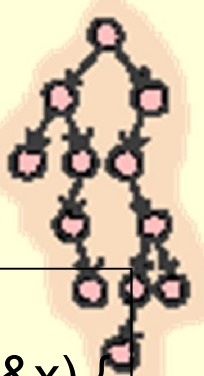
**Input:** position là vị trí thêm vào, x là giá trị thêm vào

**Output:** danh sách đã thêm vào x tại vị trí position

1. **Nếu** position > 0
    - 1.1. Trở previous đến phần tử tại vị trí position-1
    - 1.2. Trở following đến phần tử sau previous
  2. **Ngược lại**
    - 2.1. Trở following đến head
  3. **Tạo ra** node mới là new\_node với giá trị x
  4. Trở next của new\_node đến following
  5. **Nếu** position là 0
    - 5.1. Trở head đến new\_node
  6. **Ngược lại**
    - 6.1. Trở next của previous đến new\_node
  7. **Tăng** số lượng các phần tử lên 1
- End Insert**

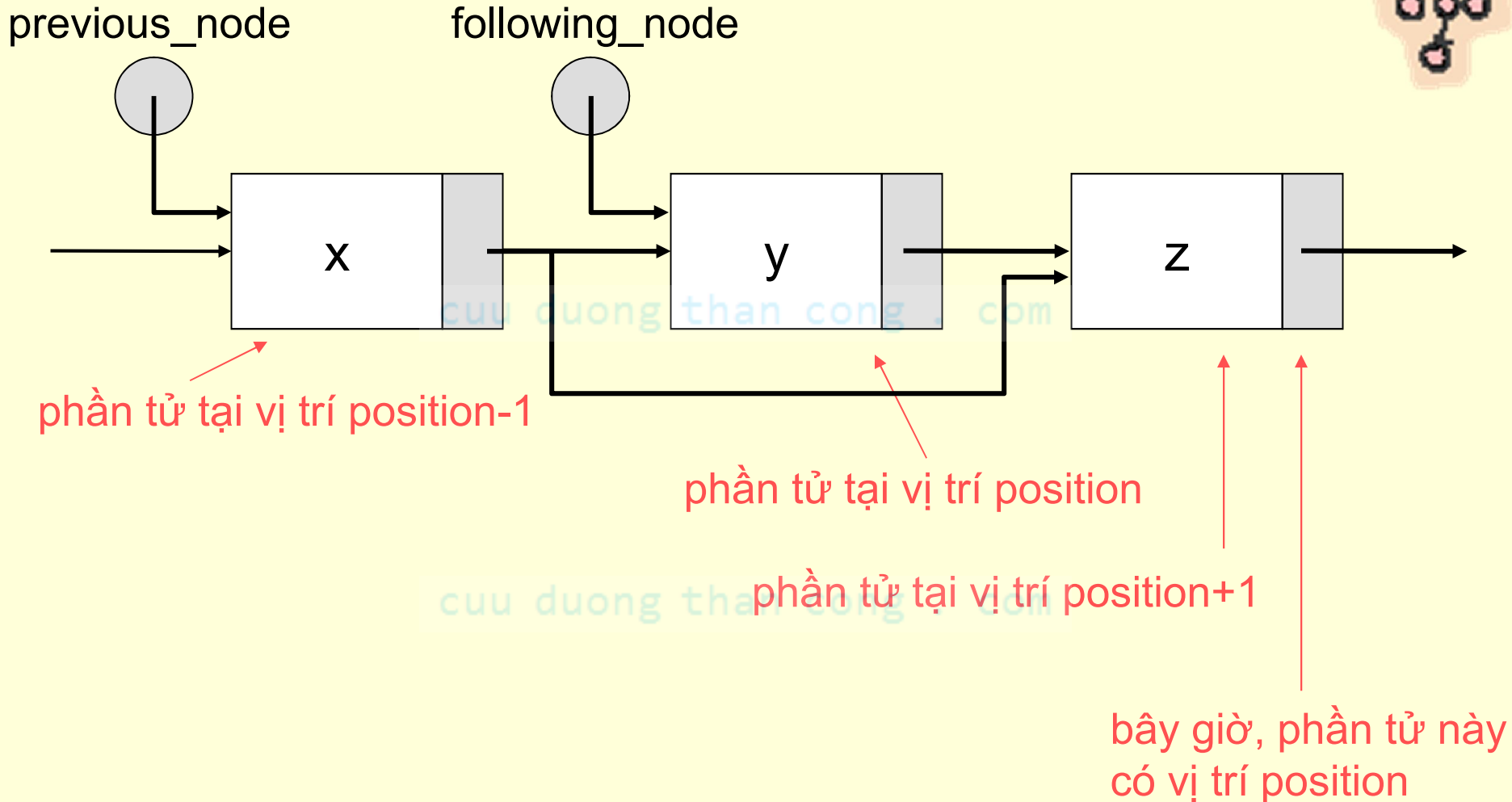
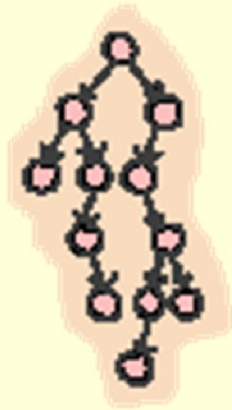


# Mã C++ thêm vào một DSLK đơn

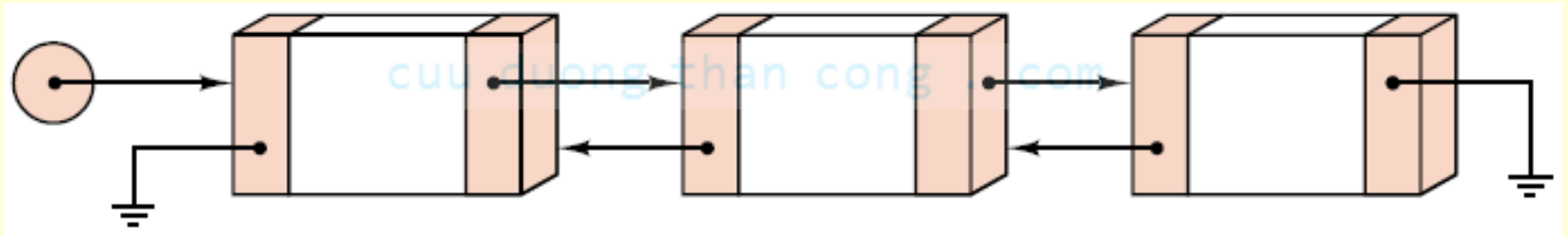
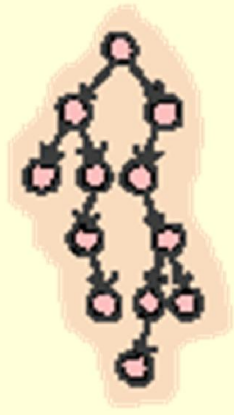


```
template <class List_entry>
Error_code List<List_entry> :: insert(int position, const List_entry &x) {
    if (position < 0 || position > count)
        return range_error;
    Node<List_entry> *new_node, *previous, *following;
    if (position > 0) {
        previous = set_position(position - 1);
        following = previous->next;
    } else following = head;
    new_node = new Node<List_entry>(x, following);
    if (new_node == NULL) return overflow;
    if (position == 0) head = new_node;
    else previous->next = new_node;
    count++;
    return success;
}
```

# Xóa bỏ từ một DSLK đơn

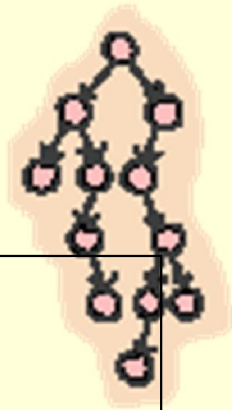


# DSLK kép (Doubly linked list)



cuu duong than cong . com

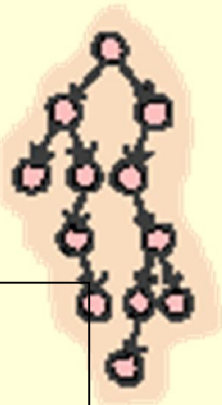
# Định nghĩa DSLK kép



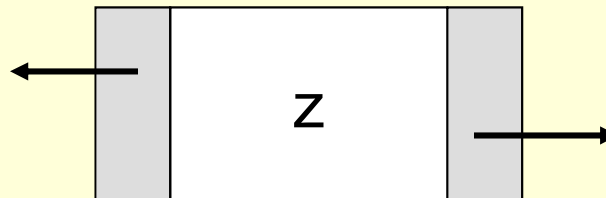
```
template <class List_entry>
class List {
public:
    // Add specications for methods of the list ADT.
    // Add methods to replace compiler generated defaults.
protected:
    // Data members for the doubly-linked list implementation follow:
    int count;
    mutable int current_position;
    mutable Node<List_entry> *current;
    // The auxiliary function to locate list positions follows:
    void set_position(int position) const;
};
```

Các hàm hằng (**const**) có thể thay đổi giá trị của các biến **mutable** này

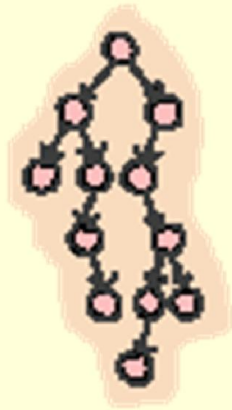
# Định nghĩa Node cho DSLK kép



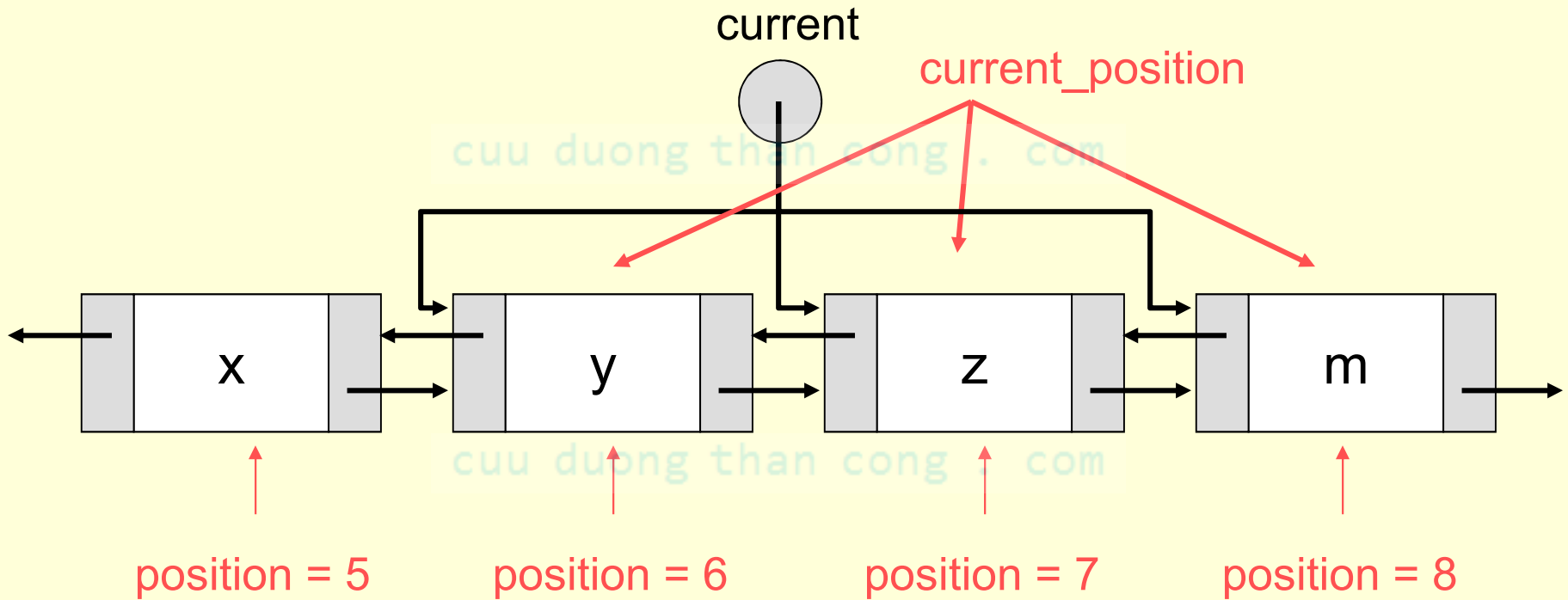
```
template <class Node_entry>
struct Node {
    // data members
    Node_entry entry;
    Node<Node_entry> *next;
    Node<Node_entry> *back;
    // constructors
    Node( );
    Node(Node_entry, Node<Node_entry> *link_back = NULL,
        Node<Node_entry> *link_next = NULL);
};
```



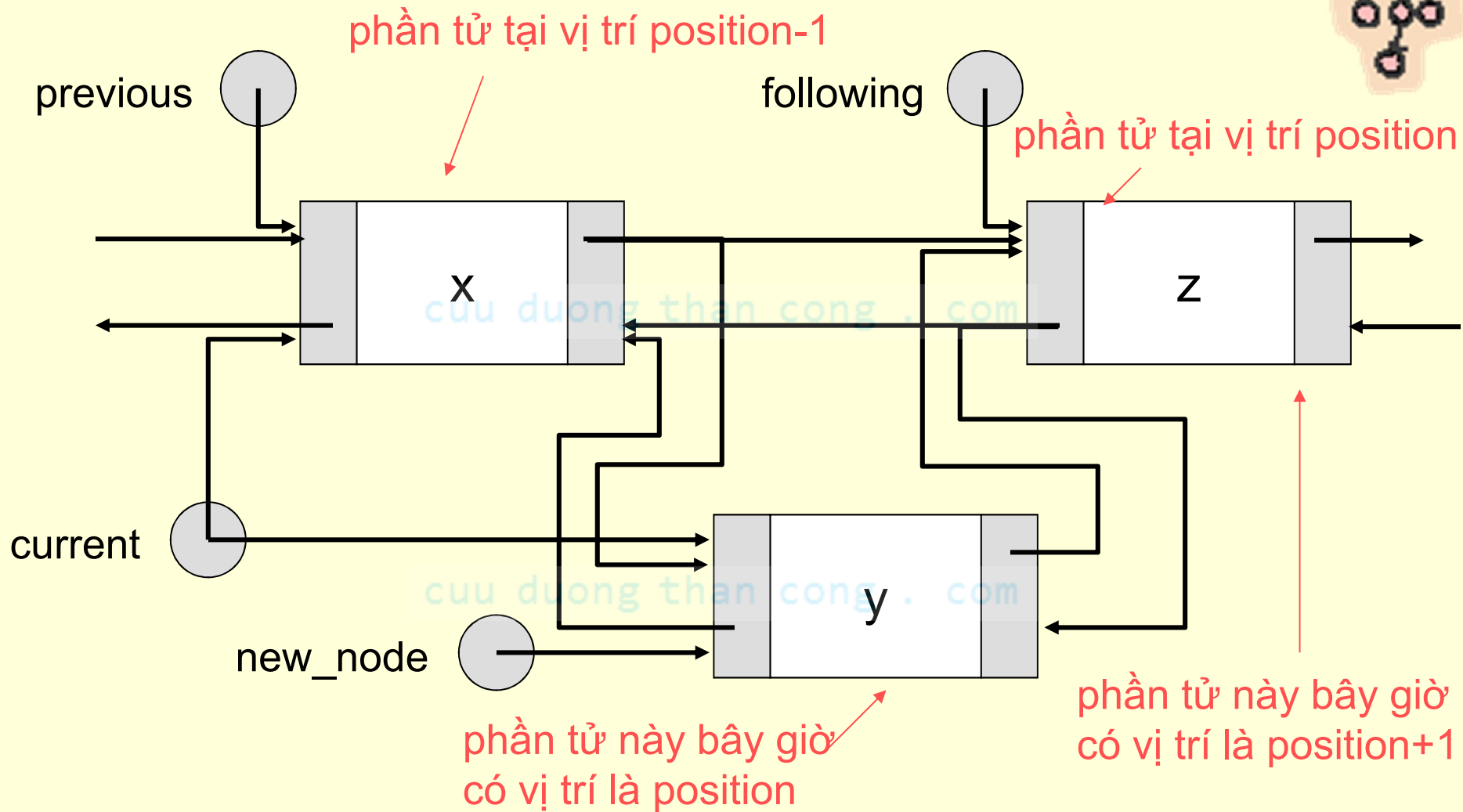
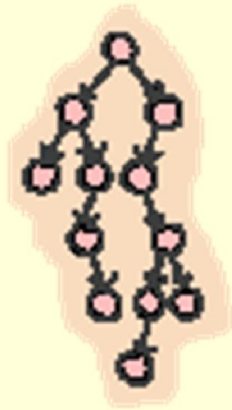
# Tìm vị trí trong DSLK kép



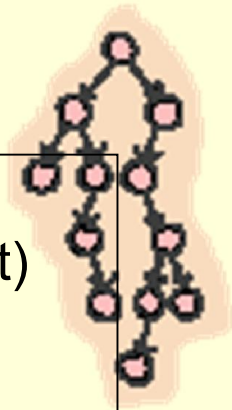
set\_position(8)



# Thêm vào trong DSLK kép



# Thêm vào trong DSLK kép



## Algorithm Insert

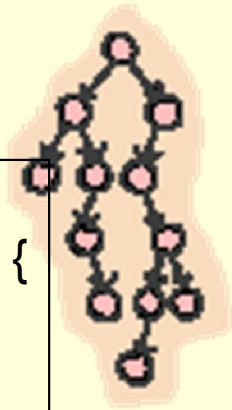
**Input:** x là giá trị cần thêm vào tại position ( $0 \leq \text{position} \leq \text{count}$ )

**Output:** danh sách đã thêm giá trị x vào vị trí position

1. **if** position là 0
    - 1.1. **if** số phần tử là 0
      - 1.1.1. Trở following đến NULL
    - 1.2. Trở preceding đến NULL
  2. **else**
    - 2.1. Trở preceding đến vị trí position -1, following đến vị trí position
  3. **Tạo** ra phần tử mới new\_node
  4. Trở next và back của new\_node đến following và preceding
  5. **if** preceding khác rỗng
    - 5.1. Trở next của preceding đến new\_node
  6. **if** following khác rỗng
    - 6.1. Trở back của following đến new\_node
  7. **Tăng** số phần tử lên 1
- End Insert**

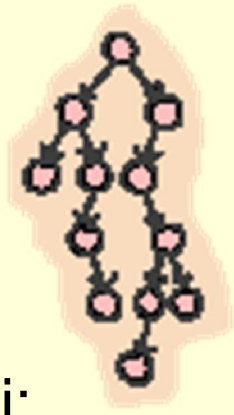


# Mã C++ thêm vào trong DSLK kép



```
template <class List_entry>
Error_code List<List_entry> :: insert(int position, const List_entry &x) {
    Node<List_entry> *new_node, *following, *preceding;
    if (position < 0 || position > count) return range_error;
    if (position == 0) {
        if (count == 0) following = NULL;
        else { set_position(0); following = current; }
        preceding = NULL;
    } else {
        set_position(position - 1);
        preceding = current; following = preceding->next;
    }
    new_node = new Node<List_entry>(x, preceding, following);
    if (new_node == NULL) return overflow;
    if (preceding != NULL) preceding->next = new_node;
    if (following != NULL) following->back = new_node;
    current = new_node; current_position = position;
    count++;
    return success;
}
```

# So sánh cách hiện thực liên tục và cách hiện thực liên kết



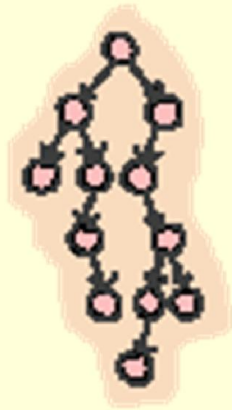
## ❏ DS liên tục thích hợp khi:

- Kích thước từng phần tử là rất nhỏ
- Kích thước của cả danh sách (số phần tử) đã biết khi lập trình
- Có ít sự thêm vào hay loại bỏ ở giữa danh sách
- Hình thức truy cập trực tiếp là quan trọng

## ❏ DSLK thích hợp khi:

- Kích thước từng phần tử là lớn
- Kích thước của danh sách không biết trước
- Có nhiều sự thêm vào, loại bỏ, hay sắp xếp các phần tử trong danh sách

# Chuỗi (string)



Chuỗi là một dãy các ký tự

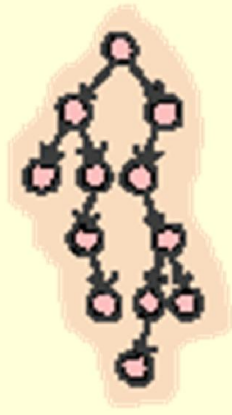
Ví dụ:

- “This is a string” là 1 chuỗi có 16 ký tự
- “” là một chuỗi rỗng (có 0 ký tự)

Chuỗi trừu tượng:

- Có thể xem là danh sách
- Có các tác vụ thường dùng:
  - Sao chép (*strcpy*)
  - Nối kết (*strcat*)
  - Tính chiều dài (*strlen*)
  - So sánh 2 chuỗi (*strcmp*)
  - Tìm một chuỗi trong chuỗi khác (*strstr*)

# Chuỗi trên C



❏ Có kiểu là **char \***

❏ Kết thúc bằng ký tự '\0' (NULL)

● Số phần tử trong bộ nhớ nhiều hơn chiều dài chuỗi là 1

❏ Cần chuẩn bị bộ nhớ cần thiết khi thao tác

● Ví dụ:

```
char *str1, *str2;
```

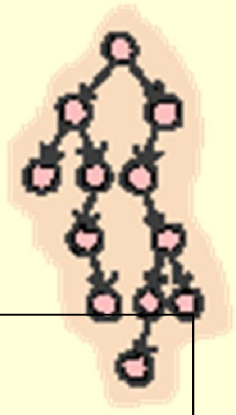
```
...
```

```
delete str2;
```

```
str2 = new char[strlen(str1) + 1];
```

```
strcpy(str2, str1);
```

# Thiết kế lại kiểu dữ liệu chuỗi



```
class String {  
public: // methods of the string ADT  
    String( );  
    ~String( );  
    String (const String &copy);           // copy constructor  
    String (const char *copy);           // conversion from C-string  
    String (List<char> &copy);           // conversion from List  
    void operator = (const String &copy);  
    const char *c_str( ) const;         // conversion to C-style string  
protected:  
    char *entries;  
    int length;  
};
```

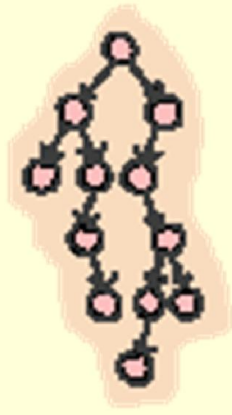
# Thiết kế các toán tử cần thiết



```
bool operator == (const String &first, const String &second);  
bool operator > (const String &first, const String &second);  
bool operator < (const String &first, const String &second);  
bool operator >= (const String &first, const String &second);  
bool operator <= (const String &first, const String &second);  
bool operator != (const String &first, const String &second);
```

```
bool operator == (const String &first, const String &second) {  
    return strcmp(first.c_str( ), second.c_str( )) == 0;  
}
```

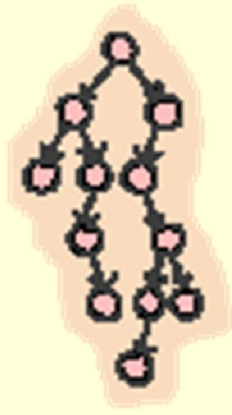
# Khởi tạo với chuỗi C



```
String :: String (const char *in_string)
/* Pre: The pointer in_string references a C-string.
Post: The String is initialized by the C-string in_string. */
{
    length = strlen(in_string);
    entries = new char[length + 1];
    strcpy(entries, in_string);
}
```

[cuuduongthancong.com](http://cuuduongthancong.com)

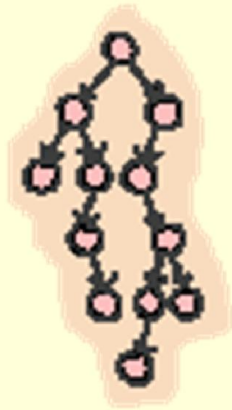
# Khởi tạo với danh sách ký tự



```
String :: String (List<char> &in_list)
/* Post: The String is initialized by the character List in_list. */
{
    length = in_list.size( );
    entries = new char[length + 1];
    for (int i = 0; i < length; i++)
        in_list.retrieve(i, entries[i]);

    //Gán '\0' để kết thúc chuỗi
    entries[length] = '\0';
}
```





[cuu duong than cong . com](http://cuuduongthancong.com)

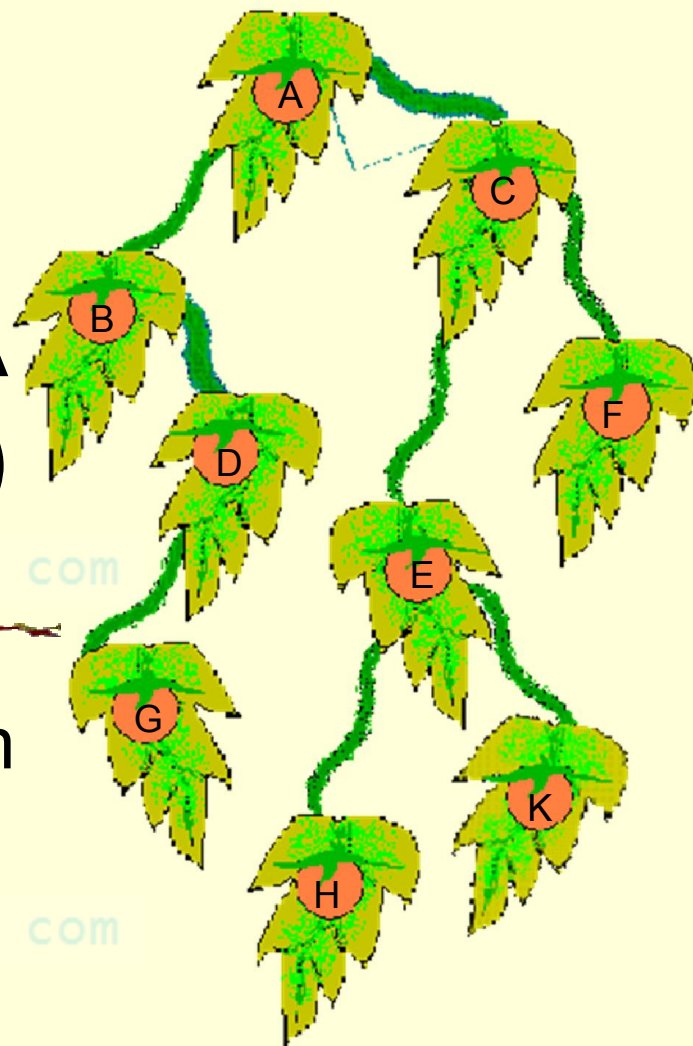
[cuu duong than cong . com](http://cuu duong than cong . com)

# CẤU TRÚC DỮ LIỆU VÀ GIẢI THUẬT (501040)

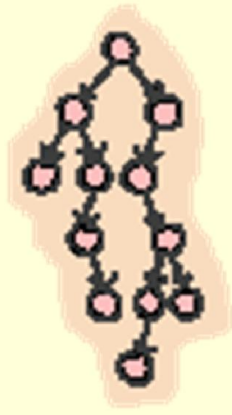
cuu duong than cong . com

## Chương 7: Tìm kiếm

cuu duong than cong . com

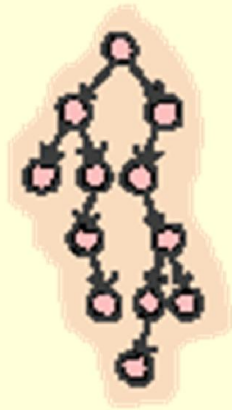


# Khái niệm tìm kiếm



- 📖 Cho biết:
  - Một danh sách các bản ghi (record).
  - Một khóa cần tìm.
- 📖 Tìm bản ghi có khóa trùng với khóa cần tìm (nếu có).
- 📖 Đo độ hiệu quả:
  - Số lần so sánh khóa cần tìm và khóa của các bản ghi
- 📖 Phân loại:
  - Tìm kiếm nội (internal searching)
  - Tìm kiếm ngoại (external searching)

# Bản ghi và khóa



## Bản ghi:

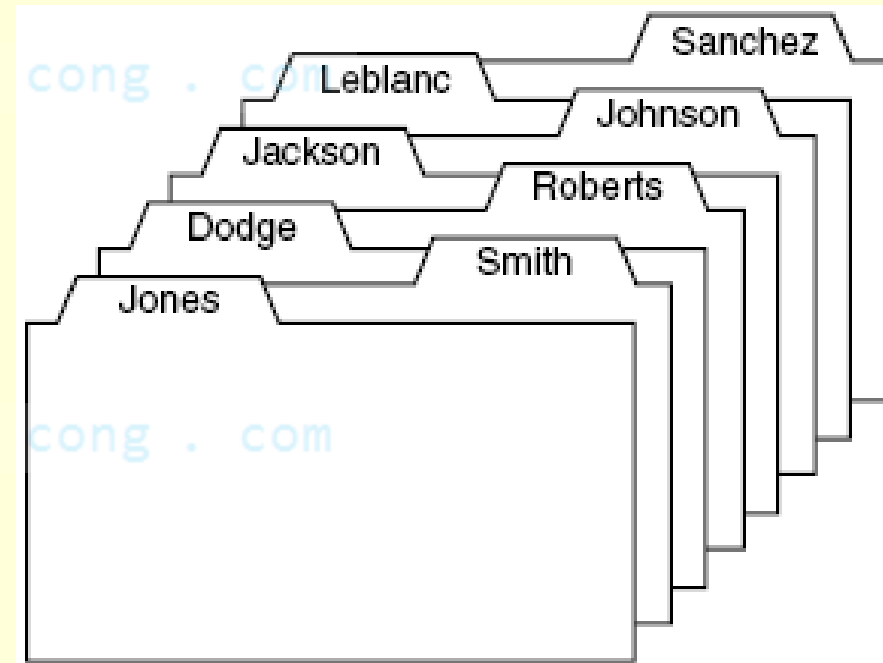
- Khóa
- Dữ liệu

## Khóa:

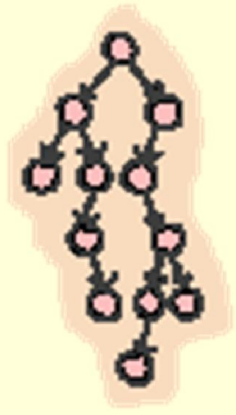
- So sánh được
- Thường là số

## Trích khóa từ bản ghi:

- So sánh các bản ghi



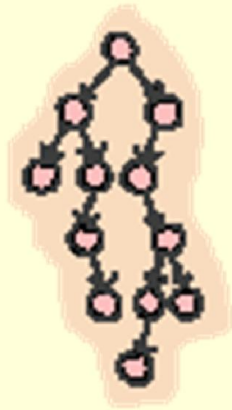
# Bản ghi và khóa trên C++



```
class Key {  
public: // Add any constructors and methods for key data.  
private: // Add declaration of key data members here.  
};  
  
bool operator == (const Key &x, const Key &y);  
bool operator > (const Key &x, const Key &y);  
bool operator < (const Key &x, const Key &y);  
bool operator >= (const Key &x, const Key &y);  
bool operator <= (const Key &x, const Key &y);  
bool operator != (const Key &x, const Key &y);
```

```
class Record{  
public:  
    operator Key( ); // implicit conversion from Record to Key .  
    // Add any constructors and methods for Record objects.  
private:  
    // Add data components.  
};
```

# Hàm tìm kiếm



## Tham số vào:

- Danh sách cần tìm
- Khóa cần tìm

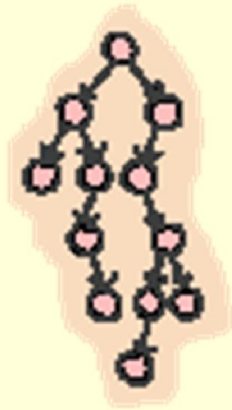
## Tham số ra:

- Vị trí phần tử tìm thấy (nếu có)

## Kết quả hàm: kiểu Error\_code

- Tìm thấy: success
- Không tìm thấy: not\_present

# Tìm tuần tự (sequential search)



5

Target key

position = 2

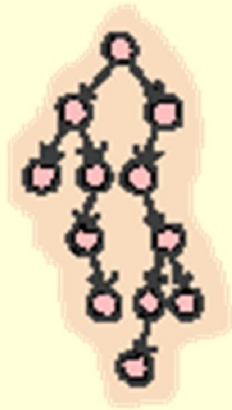
| 0 | 1  | 2 | 3  | 4 | 5 | 6 | 7  |
|---|----|---|----|---|---|---|----|
| 7 | 13 | 5 | 21 | 6 | 2 | 8 | 15 |



return success

Số lần so sánh: 3

# Tìm tuần tự - không tìm thấy



9

Target key

| 0 | 1  | 2 | 3  | 4 | 5 | 6 | 7  |
|---|----|---|----|---|---|---|----|
| 7 | 13 | 5 | 21 | 6 | 2 | 8 | 15 |

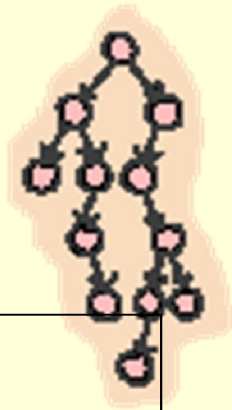


return not\_present

Số lần so sánh: 8

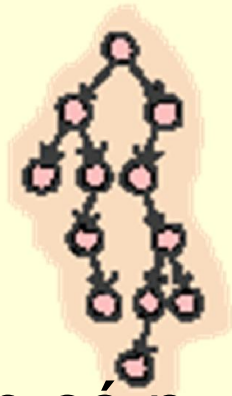


# Tìm tuần tự - Mã C++



```
Error_code sequential_search(const List<Record> &the_list,  
                             const Key &target, int &position)  
/* Post: If an entry in the_list has key equal to target, then return success  
and the output parameter position locates such an entry within the list.  
Otherwise return not_present and position becomes invalid. */  
{  
    int s = the_list.size( );  
    for (position = 0; position < s; position++) {  
        Record data;  
        the_list.retrieve(position, data);  
        if (data == target) return success;  
    }  
    return not_present;  
}
```

# Tìm tuần tự - Đánh giá

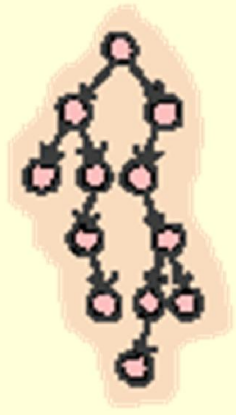


📖 Số lần so sánh trên khóa đối với danh sách có  $n$  phần tử:

- Tìm không thành công:  $n$ .
- Tìm thành công, trường hợp tốt nhất: 1.
- Tìm thành công, trường hợp xấu nhất:  $n$ .
- Tìm thành công, trung bình:  $(n + 1)/2$ .

[cuu duong than cong . com](http://cuuduongthancong.com)

# Tìm trên danh sách có thứ tự



## Danh sách có thứ tự (ordered list):

- Phần tử tại vị trí  $i$  có khóa nhỏ hơn hoặc bằng phần tử tại vị trí  $j$  ( $i < j$ ).

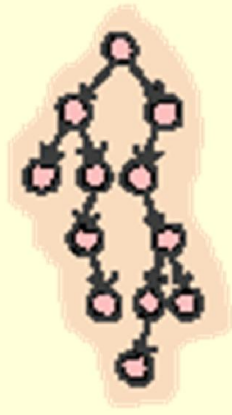
## Tìm tuần tự có thể kết thúc sớm hơn:

- Khi khóa cần tìm nhỏ hơn khóa của phần tử hiện tại.

## Trả giá:

- Mỗi bước lặp cần kiểm tra xem ngừng được chưa.
- Tốn 2 phép so sánh trên khóa cho mỗi lần lặp.
- Số phép so sánh “có vẻ” gấp đôi so với phép tìm trên danh sách bất kỳ.

# Quản lý danh sách có thứ tự



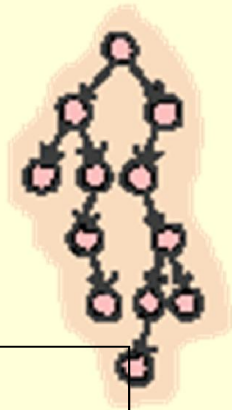
## Thừa hưởng từ List và

- Hiệu chỉnh (override) lại các phương thức insert, replace: Đảm bảo là danh sách kết quả vẫn còn thứ tự.
- Thiết kế thêm (overload) phương thức insert mới không cần tham số position.

```
class Ordered_list: public List<Record> {  
public:  
    ...  
    Error_code insert (const Record &data);  
};
```

# Thêm vào danh sách có thứ tự

## - Giải thuật



### Algorithm Insert

**Input:** x là giá trị cần thêm vào

**Output:** danh sách đã thêm x vào và vẫn có thứ tự

*// Đi tìm vị trí position mà khóa của x nằm giữa khóa của các phần tử  
// tại vị trí position – 1 và position.*

1. **for** position = 0 **to** size

1.1. list\_data = phần tử tại vị trí position

1.2. **if** x nhỏ hơn hoặc bằng list\_data

1.2.1. **thêm** vào tại vị trí này

1.2.2. ngừng lại

**End Insert**

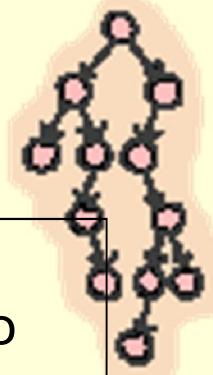
# Thêm vào danh sách có thứ tự

## - Mã C++



```
Error_code Ordered_list :: insert(const Record &data)
/* Post: If the Ordered_list is not full, the function succeeds: The Record
data is inserted into the list, following the last entry of the list with a strictly
lesser key (or in the rst list position if no list element has a lesser key).
Else: the function fails with the diagnostic Error_code overflow. */
{
    int s = size( );
    int position;
    for (position = 0; position < s; position++) {
        Record list_data;
        retrieve(position, list_data);
        if (data <= list_data) break;
    }
    return List<Record> :: insert(position, data);
}
```

# Thêm vào danh sách (viết đè) - Giải thuật



## Algorithm Insert\_override

**Input:** position là vị trí cần thêm vào, x là giá trị cần thêm vào

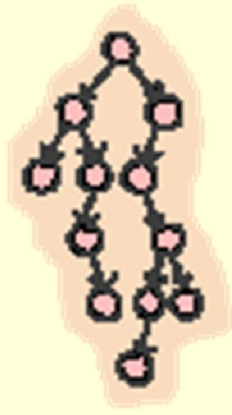
**Output:** danh sách đã thêm x vào và vẫn có thứ tự

*// Kiểm tra xem có thỏa mãn mà khóa của x nằm giữa khóa của  
// các phần tử tại vị trí position - 1 và position.*

1. **if** position > 0
  - 1.1. list\_data = phần tử tại vị trí position - 1
  - 1.2. **if** x nhỏ hơn list\_data
    - 1.2.1. có lỗi
2. **if** position < count
  - 2.1. list\_data = phần tử tại vị trí position
  - 2.2. **if** x lớn hơn list\_data
    - 2.2.1. có lỗi
3. **Thêm** vào tại vị trí này

**End** Insert\_override

# Tìm nhị phân (binary search)



📖 Ý tưởng:

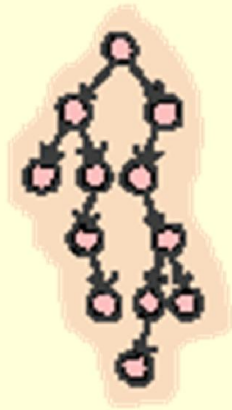
- So sánh khóa cần tìm với phần tử giữa.
- Nếu nó nhỏ hơn thì tìm bên trái danh sách.
- Ngược lại tìm bên phải danh sách.
- Lặp lại động tác này.

📖 Cần 2 chỉ mục top và bottom để giới hạn đoạn tìm kiếm trên danh sách.

📖 Khóa cần tìm nếu có chỉ nằm trong đoạn này.



# Tìm nhị phân – Cách 2



10

Target key

position = 3

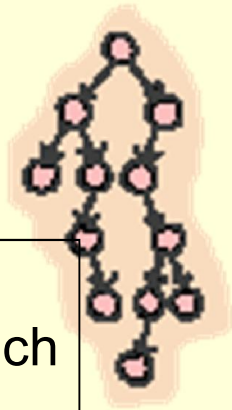
Khóa cần tìm ~~không~~ bằng

| 0           | 1 | 2 | 3  | 4           | 5  | 6  | 7  | 8  | 9        |
|-------------|---|---|----|-------------|----|----|----|----|----------|
| 2           | 5 | 8 | 10 | 12          | 13 | 15 | 18 | 21 | 24       |
| ↑<br>bottom |   |   |    | ↑<br>middle |    |    |    |    | ↑<br>top |

return success

Số lần so sánh: 7

# Tìm nhị phân – Giải thuật 2



## Algorithm Binary\_search2

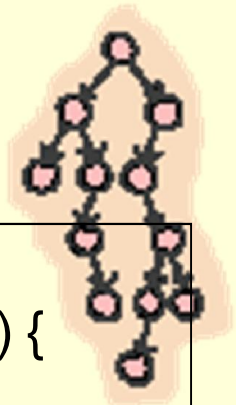
**Input:** target là khóa cần tìm, bottom và top là giới hạn danh sách

**Output:** position là vị trí nếu tìm thấy

1. **if** bottom > top
  - 1.1. **return** not\_present
2. **if** bottom <= top
  - 2.1. list\_data = phần tử tại vị trí mid = (bottom + top)/2
  - 2.2. **if** x == list\_data
    - 2.2.1. position = mid
    - 2.2.2. **return** success
  - 2.3. **if** x < list\_data
    - 2.3.1. **call** Binary\_search2 với đoạn bên trái (bottom, mid-1)
  - 2.4. **else**
    - 2.4.1. **call** Binary\_search2 với đoạn bên phải (mid+1, top)

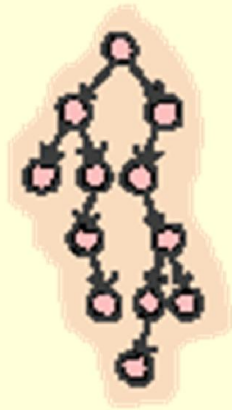
**End** Binary\_search2

# Tìm nhị phân 2 – Mã C++



```
Error_code recursive_binary_2(const Ordered_list &the list,
                             const Key &target, int bottom, int top, int &position) {
    Record data;
    if (bottom <= top) {
        int mid = (bottom + top)/2;
        the_list.retrieve(mid, data);
        if (data == target) {
            position = mid;
            return success;
        }
        else if (data < target)
            return recursive_binary_2(the list, target, mid + 1, top, position);
        else
            return recursive_binary_2(the list, target, bottom, mid - 1, position);
    }
    else return not_present;
}
```

# Tìm nhị phân – Cách 1



10

Target key

position = 3

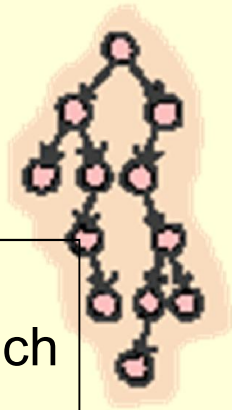
Khóa cần tìm ~~lớn hơn~~ hoặc bằng

| 0           | 1 | 2 | 3  | 4           | 5  | 6  | 7  | 8  | 9        |
|-------------|---|---|----|-------------|----|----|----|----|----------|
| 2           | 5 | 8 | 10 | 12          | 13 | 15 | 18 | 21 | 24       |
| ↑<br>bottom |   |   |    | ↑<br>middle |    |    |    |    | ↑<br>top |

return success

Số lần so sánh: 4

# Tìm nhị phân – Giải thuật 1



## Algorithm Binary\_search1

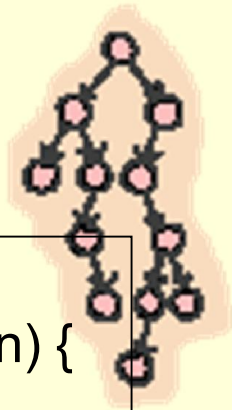
**Input:** target là khóa cần tìm, bottom và top là giới hạn danh sách

**Output:** position là vị trí nếu tìm thấy

1. **if** bottom == top
  - 1.1. **if** x == phần tử tại vị trí bottom
    - 1.1.1. position = bottom
    - 1.1.2. **return** success
2. **if** bottom > top
  - 2.1. return not\_present
3. **if** bottom < top
  - 3.1. **if** x < phần tử tại vị trí mid = (bottom + top)/2
    - 3.1.1. **call** Binary\_search1 với đoạn bên trái (bottom, mid-1)
  - 3.2. **else**
    - 3.2.1. **call** Binary\_search1 với đoạn bên phải (mid, top)

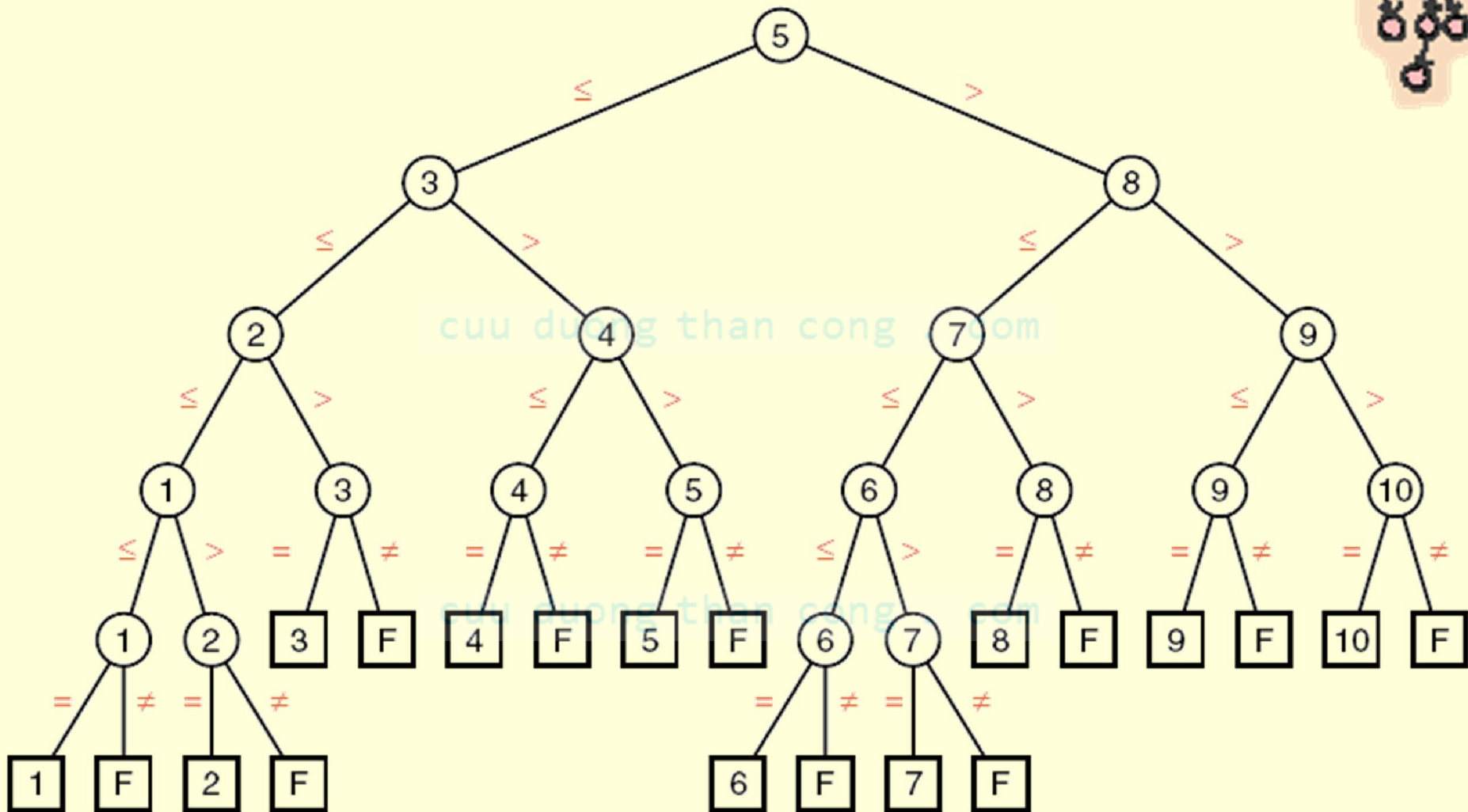
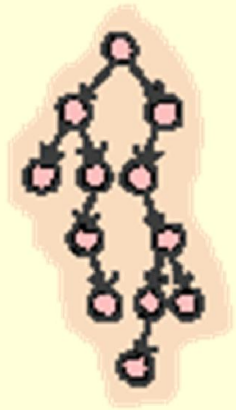
**End** Binary\_search1

# Tìm nhị phân 1 – Mã C++

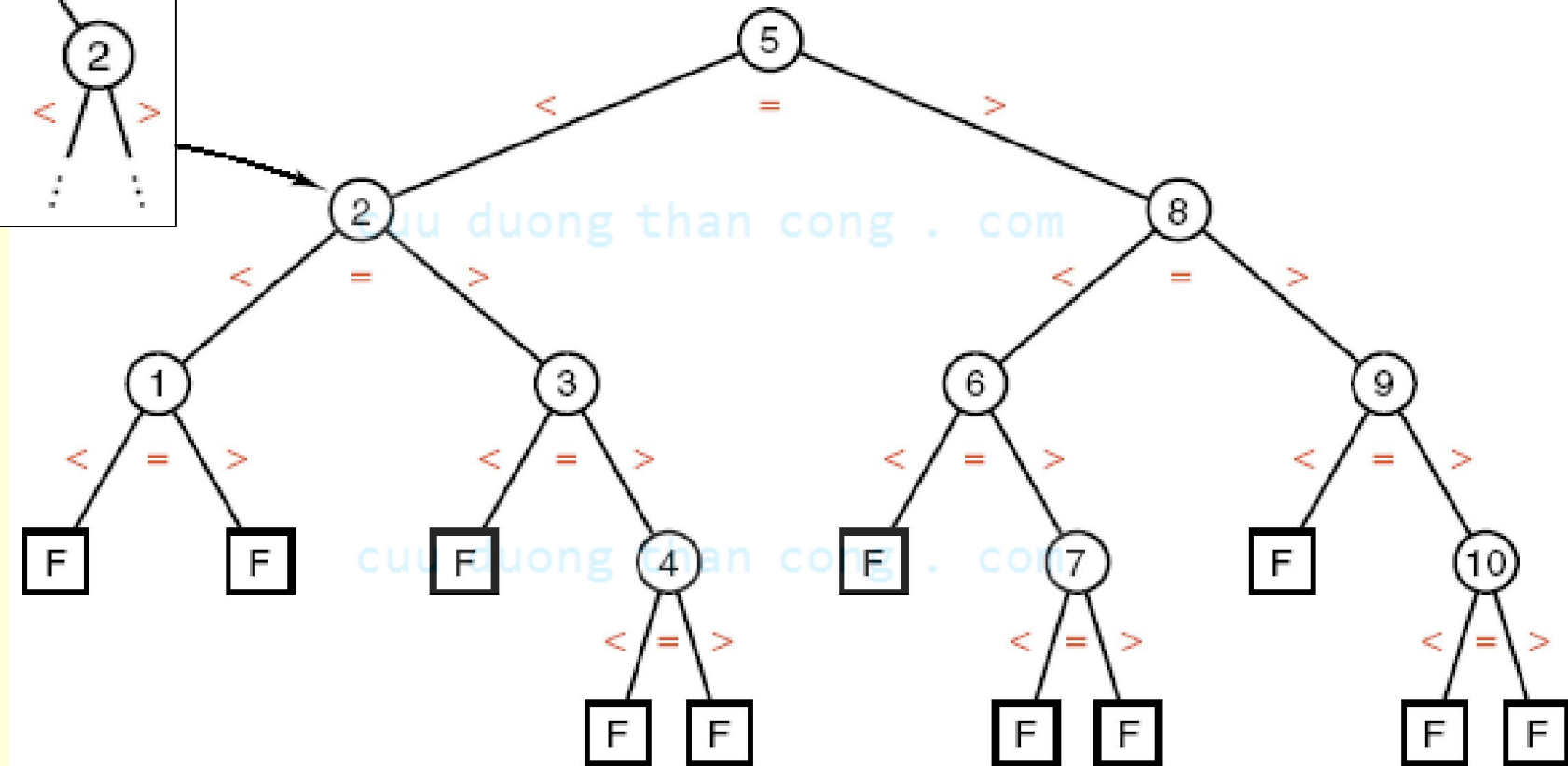
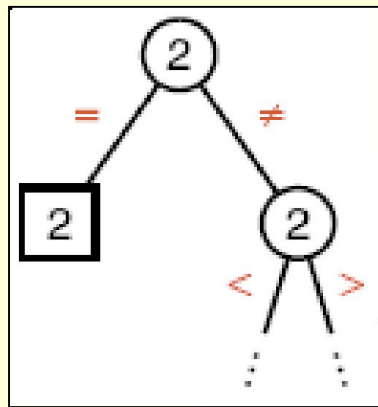
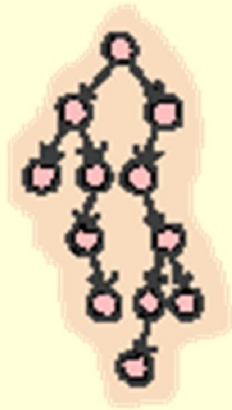


```
Error_code recursive_binary_1(const Ordered_list &the_list,
                             const Key &target, int bottom, int top, int &position) {
    Record data;
    if (bottom < top) { // List has more than one entry.
        the_list.retrieve((bottom + top)/2, data);
        if (data < target)
            return recursive_binary_1(the_list, target, mid + 1, top, position);
        else // Reduce to bottom half of list.
            return recursive_binary_1(the_list, target, bottom, mid, position);
    } else if (top < bottom)
        return not_present; // List is empty.
    else { position = bottom;
        the_list.retrieve(bottom, data);
        if (data == target) return success;
        else return not_present;
    }
}
```

# Cây so sánh của giải thuật 1

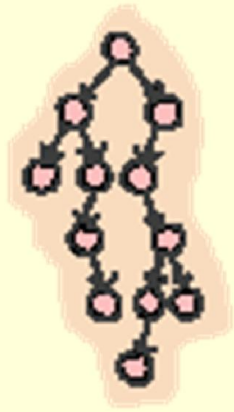


# Cây so sánh của giải thuật 2





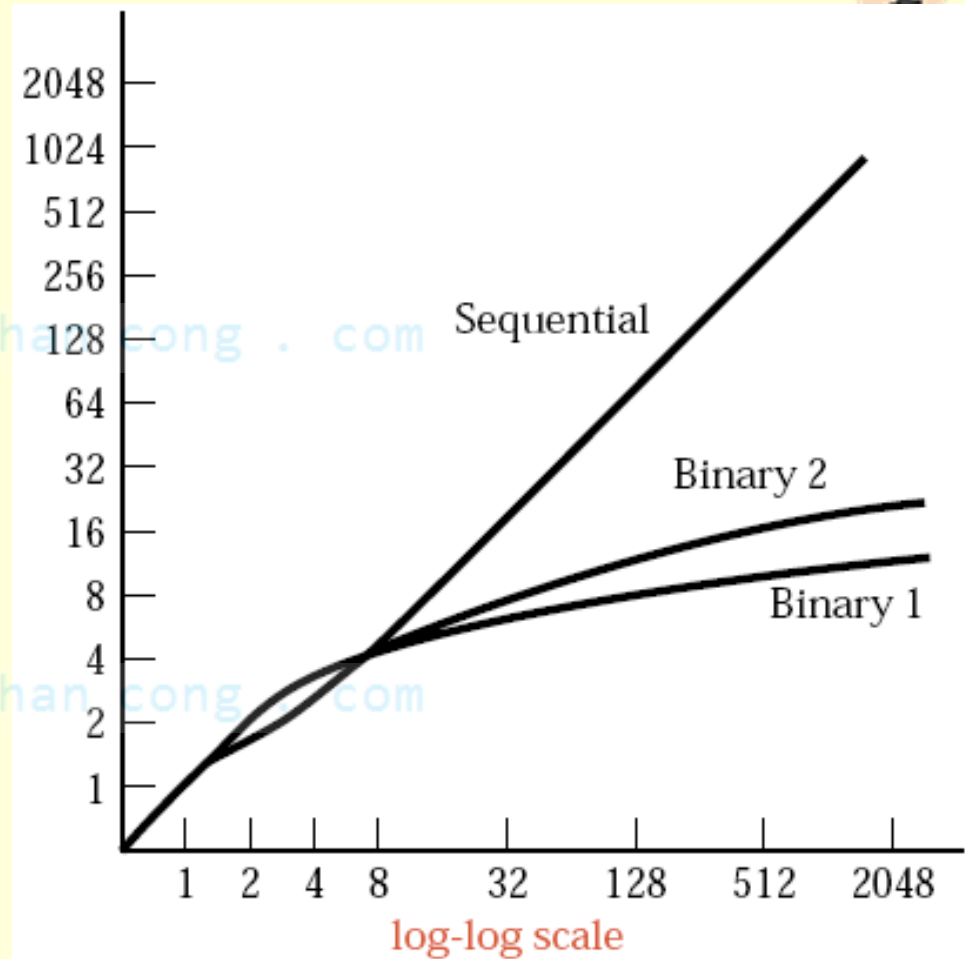
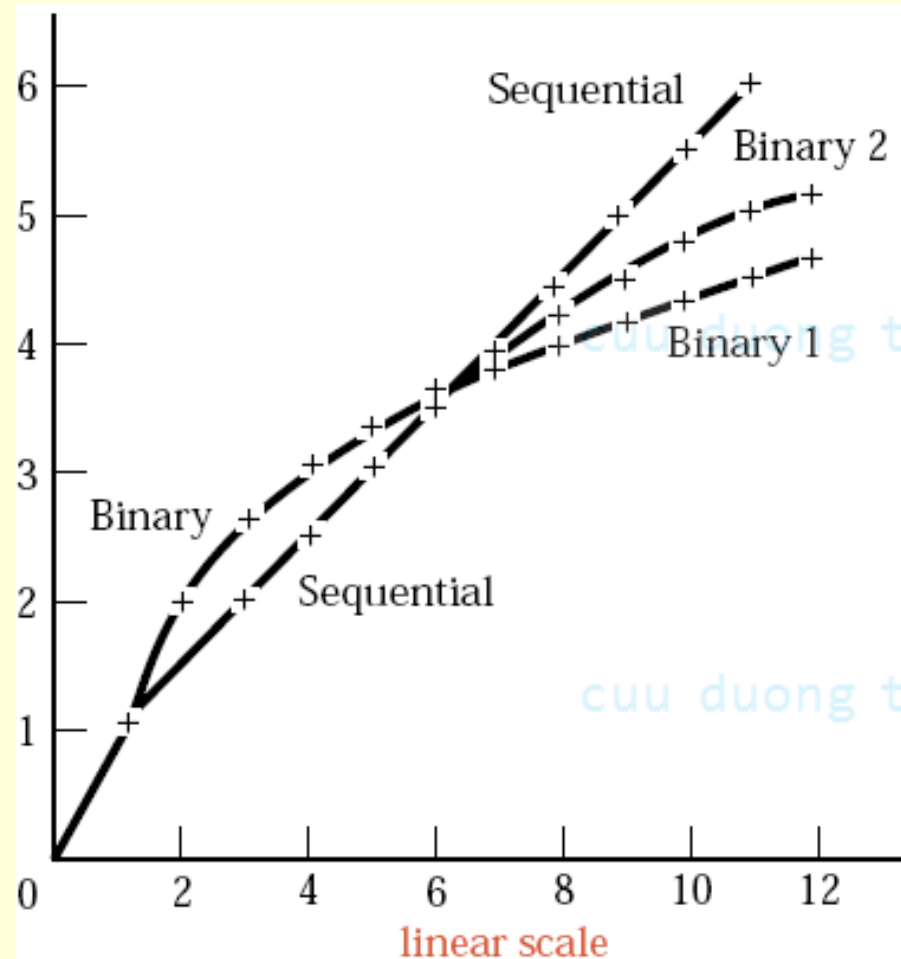
# Tìm nhị phân – Đánh giá



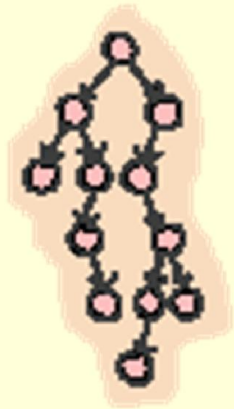
|                 | <i>Successful search</i> | <i>Unsuccessful search</i> |
|-----------------|--------------------------|----------------------------|
| binary_search_1 | $\lg n + 1$              | $\lg n + 1$                |
| binary_search_2 | $2 \lg n - 3$            | $2 \lg n$                  |

cuu duong than cong . com

# So sánh trong trường hợp trung bình các giải thuật



# Đánh giá độ phức tạp của giải thuật



So sánh với các hàm cơ bản:

- $g(n) = 1$  Constant function
- $g(n) = \log n$  Logarithmic function
- $g(n) = n$  Linear function
- $g(n) = n^2$  Quadratic function
- $g(n) = n^3$  Cubic function
- $g(n) = 2^n$  Exponential function

# Độ phức tạp tính bằng tiệm cận



DEFINITION If  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = 0$  then:

$f(n)$  has **strictly smaller order of magnitude** than  $g(n)$ .

[cuuduongthancong.com](http://cuuduongthancong.com)

If  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{f(n)}{g(n)}$  is finite and nonzero then:

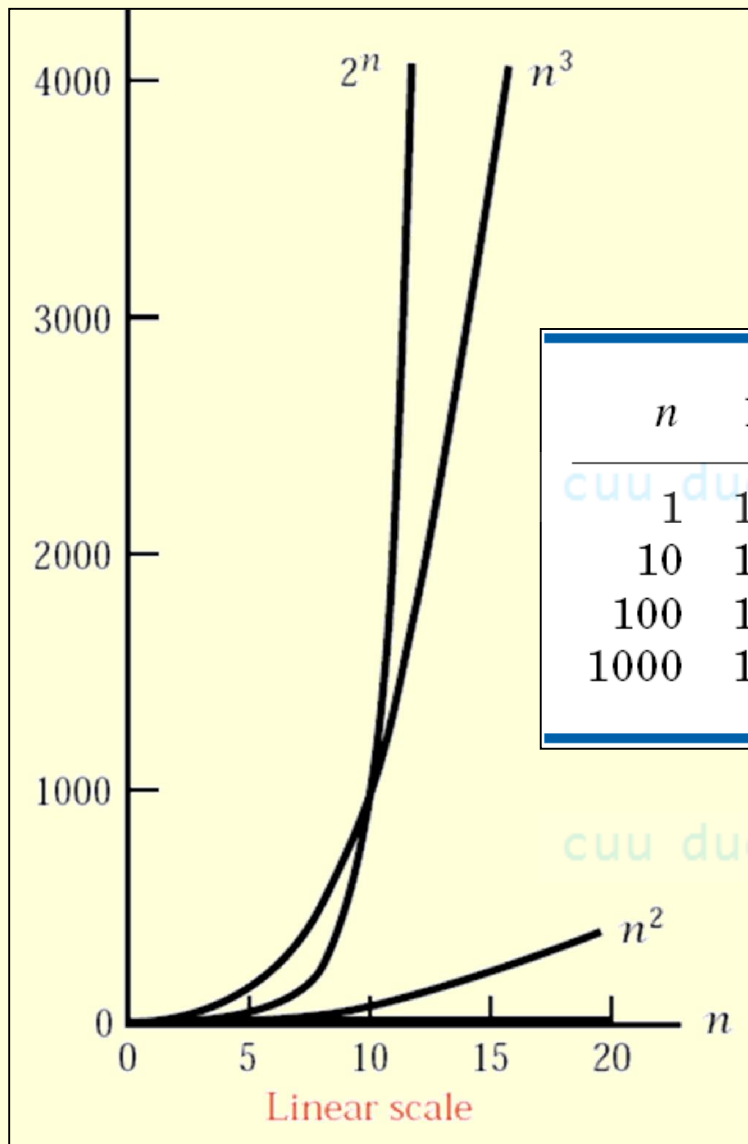
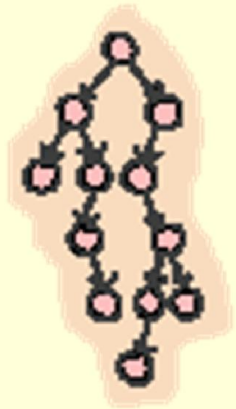
$f(n)$  has **the same order of magnitude** as  $g(n)$ .

If  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = \infty$  then:

[cuuduongthancong.com](http://cuuduongthancong.com)

$f(n)$  has **strictly greater order of magnitude** than  $g(n)$ .

# Độ tăng của các hàm chung



| $n$  | 1 | $\lg n$ | $n$  | $n \lg n$ | $n^2$     | $n^3$     | $2^n$                  |
|------|---|---------|------|-----------|-----------|-----------|------------------------|
| 1    | 1 | 0.00    | 1    | 0         | 1         | 1         | 2                      |
| 10   | 1 | 3.32    | 10   | 33        | 100       | 1000      | 1024                   |
| 100  | 1 | 6.64    | 100  | 664       | 10,000    | 1,000,000 | $1.27 \times 10^{30}$  |
| 1000 | 1 | 9.97    | 1000 | 9970      | 1,000,000 | $10^9$    | $1.07 \times 10^{301}$ |

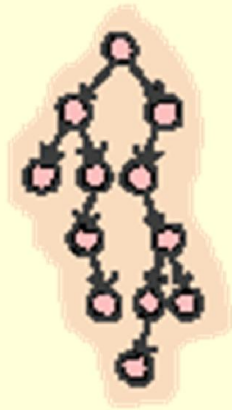
# Ký hiệu Big-O



| $f(n) \in$     | Bậc của $f$ so với $g$            | $\lim_{n \rightarrow \infty} (f(n)/g(n))$ |
|----------------|-----------------------------------|-------------------------------------------|
| $o(g(n))$      | $< : \text{nhỏ hơn hẳn}$          | 0                                         |
| $O(g(n))$      | $\leq : \text{nhỏ hơn hoặc bằng}$ | $a$                                       |
| $\Theta(g(n))$ | $= : \text{bằng}$                 | $a \neq 0$                                |
| $\Omega(g(n))$ | $\geq : \text{lớn hơn hoặc bằng}$ | $a \neq 0 \text{ hoặc là } \infty$        |

Thứ tự tăng dần về độ lớn:

$O(1)$   $O(\lg n)$   $O(n)$   $O(n \lg n)$   $O(n^2)$   $O(n^3)$   $O(2^n)$



cuu duong than cong . com

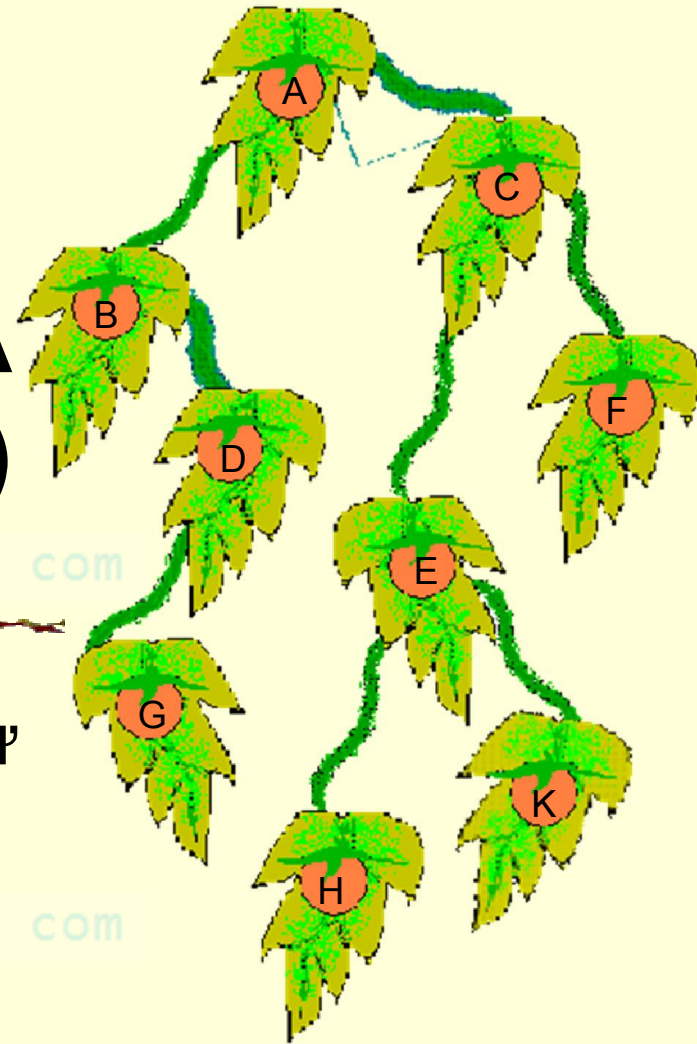
cuu duong than cong . com

# CẤU TRÚC DỮ LIỆU VÀ GIẢI THUẬT (501040)

cuu duong than cong . com

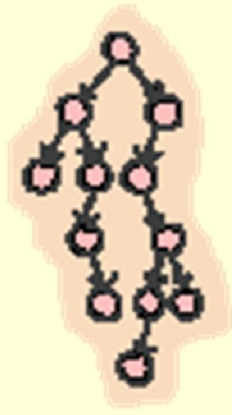
## Chương 8: Sắp thứ tự

cuu duong than cong . com





# Khái niệm



## Sắp thứ tự:

- Đầu vào: một danh sách
- Đầu ra: danh sách có thứ tự tăng (hoặc giảm) trên khóa

[cuu duong than cong . com](http://cuuduongthancong.com)

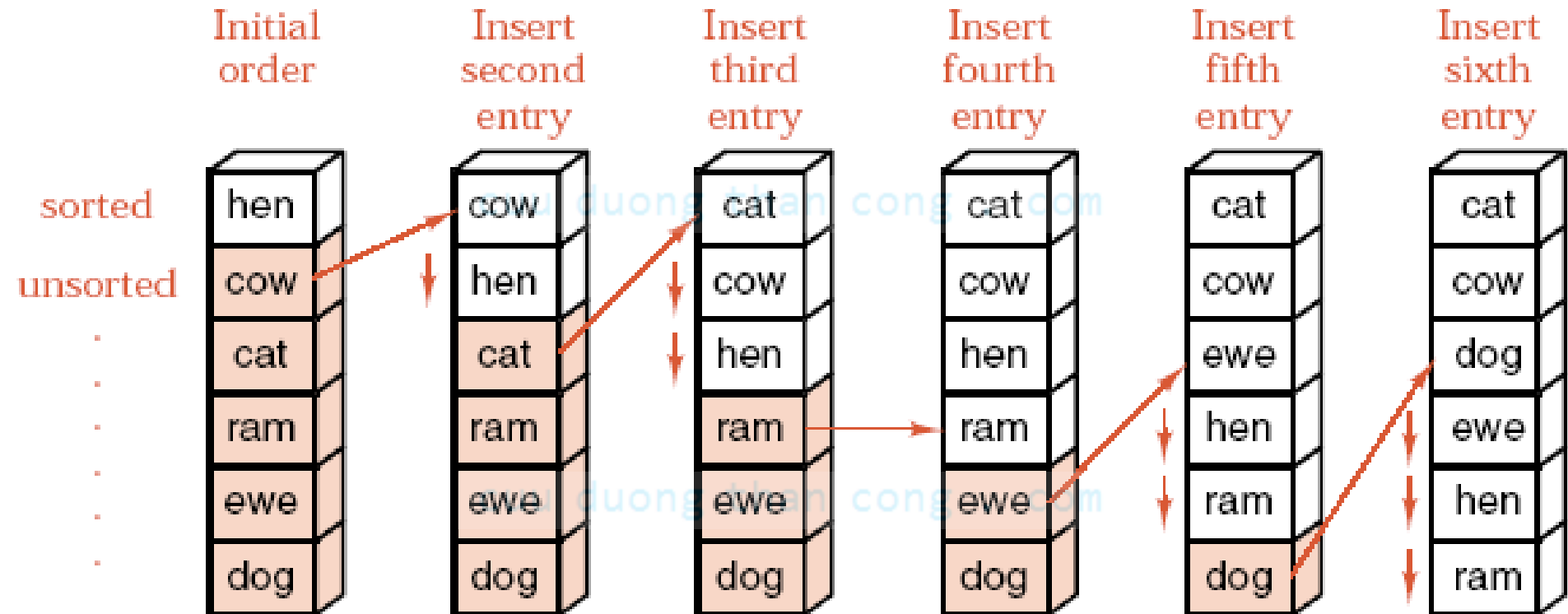
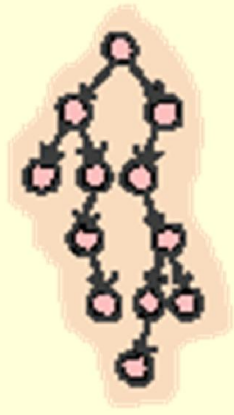
## Phân loại:

- Sắp thứ tự ngoại (external sort): tập tin
- Sắp thứ tự nội (internal sort): bộ nhớ

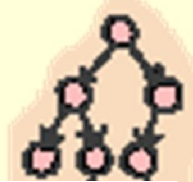
## Giả thiết: [cuu duong than cong . com](http://cuuduongthancong.com)

- Sắp thứ tự nội
- Sắp tăng dần

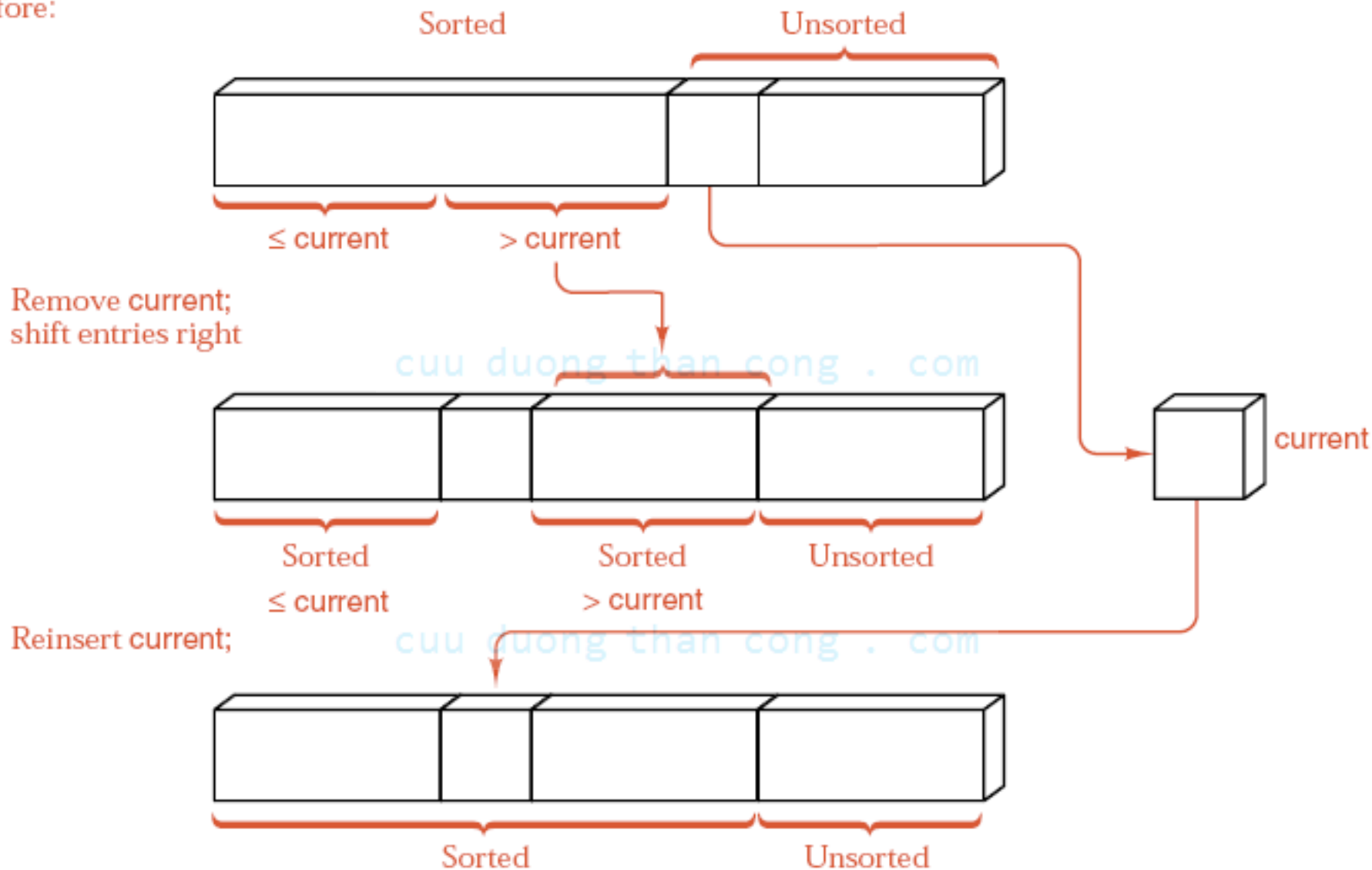
# Insertion sort



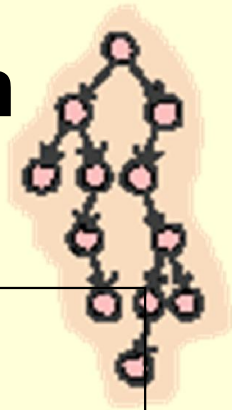
# Insertion sort - Danh sách liên tục



Before:



# Giải thuật insertion sort – Danh sách liên tục



## Algorithm Insertion\_sort

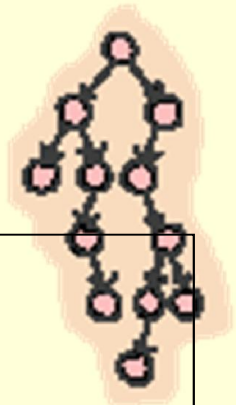
**Input:** danh sách cần sắp thứ tự

**Output:** danh sách đã được sắp thứ tự

1. **for** first\_unsorted = 1 to size  
*//Tìm vị trí hợp lý để chèn giá trị đang có vào*
  - 1.1. current = list[first\_unsorted]
  - 1.2. position = first\_unsorted
  - 1.3. **while** (position > 0 and list[position - 1] > current)  
*//Dời chỗ các phần tử lớn về sau*
    - 1.3.1. list[position] = list[position - 1]
    - 1.3.2. position = position - 1
  - //Chép phần tử trước đó vào đúng vị trí của nó*
  - 1.4. list[position] = current

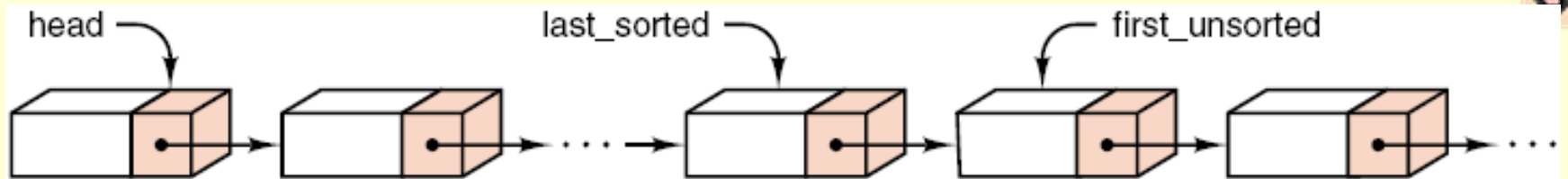
**End Insertion\_sort**

# Mã C++ Insertion sort – Danh sách liên tục

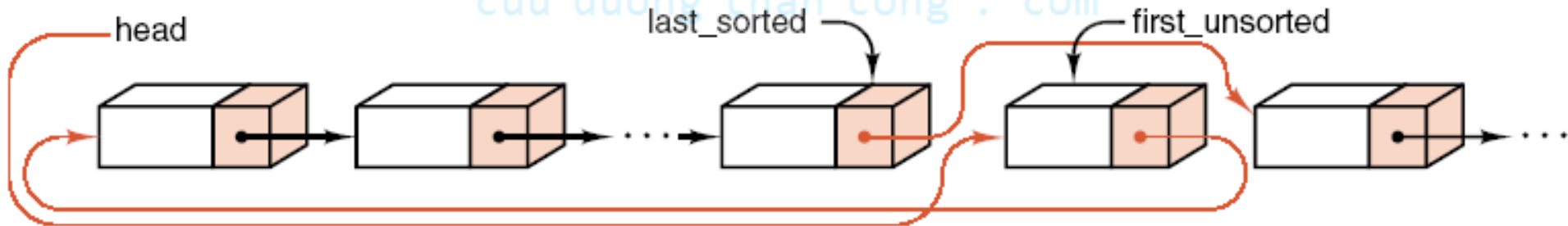


```
template <class Record>
void Sortable_list<Record> :: insertion_sort( ) {
    int first_unsorted;    // position of first unsorted entry
    int position;          // searches sorted part of list
    Record current;        // holds the entry temporarily removed from list
    for (first_unsorted = 1; first_unsorted < count; first_unsorted++)
        if (entry[first_unsorted] < entry[first_unsorted - 1]) {
            position = first_unsorted;
            current = entry[first_unsorted];    // Pull unsorted entry out of the list.
            do {
                // Shift all entries until the proper position is found.
                entry[position] = entry[position - 1];
                position--;    // position is empty.
            } while (position > 0 && entry[position - 1] > current);
            entry[position] = current;
        }
}
```

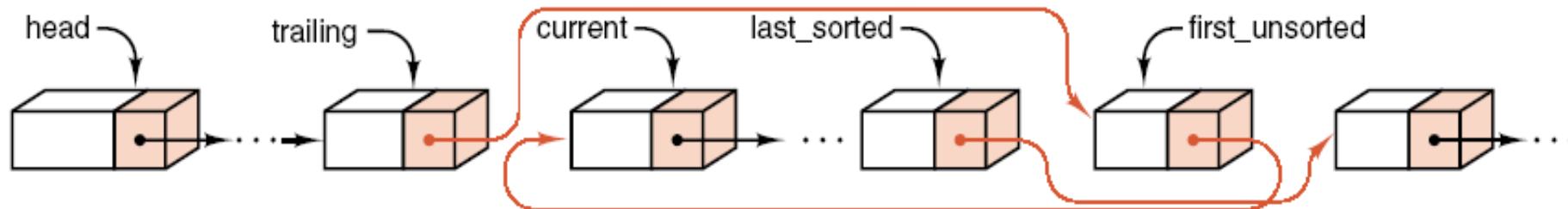
# Insertion sort – DSLK



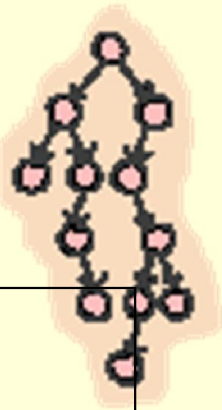
Case 1: \*first\_unsorted belongs at head of list



Case 2: \*first\_unsorted belongs between \*trailing and \*current



# Giải thuật Insertion sort - DSLK



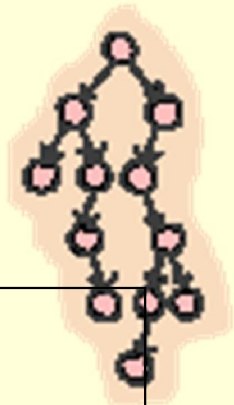
## Algorithm Insertion\_sort

**Input:** danh sách cần sắp thứ tự và có ít nhất 1 phần tử

**Output:** danh sách đã được sắp thứ tự

1. last\_sorted = head  
*//Đi dọc danh sách liên kết*
2. **while** (last\_sorted chưa là phần tử cuối)
  - 2.1. first\_unsorted là phần tử kế của last\_sorted  
*//Chèn vào đầu?*
  - 2.2. **if** (dữ liệu của first\_unsorted < dữ liệu của head)  
*//Chèn vào đầu*
    - 2.2.1. Gỡ first\_unsorted ra khỏi danh sách
    - 2.2.2. Nối first\_unsorted vào đầu danh sách
    - 2.2.3. head = first\_unsorted

# Giải thuật Insertion sort – DSLK (tt.)



## 2.3. else

*//Tìm vị trí hợp lý để chèn giá trị đang có vào*

2.3.1. tailing = head

2.3.2. current là phần tử kế của tailing

2.3.3. **while** (dữ liệu của first\_unsorted > dữ liệu của current)

2.3.3.1. Di chuyển tailing và current đến phần tử kế

2.3.4. **if** (first\_unsorted chính là current)

2.3.4.1. last\_sorted = current *//Đã đúng vị trí rồi*

## 2.3.5. else

2.3.4.1. Gỡ first\_unsorted ra khỏi danh sách

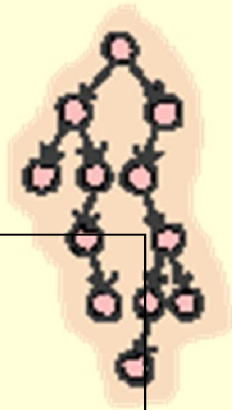
2.3.4.2. Nối first\_unsorted vào giữa tailing và current

2.4. Di chuyển last\_sorted đến phần tử kế

**End Insertion\_sort**

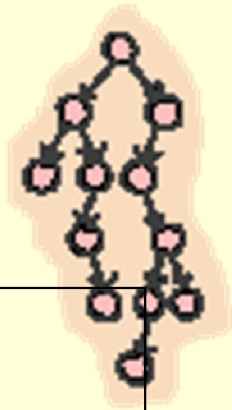


# Mã C++ Insertion sort - DSLK



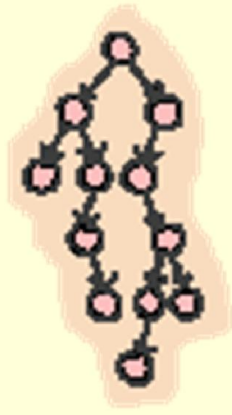
```
template <class Record>
void Sortable_list<Record> :: insertion_sort( ) {
    Node <Record> *first_unsorted, *last_sorted, *current, *trailing;
    if (head != NULL) {
        last_sorted = head;
        while (last_sorted->next != NULL) {
            first_unsorted = last_sorted->next;
            if (first_unsorted->entry < head->entry) {
                last_sorted->next = first_unsorted->next;
                first_unsorted->next = head;
                head = first_unsorted; }
            else { trailing = head;
                current = trailing->next;
                while (first_unsorted->entry > current->entry) {
                    trailing = current;
                    current = trailing->next;
                }
            }
        }
    }
```

# Mã C++ Insertion sort – DSLK (tt.)



```
    if (first_unsorted == current)
        last_sorted = first_unsorted;
    else {
        last_sorted->next = first_unsorted->next;
        first_unsorted->next = current;
        trailing->next = first_unsorted;
    }
}
}
```

# Đánh giá Insertion sort



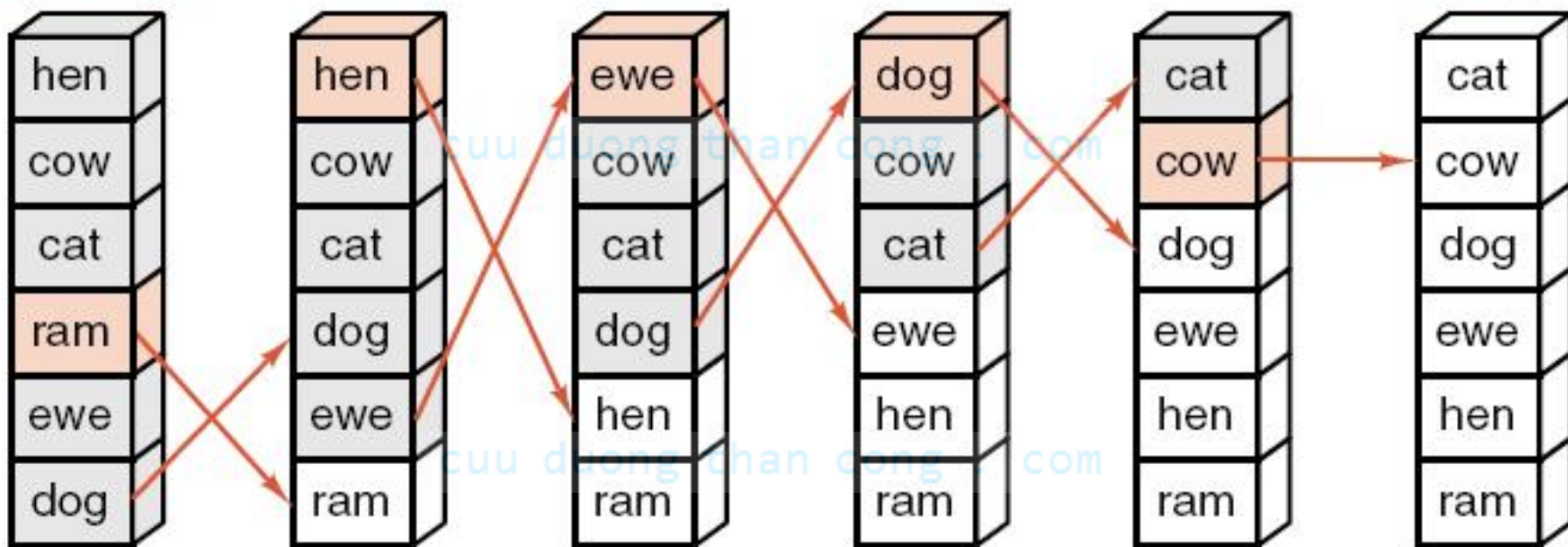
- 📖 Danh sách có thứ tự ngẫu nhiên:
  - So sánh trung bình là  $n^2/4 + O(n)$
  - Dời chỗ trung bình là  $n^2/4 + O(n)$
- 📖 Danh sách có thứ tự tăng dần: tốt nhất
  - So sánh  $n-1$  lần
  - Dời chỗ 0 lần
- 📖 Danh sách có thứ tự giảm dần: tệ nhất
  - So sánh  $n^2/2 + O(n)$  lần
  - Dời chỗ  $n^2/2 + O(n)$  lần

# Selection sort

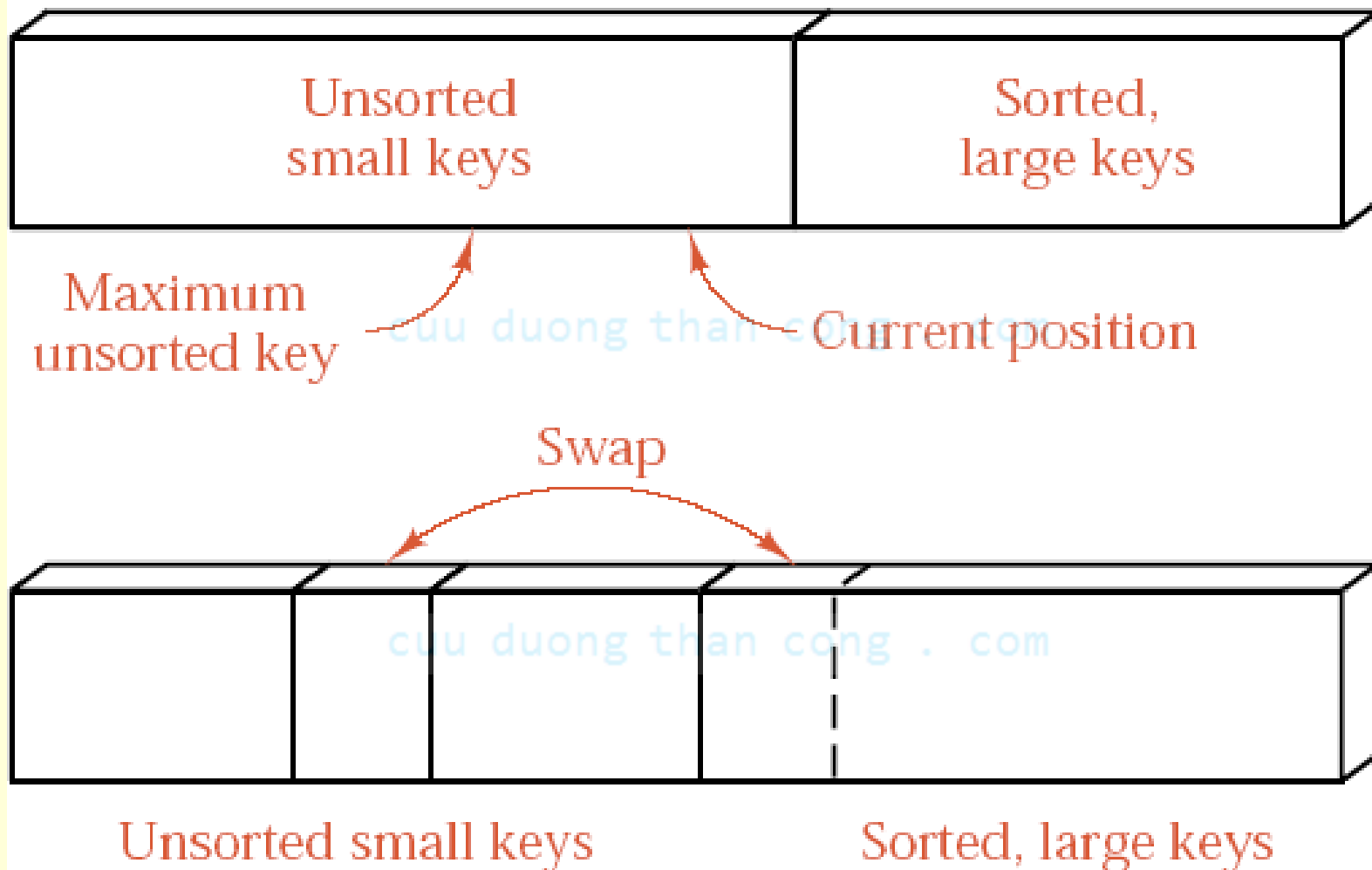
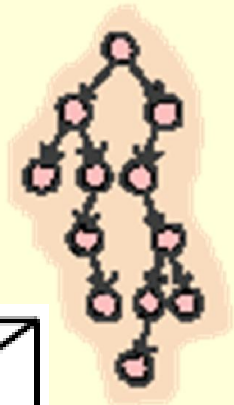


Initial order

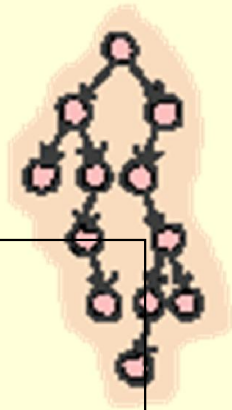
Sorted



# Selection sort – Danh sách liên tục



# Giải thuật Selection sort



## Algorithm Selection\_sort

**Input:** danh sách cần sắp thứ tự

**Output:** danh sách đã được sắp thứ tự

1. **for** position = size - 1 **downto** 0

*//Tìm vị trí phần tử có khóa lớn nhất trong phần chưa sắp thứ tự*

1.1. max = 0

*//Giả sử phần tử đó ở tại 0*

1.2. **for** current = 1 **to** position

*//Xét các phần tử còn lại*

1.2.1. **if** (list[current] > list[max])

*//Nếu có phần tử nào lớn hơn*

1.2.1.1. max = current

*//thì giữ lại vị trí đó*

*//Đổi chỗ phần tử này với phần tử đang xét*

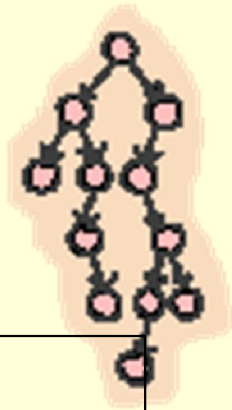
1.3. temp = list[max]

1.4. list[max] = list[position]

1.5. list[position] = temp

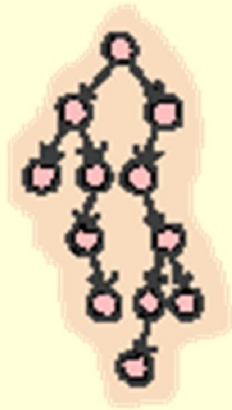
**End Selection\_sort**

# Mã C++ Selection sort



```
template <class Record>
void Sortable_list<Record> :: selection_sort( ) {
    Record temp;
    for (int position = count - 1; position > 0; position--) {
        int largest = 0;
        for (int current = 1; current <= position; current++)
            if (entry[largest] < entry[current])
                largest = current;
        temp = entry[largest];
        entry[largest] = entry[position];
        entry[position] = temp;
    }
}
```

# Đánh giá Selection sort



## Danh sách bất kỳ

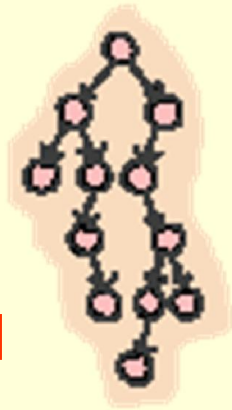
- Số lần so sánh:  $n(n-1)/2$
- Số lần dời chỗ:  $3n$

## So sánh với insertion sort: [cuu duong than cong . com](https://fb.com/taoindientuocatt)

|                               | <i>Selection</i> | <i>Insertion (average)</i> |
|-------------------------------|------------------|----------------------------|
| <i>Assignments of entries</i> | $3.0n + O(1)$    | $0.25n^2 + O(n)$           |
| <i>Comparisons of keys</i>    | $0.5n^2 + O(n)$  | $0.25n^2 + O(n)$           |



# Bubble sort



Bước 1

|   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|
| 6 | 4 | 7 | 2 | 3 |
|---|---|---|---|---|

sorted

Bước 2

|   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|
| 4 | 6 | 2 | 3 | 7 |
|---|---|---|---|---|

sorted

Bước 3

|   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|
| 4 | 2 | 3 | 6 | 7 |
|---|---|---|---|---|

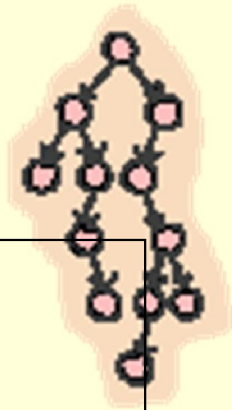
sorted

Bước 4

|   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|
| 2 | 3 | 4 | 6 | 7 |
|---|---|---|---|---|

sorted

# Giải thuật Bubble sort



## Algorithm Bubble\_sort

**Input:** danh sách cần sắp thứ tự

**Output:** danh sách đã được sắp thứ tự

1. **for** step = 1 **to** size-1

*//Với mỗi cặp phần tử kề bất kỳ, sắp thứ tự chúng.*

*//Sau mỗi bước phần tử cuối của danh sách hiện tại là lớn nhất,*

*//vì vậy được trừ ra cho bước kế tiếp*

1.1. **for** current = 1 **to** (size - step)

*//Nếu cặp phần tử kề hiện tại không đúng thứ tự*

1.1.1. **if** (list[current] < list[current-1])

*//Đổi chỗ chúng*

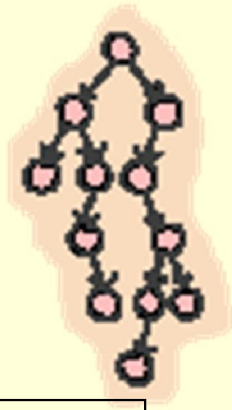
1.1.1.1. temp = list[current]

1.1.1.2. list[current] = list[current-1]

1.1.1.3. list[current-1] = temp

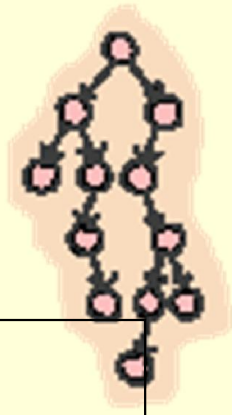
**End Bubble\_sort**

# Mã C++ Bubble sort



```
template <class Record>
void Sortable_list<Record> :: bubble_sort( ) {
    Record temp;
    for (int position = count - 1; position > 0; position--)
        for (int current = 1; current < position; current++)
            if (entry[current] < entry[current-1]) {
                temp = entry[current];
                entry[current] = entry[current-1];
                entry[current-1] = temp;
            }
}
```

# Bubble sort là exchange sort



## Algorithm Exchange\_sort

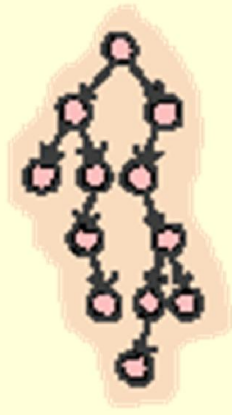
**Input:** danh sách cần sắp thứ tự

**Output:** danh sách đã được sắp thứ tự

1. exchanged = true
2. **while** exchanged
  - //Giả sử lần lặp này không có sự đổi chỗ thì nó đã có thứ tự*
  - 2.1. exchanged = false
  - 2.2. **for** current = 1 **to** size – 1
    - //Nếu cặp này không có thứ tự thì đổi chỗ và ghi nhận lại*
    - 2.2.1. **if** (list[current] < list[current-1])
      - 2.2.1.1. exchange (current, current-1)
      - 2.2.1.2. exchanged = true

**End** Exchange\_sort

# Đánh giá Bubble sort



📖 Số lần so sánh:  $n(n-1)/2$

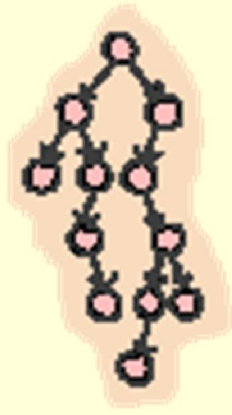
📖 Số lần dời chỗ:

- Danh sách có thứ tự tăng dần: tốt nhất là 0 lần

- Danh sách có thứ tự giảm dần: tệ nhất là  $3*n(n-1)/2$

cuu duong than cong . com

# Chia để trị



## Ý tưởng:

- Chia danh sách ra làm 2 phần
- Sắp thứ tự riêng cho từng phần
- Trộn 2 danh sách riêng đó thành danh sách có thứ tự

## Hai giải thuật:

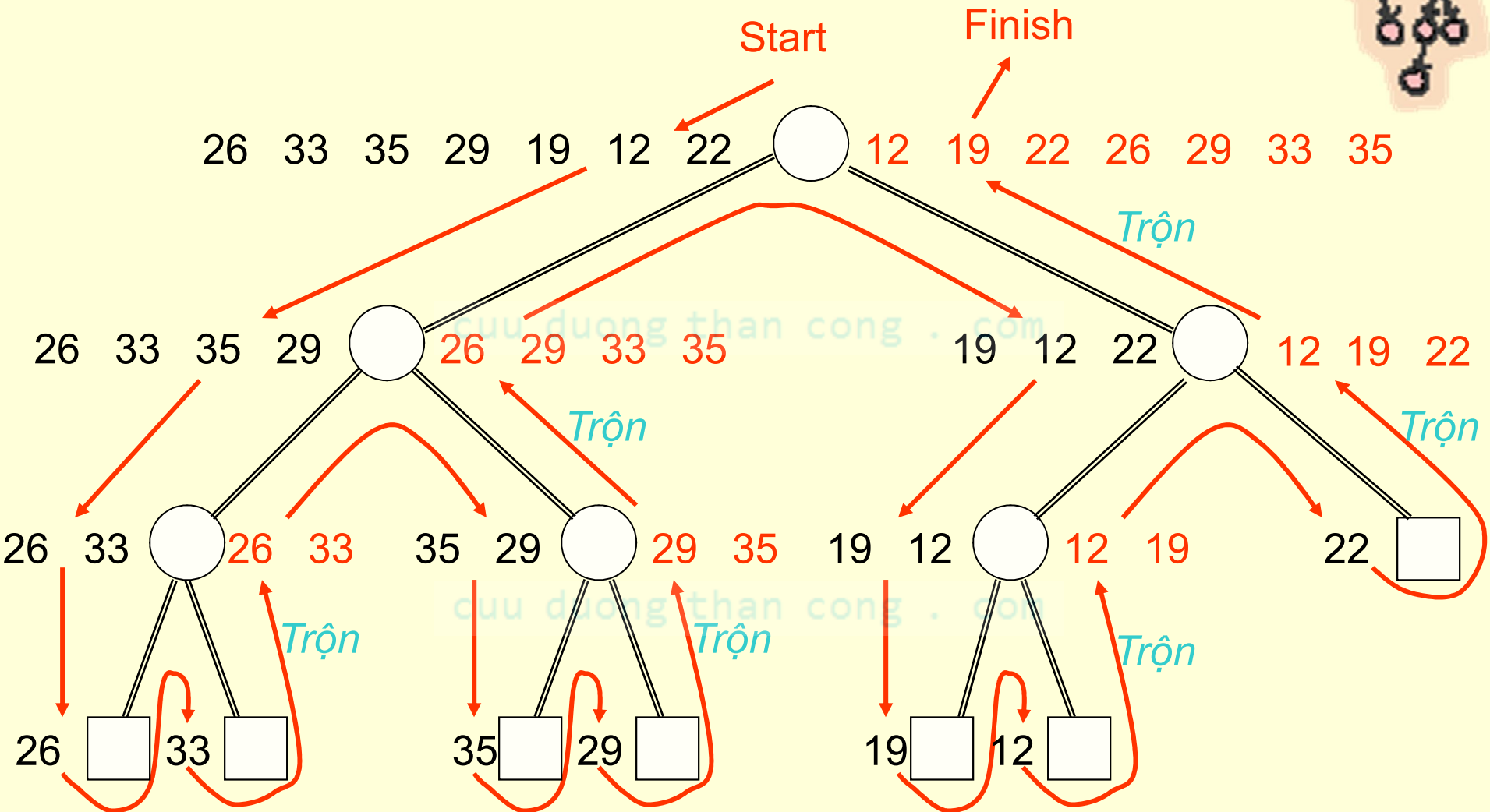
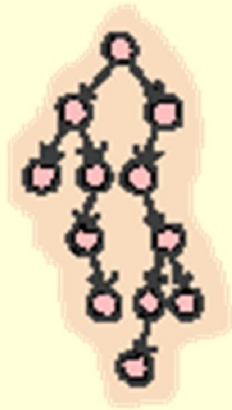
- Merge sort:
  - Chia đều thành 2 danh sách
  - Sắp thứ tự riêng
  - Trộn lại
- Quick sort:
  - Chia thành 3 phần: nhỏ, giữa (pivot), lớn
  - Sắp thứ tự riêng

# Đánh giá sơ giải thuật chia để trị



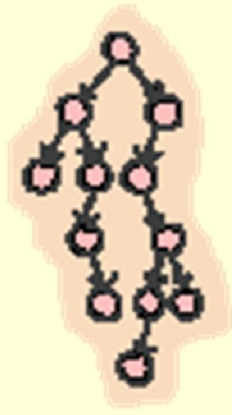
- Giả sử 2 danh sách có số phần tử là  $n' = n/2$
- Dùng insertion sort riêng cho từng mảnh
- Trộn 2 danh sách tốn  $(n' + n') = n$  lần so sánh
- Số lần so sánh tổng cộng:  $2 * ((n/2)^2/2 + O(n/2)) + n = n^2/4 + O(n)$
- So sánh với insertion sort là  $n^2/2 + O(n)$
- Có vẻ nhanh hơn

# Merge sort





# Đánh giá Merge sort



## 📖 Độ phức tạp:

- Có tối đa  $\lg n$  mức
- Ở mỗi mức, cần trộn  $n$  phần tử

## 📖 Hạn chế: [cuuduongthancong.com](http://cuuduongthancong.com)

- Danh sách liên tục: di chuyển các phần tử nhiều
- Nên dùng trong DSLK

Lower bound:

Mergesort:

Insertion sort:

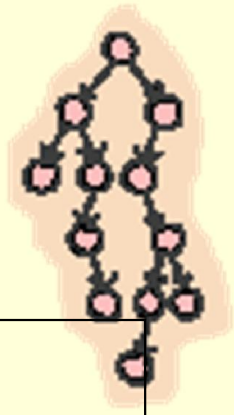
[cuuduongthancong.com](http://cuuduongthancong.com)

$$\lg n! \approx n \lg n - 1.44n + O(\log n)$$

$$n \lg n - 1.1583n + 1,$$

$$\frac{1}{4}n^2 + O(n)$$

# Giải thuật Merge sort - DSLK



## Algorithm Merge\_sort

**Input:** danh sách cần sắp thứ tự

**Output:** danh sách đã được sắp thứ tự

1. **if** (có ít nhất 2 phần tử)

*//Chia danh sách ra 2 phần bằng nhau:*

1.1. second\_half = divide\_from (sub\_list)

*//Sắp xếp riêng từng phần*

1.2. **Call** Merge\_sort với sub\_list

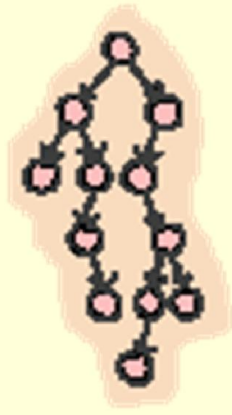
1.3. **Call** Merge\_sort với second\_half

*//Trộn hai phần này với nhau*

1.4. **Call** Merge với sub\_list và second\_half

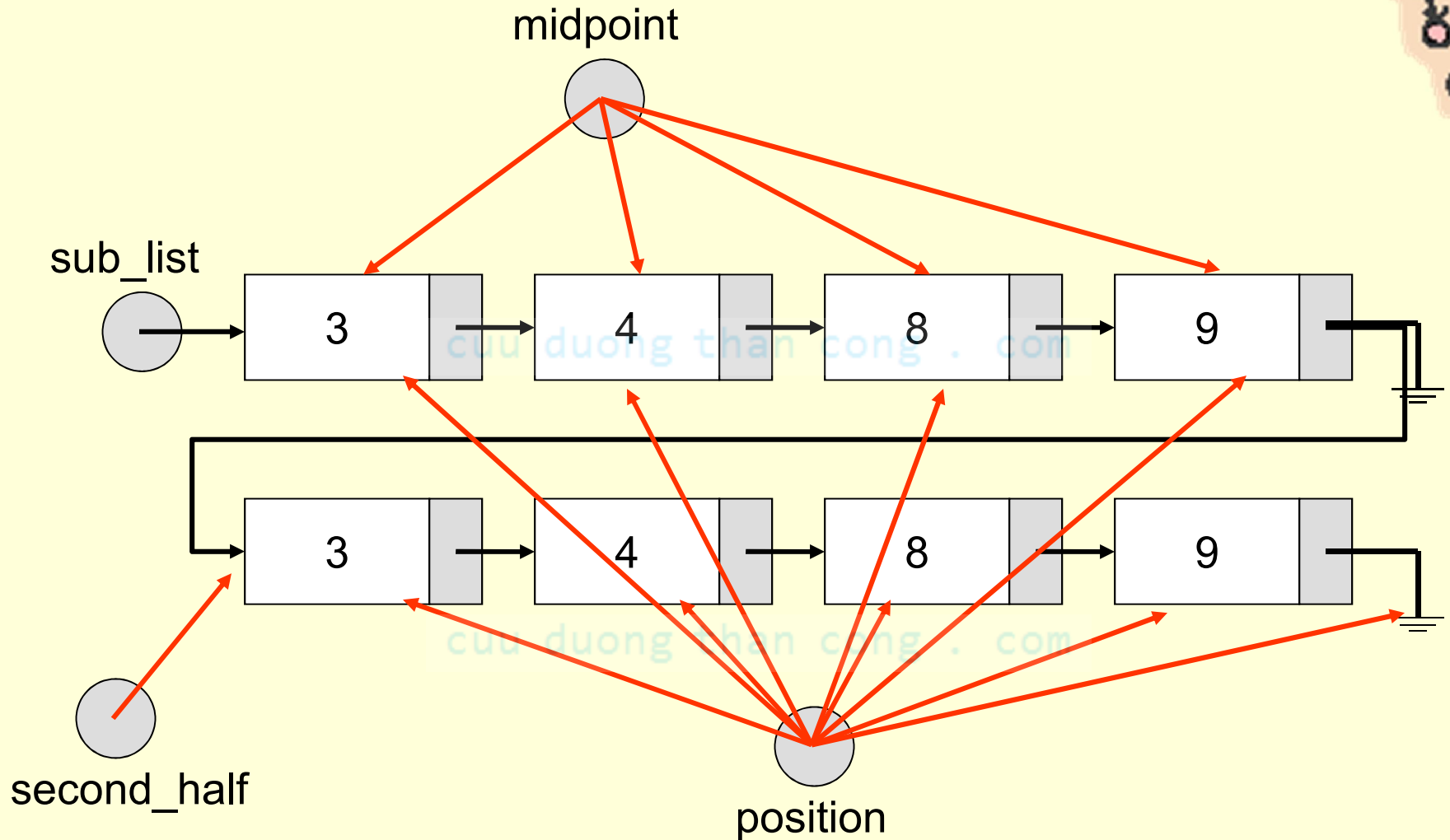
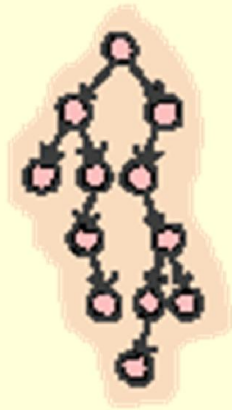
**End Merge\_sort**

# Mã C++ Merge sort

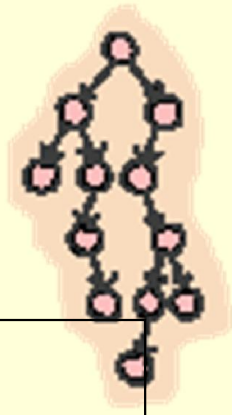


```
template <class Record>
void Sortable_list<Record> ::
    recursive_merge_sort (Node<Record> * &sub_list) {
    if (sub_list != NULL && sub_list->next != NULL) {
        Node<Record> *second_half = divide_from(sub_list);
        recursive_merge_sort(sub_list);
        recursive_merge_sort(second_half);
        sub_list = merge(sub_list, second_half);
    }
}
```

# Chia đôi DSLK



# Giải thuật chia đôi DSLK



**Algorithm** divide\_from

**Input:** danh sách cần chia đôi

**Output:** hai danh sách dài gần bằng nhau

1. **if** (có ít nhất 1 phần tử)

*//Dùng một con trỏ di chuyển nhanh gấp đôi con trỏ còn lại*

1.1. midpoint = sub\_list

1.2. position là phần tử kế của midpoint

1.3. **while** (position is not NULL)

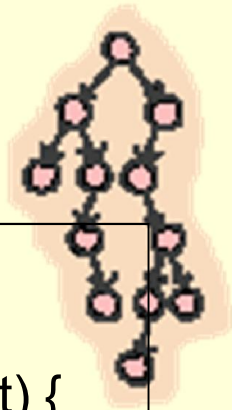
1.3.1. Di chuyển position đến phần tử kế 2 lần

1.3.2. Di chuyển midpoint đến phần tử kế

1.4. Cắt danh sách ra 2 phần tại vị trí này

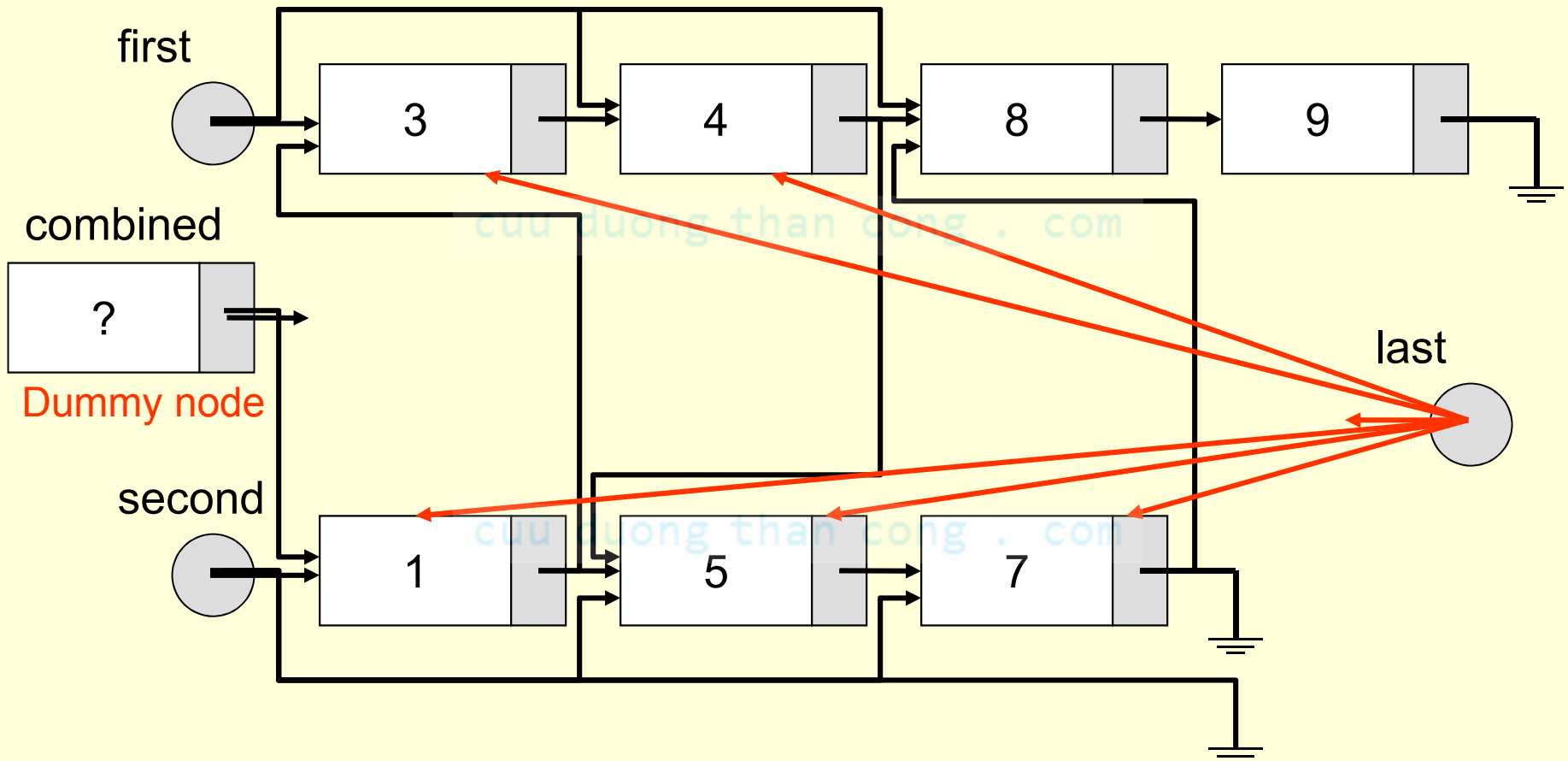
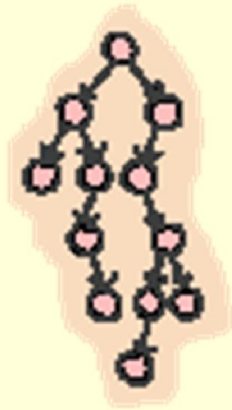
**End** divide\_from

# Mã C++ chia đôi DSLK

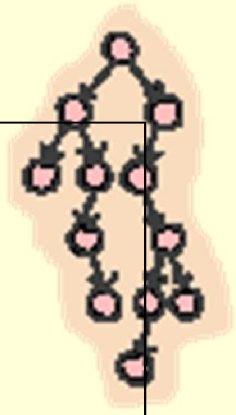


```
template <class Record>
Node<Record> *Sortable_list<Record> ::
    divide_from (Node<Record> *sub_list) {
    Node<Record> *position, *midpoint, *second_half;
    if ((midpoint = sub_list) == NULL) return NULL;
    position = midpoint->next;
    while (position != NULL) {
        position = position->next;           //Di chuyển một lần
        if (position != NULL) {             //Dừng ngay trước điểm giữa
            midpoint = midpoint->next;
            position = position->next;       //Di chuyển lần thứ hai
        }
    }
    second_half = midpoint->next;           //Phần sau là sau điểm dừng
    midpoint->next = NULL;                 //Tách đôi danh sách
    return second_half;
}
```

# Trộn 2 DSLK có thứ tự



# Giải thuật trộn hai DSLK có thứ tự



## Algorithm Merge

**Input:** hai DSLK first và second có thứ tự

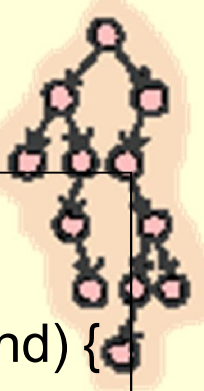
**Output:** một DSLK có thứ tự

1. last\_sorted là một node giả
2. **while** (first và second khác NULL)      *//Cả hai vẫn còn*
  - 2.1. **if** (dữ liệu của first nhỏ hơn dữ liệu của second)
    - 2.1.1. Nối first vào sau last\_sorted      *//Gỡ phần tử từ*
    - 2.1.2. last\_sorted là first      *//DSLK 1*
    - 2.1.3. Chuyển first đến phần tử kế      *//gắn vào kết quả*
  - 2.2. **else**
    - 2.2.1. Nối second vào sau last\_sorted      *//Gỡ phần tử từ*
    - 2.2.2. last\_sorted là second      *//DSLK 2*
    - 2.2.3. Chuyển second đến phần tử kế      *//gắn vào kết quả*
  - 2.3. **if** (danh sách first còn)
    - 2.3.1. Nối first vào sau last\_sorted
  - 2.4. **else**
    - 2.4.1. Nối second vào sau last\_sorted

**End Merge**

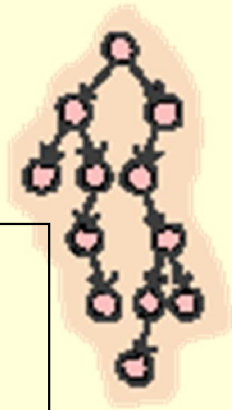


# Mã C++ trộn hai DSLK có thứ tự



```
template <class Record>
Node<Record> *Sortable_list<Record> ::
    merge(Node<Record> *first, Node<Record> *second) {
    Node<Record> combined, *last_sorted = &combined;
    while (first != NULL && second != NULL) {
        if (first->entry <= second->entry) {
            last_sorted->next = first;
            last_sorted = first; first = first->next;
        } else {
            last_sorted->next = second;
            last_sorted = second; second = second->next;
        }
    }
    if (first == NULL)
        last_sorted->next = second;
    else
        last_sorted->next = first;
    return combined.next;
}
```

# Quick sort



Sort (26, 33, 35, 29, 19, 12, 22)

*Phân thành (19, 12, 22) và (33, 35, 29) với pivot=26*

Sort (19, 12, 22)

*Phân thành (12) và (22) với pivot=19*

Sort (12)

Sort (22)

Combine into (12, 19, 22)

Sort (33, 35, 29)

*Phân thành (29) và (35) với pivot=33*

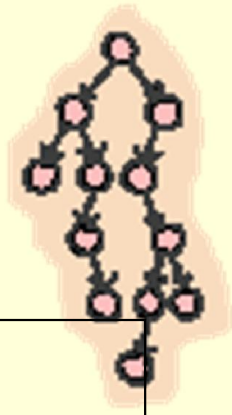
Sort (29)

Sort (35)

Combine into (29, 33, 35)

Combine into (12, 19, 22, 26, 29, 33, 35)

# Giải thuật Quick sort



**Algorithm** quick\_sort

**Input:** danh sách cần sắp xếp

**Output:** danh sách đã được sắp xếp

1. **if** (có ít nhất 2 phần tử)

*//Phân hoạch danh sách thành 3 phần: . com*

*//- Phần nhỏ hơn phần tử giữa*

*//- Phần tử giữa*

*//- Phần lớn hơn phần tử giữa*

1.1. Phân hoạch danh sách ra 3 phần

1.2. **Call** quick\_sort cho phần bên trái

1.3. **Call** quick\_sort cho phần bên phải . com

*//Chỉ cần ghép lại là thành danh sách có thứ tự*

**End** quick\_sort

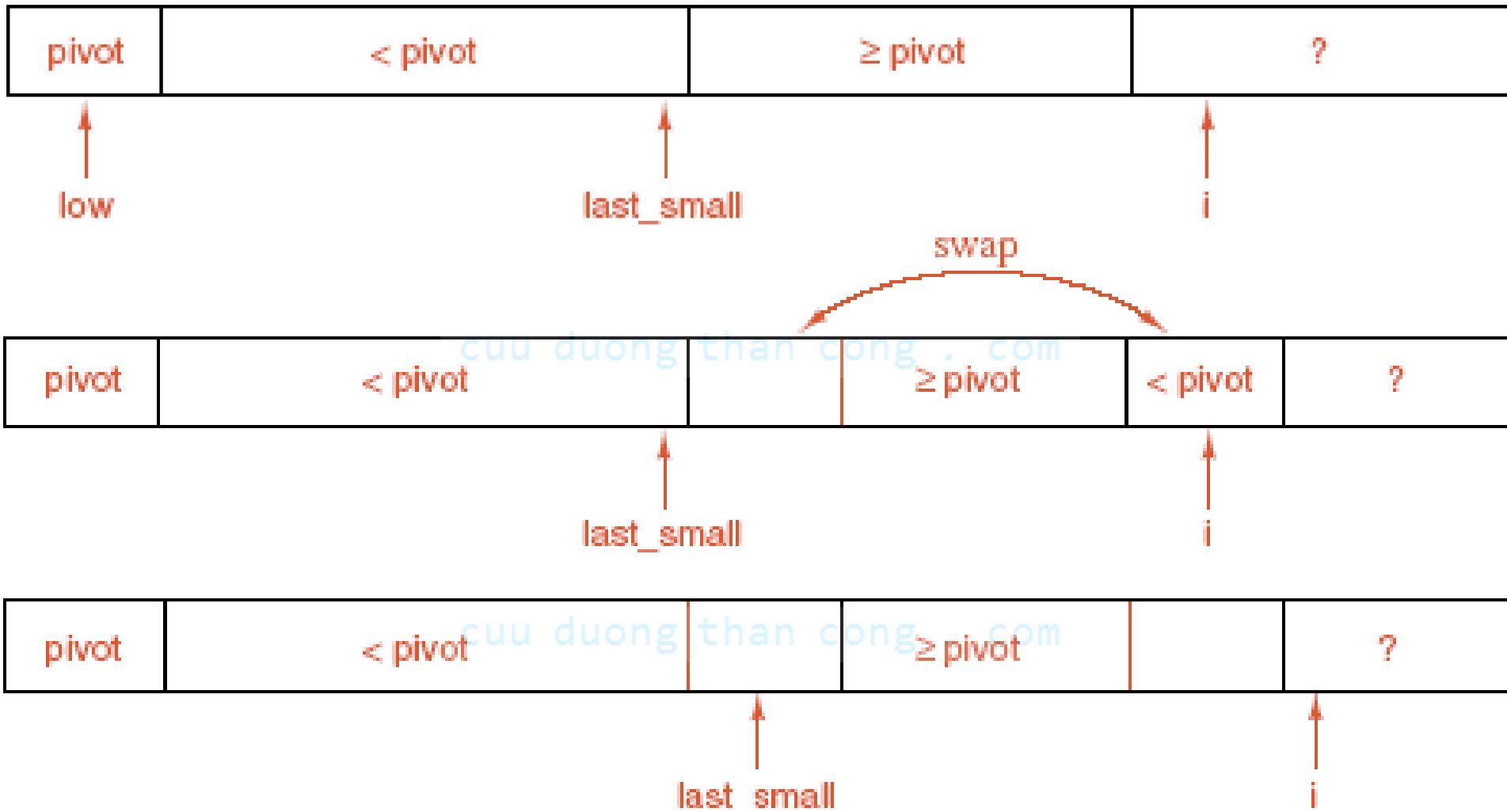
# Mã C++ Quick sort trên danh sách liên tục



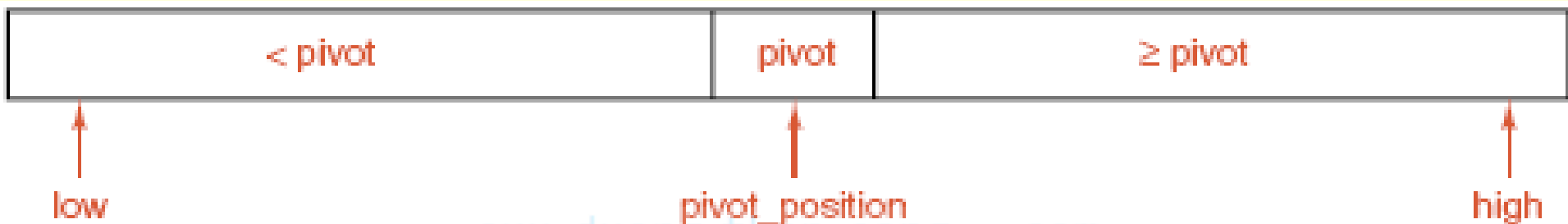
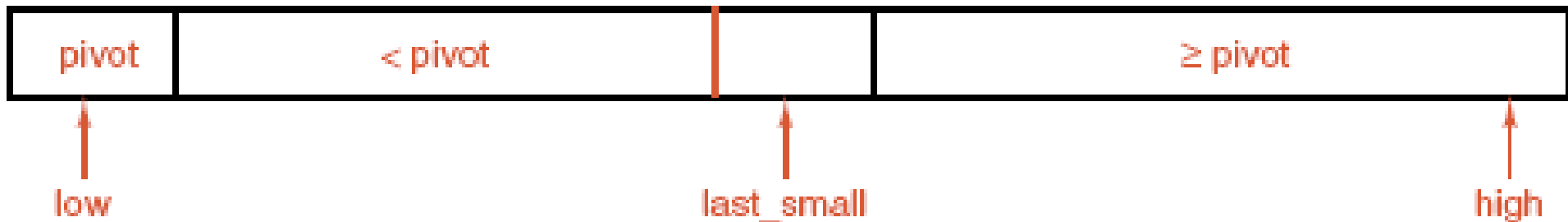
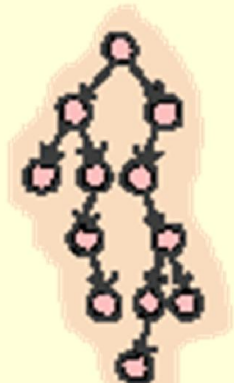
```
template <class Record>
void Sortable_list<Record> :: recursive_quick_sort(int low, int high) {
    //Phần được sắp xếp trong danh sách từ vị trí low đến vị trí high
    int pivot_position;
    if (low < high) {
        //pivot_position là vị trí của phần tử giữa
        pivot_position = partition(low, high);

        recursive_quick_sort(low, pivot_position - 1);
        recursive_quick_sort(pivot_position + 1, high);
        //Danh sách kết quả đã có thứ tự trong khoảng từ low đến high
    }
}
```

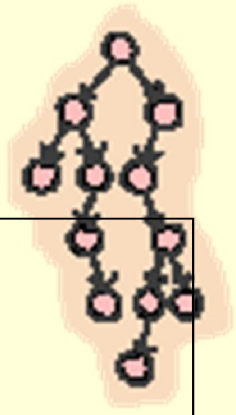
# Phân hoạch cho quick sort



# Phân hoạch cho quick sort (tt.)



# Giải thuật phân hoạch



## Algorithm partition

**Input:** danh sách cần phân hoạch từ low đến high

**Output:** đã phân hoạch làm 3 phần, vị trí pivot được ghi nhận

*//Chọn phần tử tại vị trí giữa là phần tử pivot và chuyển về đầu*

1. swap list[low], list[(low+high)/2]

2. pivot = list[low]

3. last\_small = low

4. **for** index = low+1 **to** high

*//Quét qua tất cả các phần tử còn lại*

4.1. **if** list[index] < pivot

4.1.1. last\_small = last\_small + 1

4.1.2. swap list[last\_small], list[index] *//Chuyển qua phần nhỏ hơn*

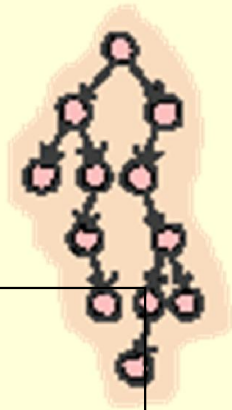
5. swap list[last\_small], list[low]

*//Trả phần tử pivot về lại chính giữa*

6. Vị trí pivot chính là last\_small

**End partition**

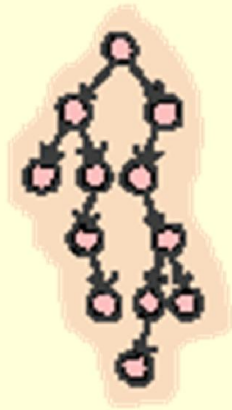
# Mã C++ phân hoạch



```
template <class Record>
int Sortable_list<Record> :: partition(int low, int high) {
    //Giả sử hàm swap (ind1, ind2) sẽ đổi chỗ 2 phần tử tại 2 vị trí đó
    Record pivot;
    swap(low, (low + high)/2);
    pivot = entry[low];
    int last_small = low;
    for (int index = low + 1; index <= high; index++)
        if (entry[index] < pivot) {
            last_small = last_small + 1;
            swap(last_small, index);
        }
    swap(low, last_small);
    return last_small;
}
```



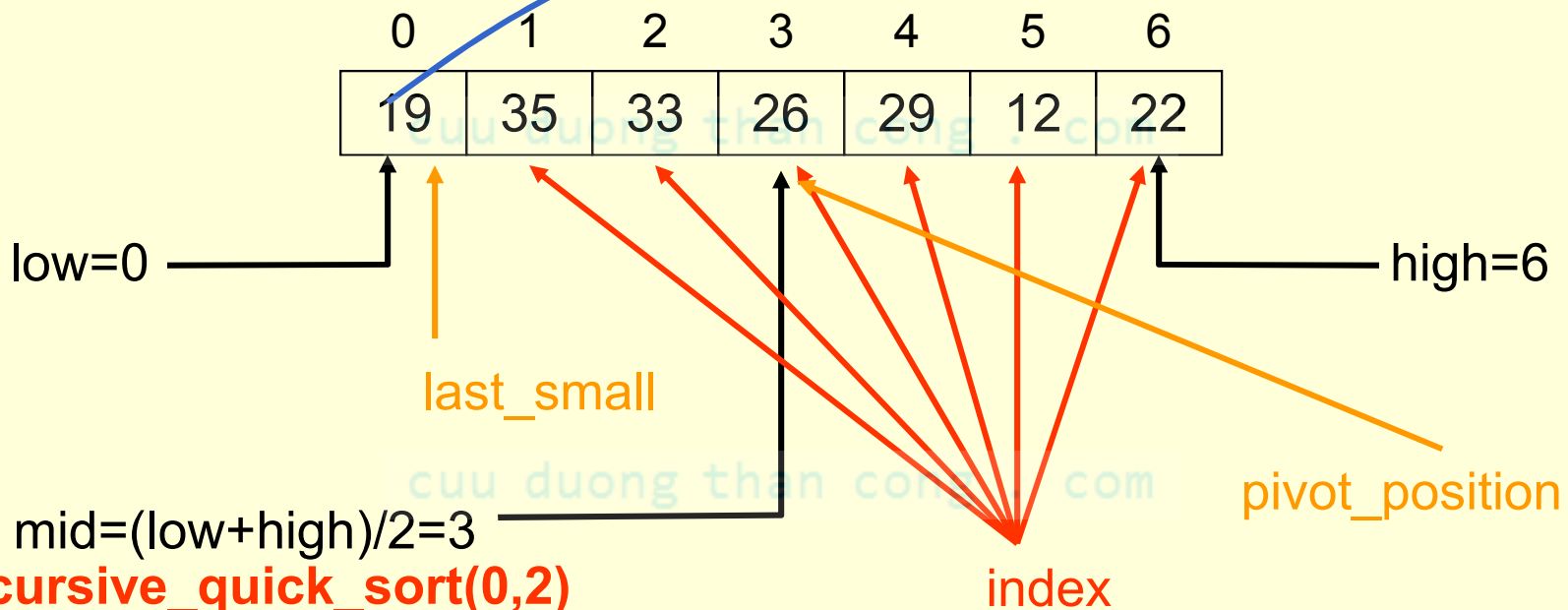
# Ví dụ quick sort



**recursive\_quick\_sort(0,6)**

$\text{pivot\_position} = \text{partition}(0,6) = 3$

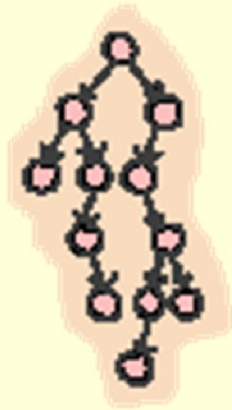
pivot  
26



**recursive\_quick\_sort(0,2)**

**recursive\_quick\_sort(4,6)**

# Ví dụ quick sort (tt.)



**recursive\_quick\_sort(0,2)**

**pivot\_position = partition(0,2) = 1**

**pivot**  
19

|    |    |    |    |    |    |    |
|----|----|----|----|----|----|----|
| 0  | 1  | 2  | 3  | 4  | 5  | 6  |
| 22 | 19 | 12 | 26 | 29 | 33 | 35 |

low=0

high=2

last\_small

$mid = (low + high) / 2 = 1$

index

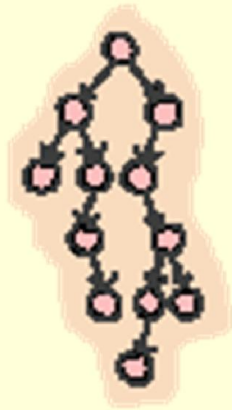
**recursive\_quick\_sort(0,0)**

**recursive\_quick\_sort(2,2)**

(Không làm gì cả)

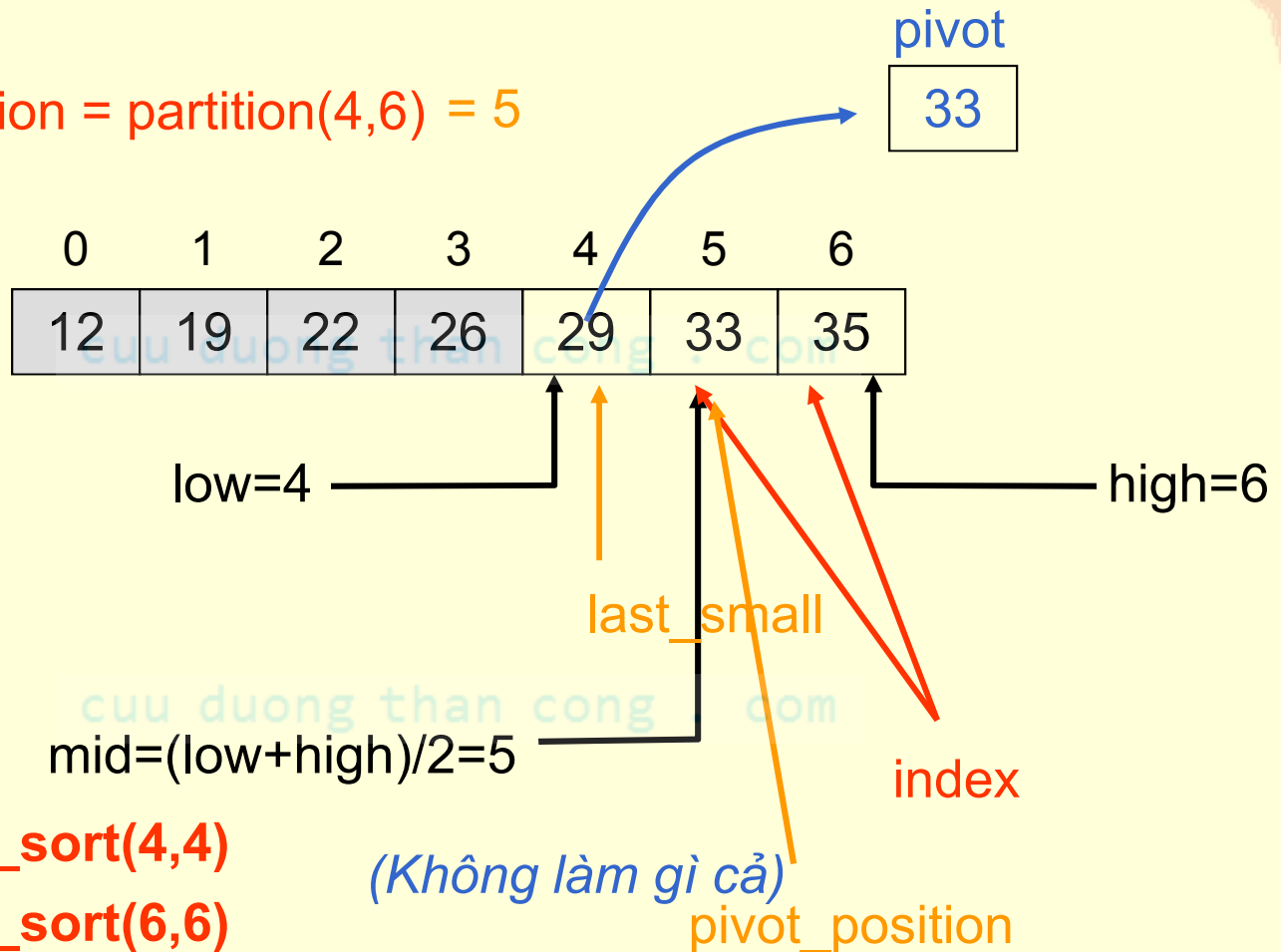
pivot\_position

# Ví dụ quick sort (tt.)



**recursive\_quick\_sort(4,6)**

**pivot\_position = partition(4,6) = 5**



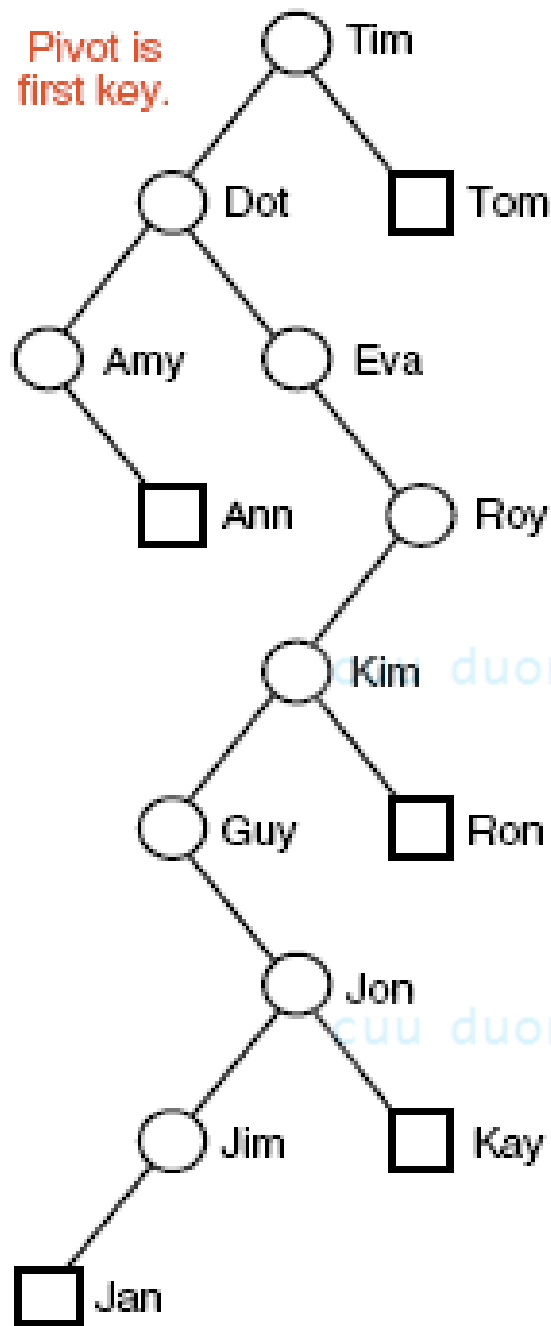
**recursive\_quick\_sort(4,4)**

**recursive\_quick\_sort(6,6)**

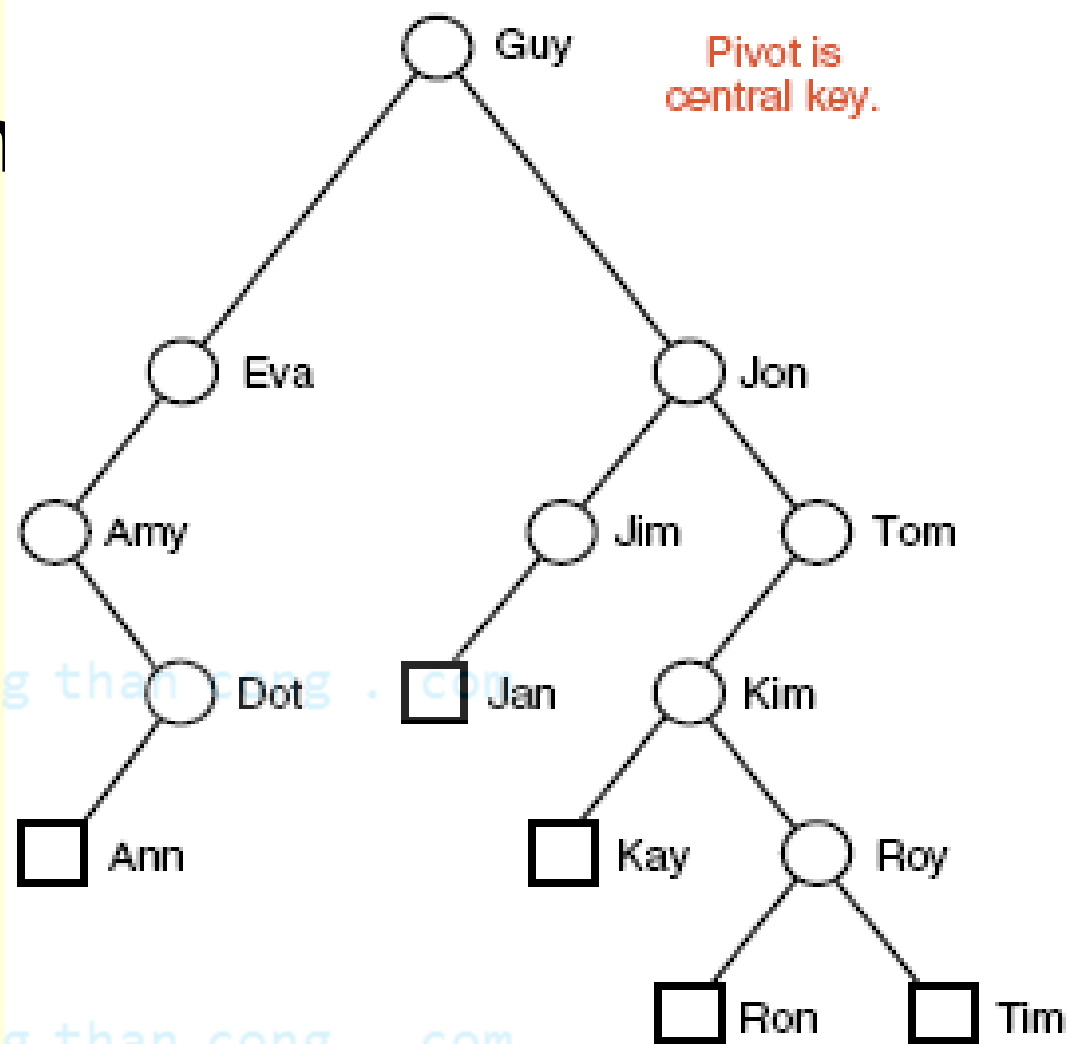
## Unsorted

Tim  
Dot  
Eva  
Roy  
Tom  
Kim  
Guy  
Amy  
Jon  
Ann  
Jim  
Kay  
Ron  
Jan

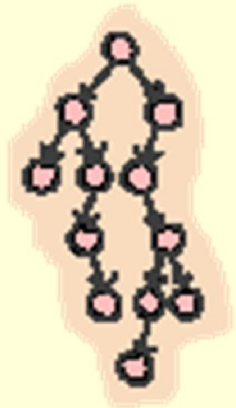
Pivot is  
first key.



Pivot is  
central key.



# Đánh giá Quick sort



## ❏ Trường hợp xấu nhất:

- Một bên rỗng và một bên là  $n-1$  phần tử  $\Rightarrow n(n-1)/2$

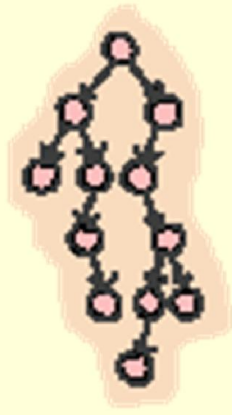
## ❏ Chọn phần tử pivot:

- Đầu (hay cuối): trường hợp xấu xảy ra khi danh sách đang có thứ tự (hoặc thứ tự ngược)
- Ở trung tâm, hoặc ngẫu nhiên: trường hợp xấu khó xảy ra

## ❏ Trường hợp trung bình:

- $C(n) = 2n \ln n + O(n) \approx 1.39 n \lg n + O(n)$

# Heap và Heap sort



## ❏ Heap (định nghĩa lại):

- Danh sách có  $n$  phần tử (từ 0 đến  $n-1$ )
- $a_k \geq a_{2k+1}$  và  $a_k \geq a_{2k+2}$  ( $a_k$  lớn nhất trong 3 phần tử)

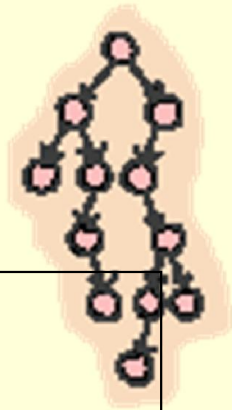
## ❏ Đặc tính: [cuuduongthancong.com](http://cuuduongthancong.com)

- $a_0$  là phần tử lớn nhất
- Danh sách chưa chắc có thứ tự
- Nửa sau của danh sách bất kỳ thỏa định nghĩa heap

## ❏ Heap sort: [cuuduongthancong.com](http://cuuduongthancong.com)

- Lấy  $a_0$  ra, tái tạo lại heap  $\Rightarrow$  Phần tử lớn nhất
- Lấy  $a_0$  mới ra, tái tạo lại heap  $\Rightarrow$  Phần tử lớn kế
- ...

# Giải thuật Heap sort



## Algorithm heap\_sort

**Input:** danh sách cần sắp xếp có  $n$  phần tử

**Output:** danh sách đã sắp thứ tự

*//Xây dựng heap ban đầu*

1. **Call** build\_heap

*//Lần lượt lấy phần tử đầu ra đem về cuối danh sách hiện tại*

*//rồi xây dựng heap trở lại*

2. **for** index = size-1 **to** 0 *//index là vị trí cuối của phần còn lại*

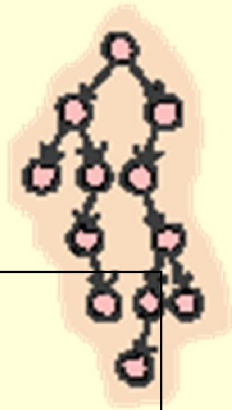
2.1. swap list[0], list[index] *//Đổi phần tử lớn nhất về cuối*

*//Xây dựng lại heap với số phần tử giảm đi 1*

2.2. **Call** rebuild\_heap index-1

**End** heap\_sort

# Mã C++ Heap sort



```
template <class Record>
void Sortable_list<Record> :: heap_sort( ) {
    Record current;
    //Xây dựng heap ban đầu
    build_heap( );
    for (int last_unsorted = count - 1; last_unsorted > 0; last_unsorted--)
    {
        //Giữ lại phần tử cuối cũ
        current = entry[last_unsorted]; // Extract last entry from list.
        //Chép phần tử đầu (lớn nhất) về vị trí này
        entry[last_unsorted] = entry[0];

        //Xây dựng lại heap bằng cách chèn phần tử current vào đúng vị trí
        insert_heap(current, 0, last_unsorted - 1);
    }
}
```

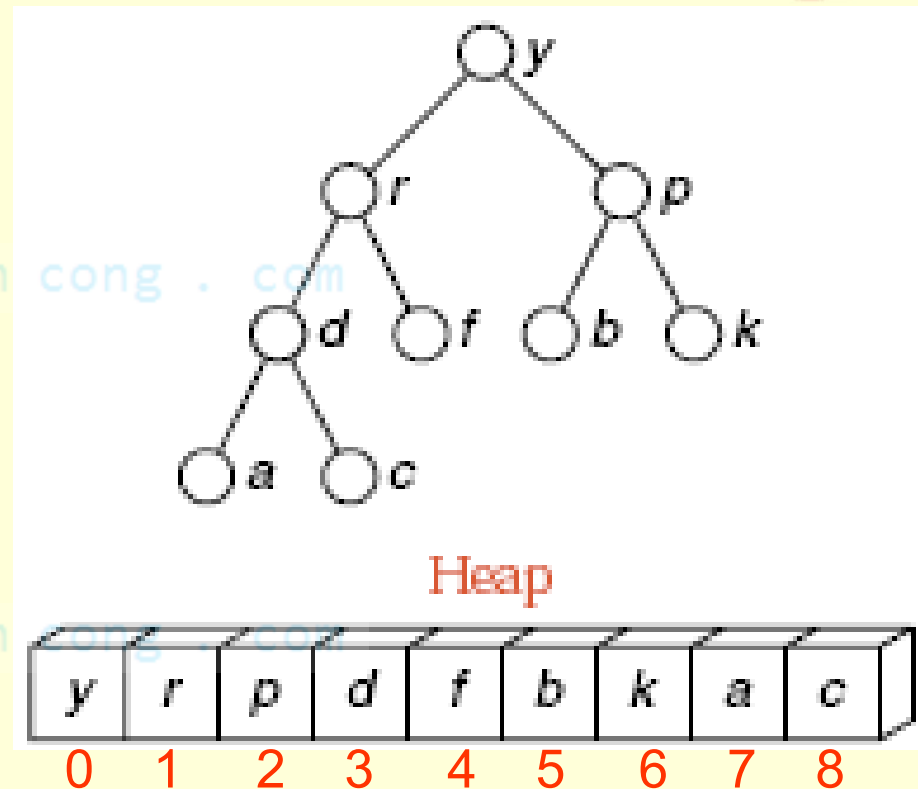


# Biểu diễn Heap

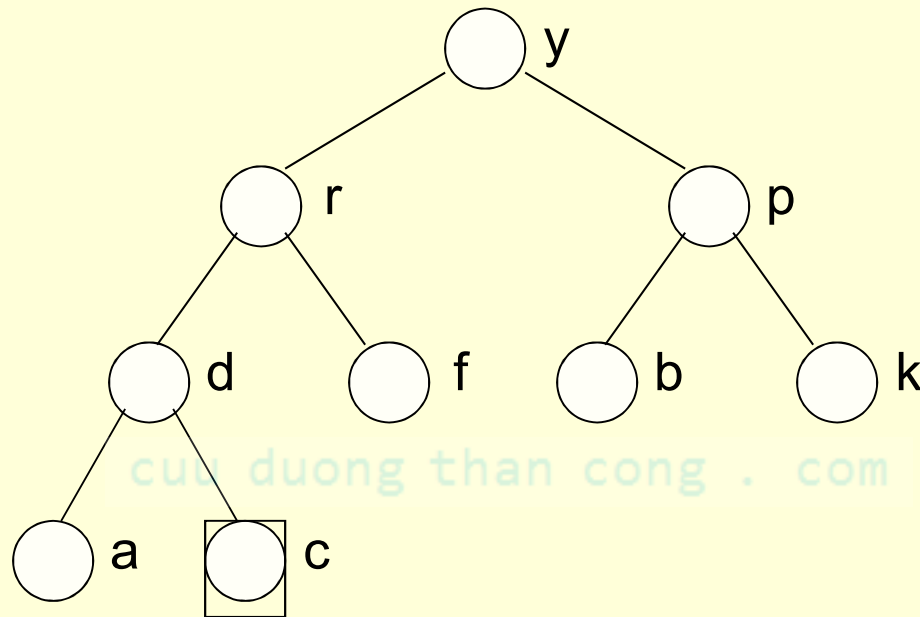
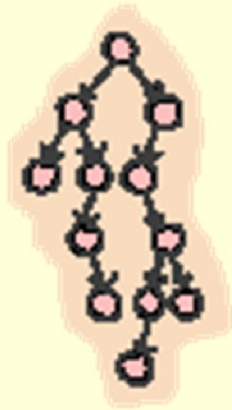


## Dạng cây nhị phân:

- Node gốc là  $a_0$
- 2 node con của phần tử  $a_k$  là 2 phần tử  $a_{2k+1}$  và  $a_{2k+2}$
- Ở mức cuối cùng, các node lấp đầy từ bên trái sang bên phải (cây nhị phân gần đầy đủ)



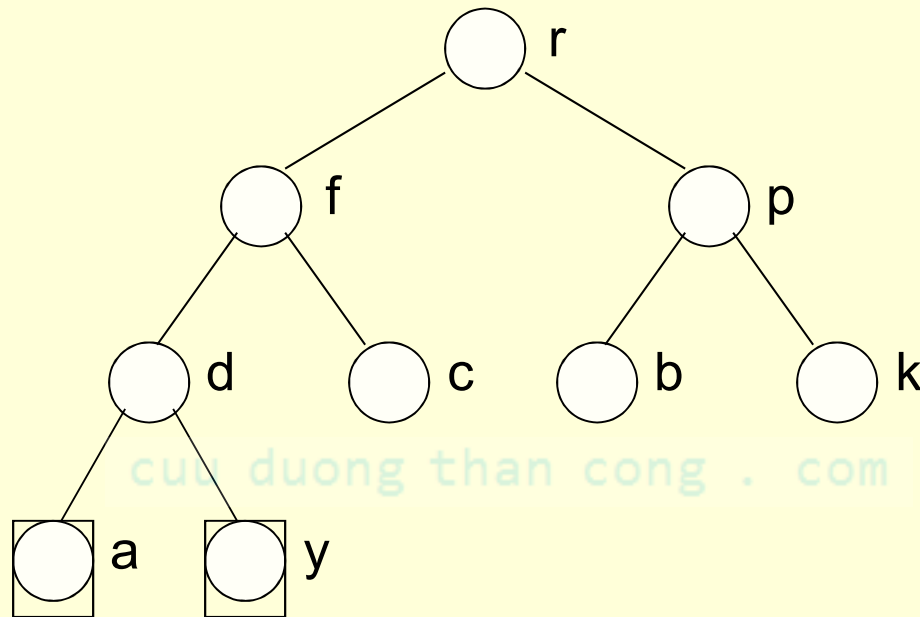
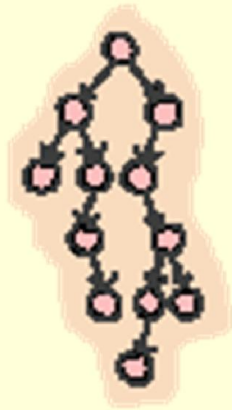
# Ví dụ Heap sort



current

| 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| y | r | p | d | f | b | k | a | c |

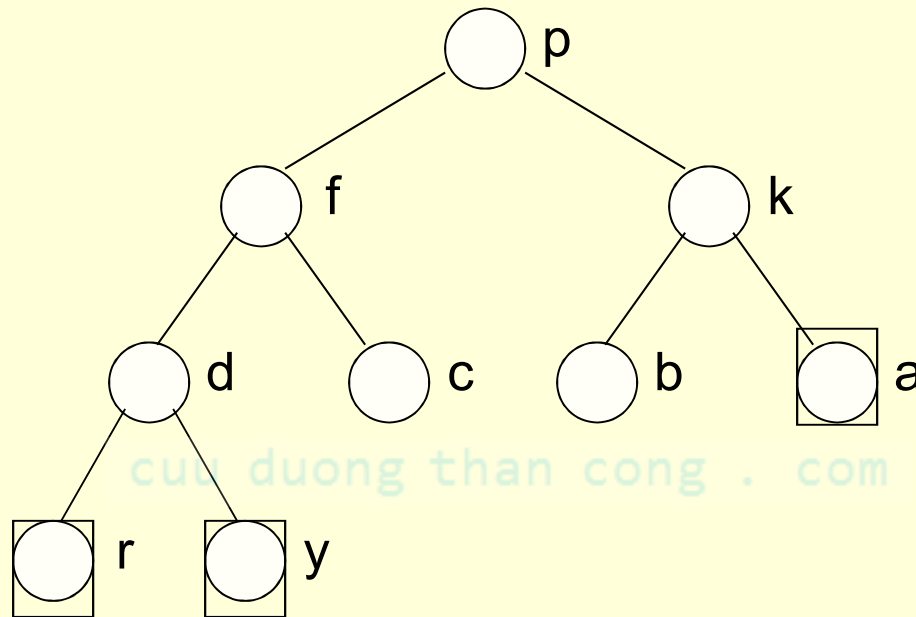
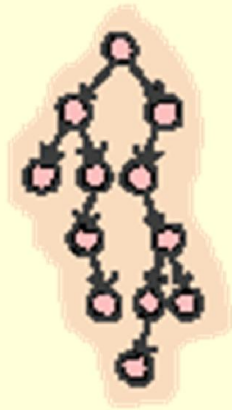
# Ví dụ Heap sort (tt.)



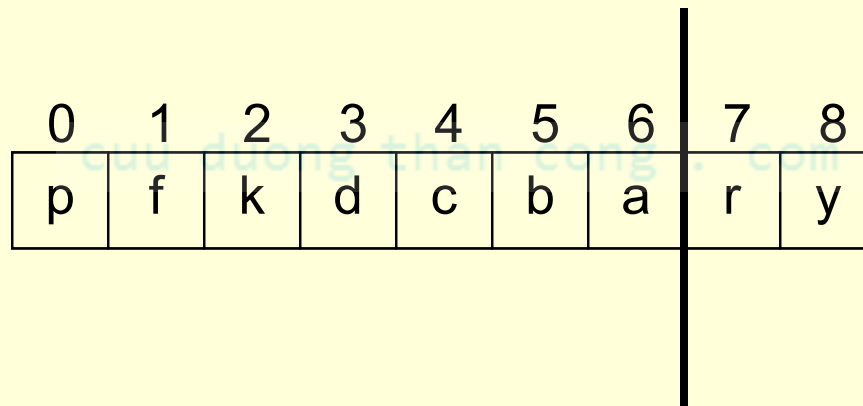
current

| 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| r | f | p | d | c | b | k | a | y |

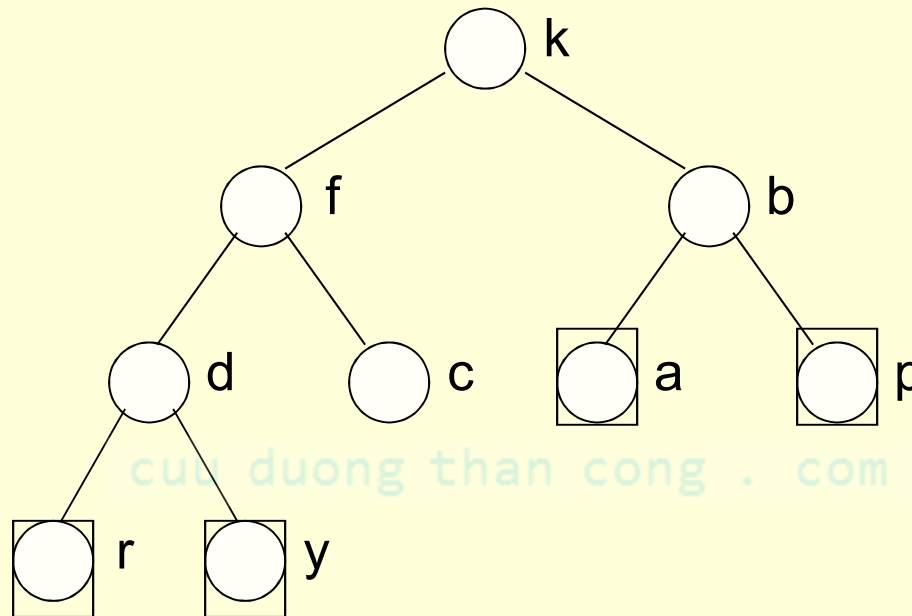
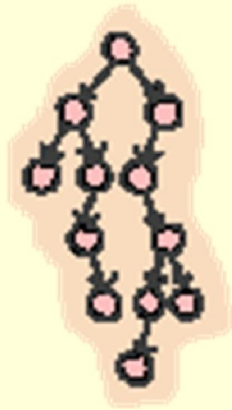
# Ví dụ Heap sort (tt.)



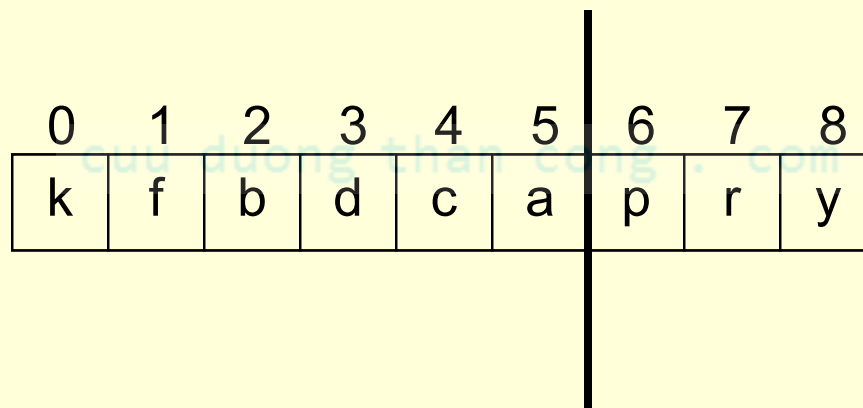
current



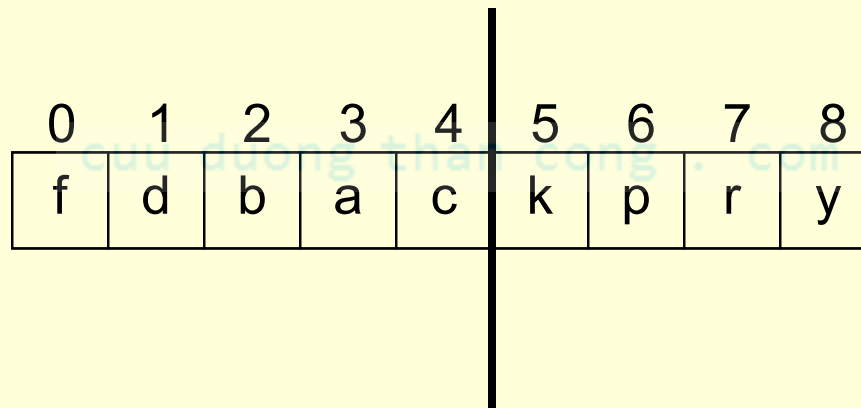
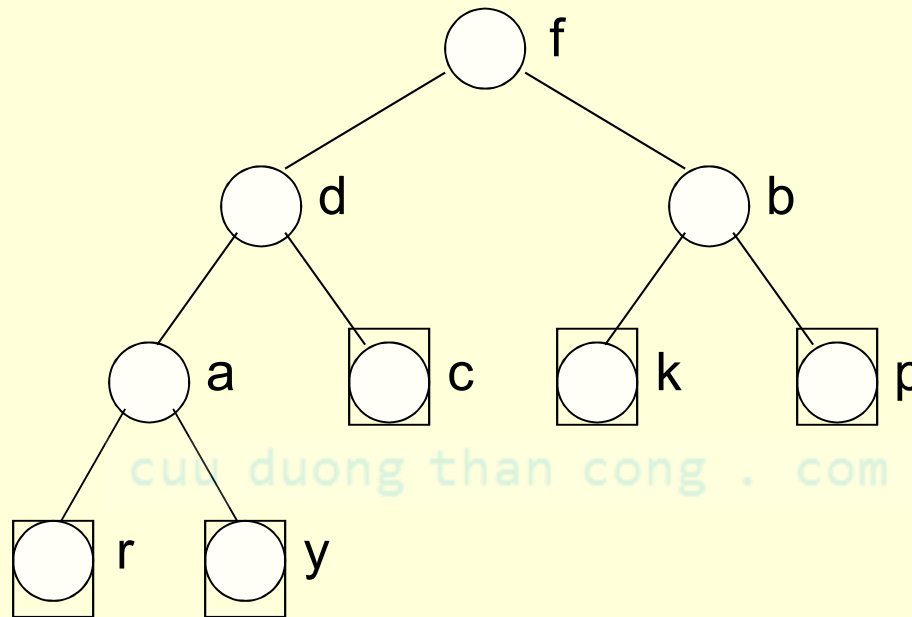
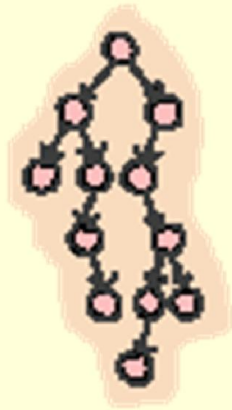
# Ví dụ Heap sort (tt.)



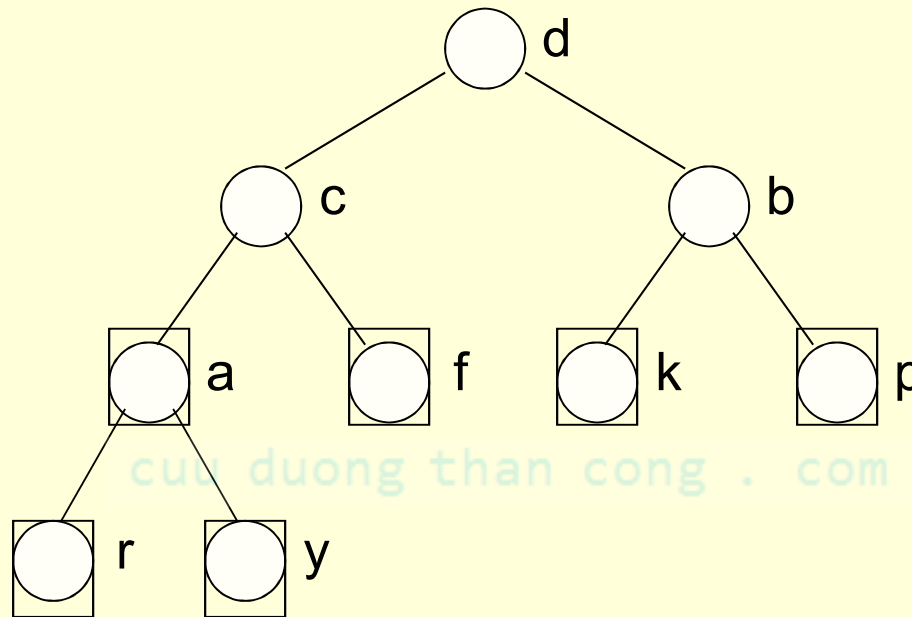
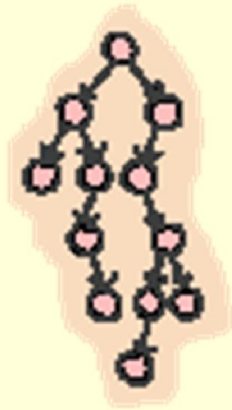
current



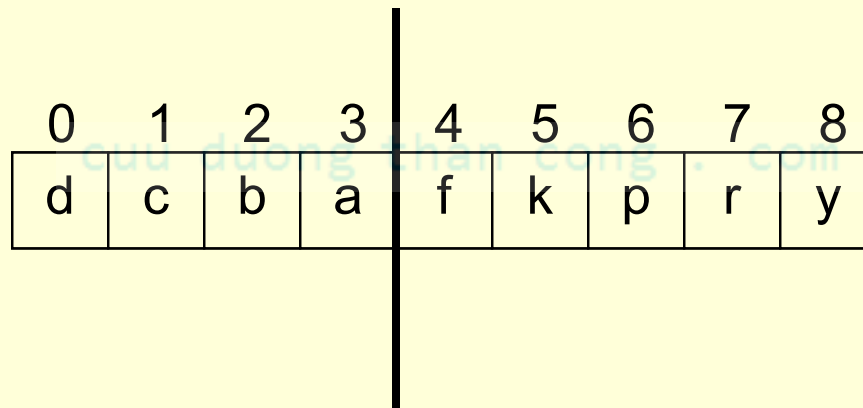
# Ví dụ Heap sort (tt.)



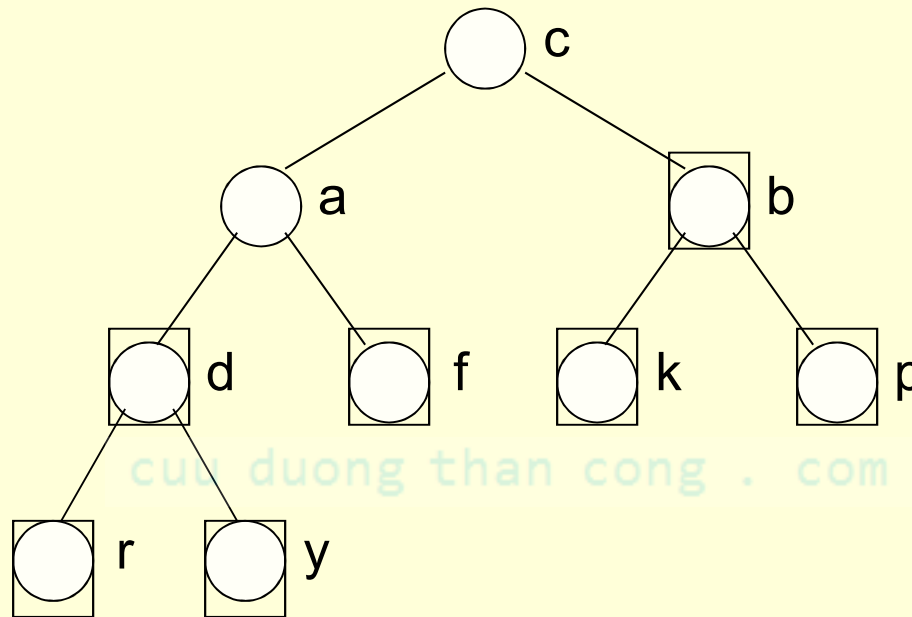
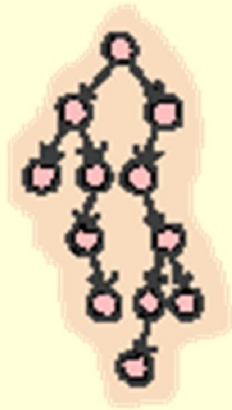
# Ví dụ Heap sort (tt.)



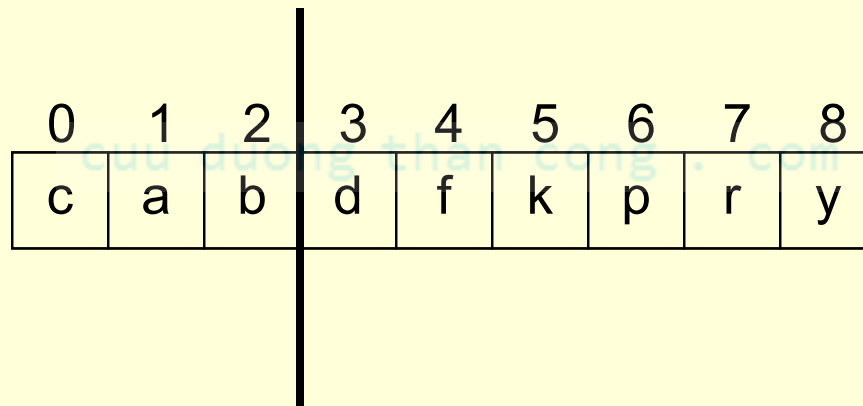
current



# Ví dụ Heap sort (tt.)

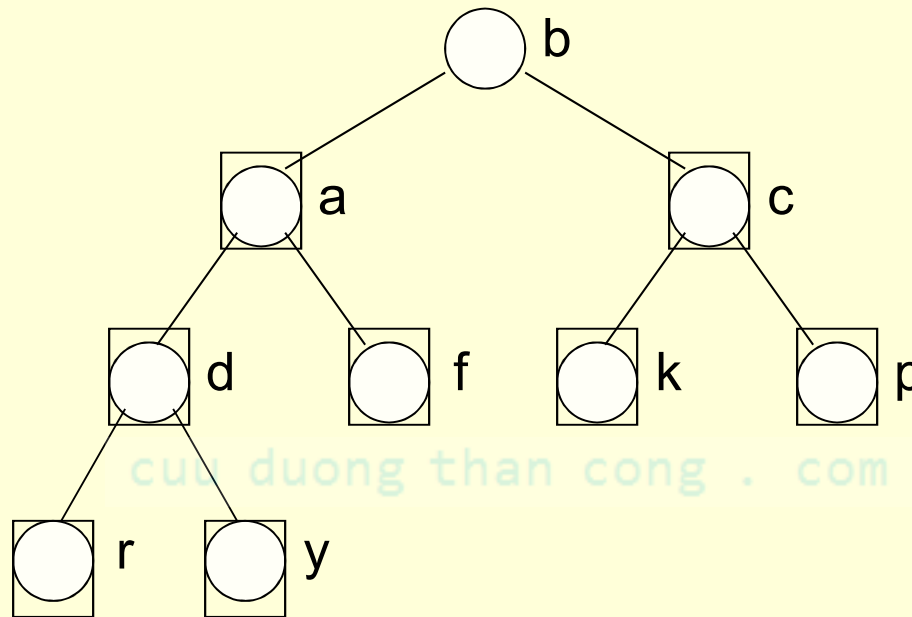
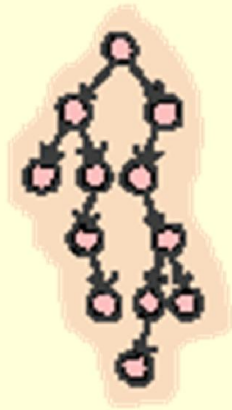


current

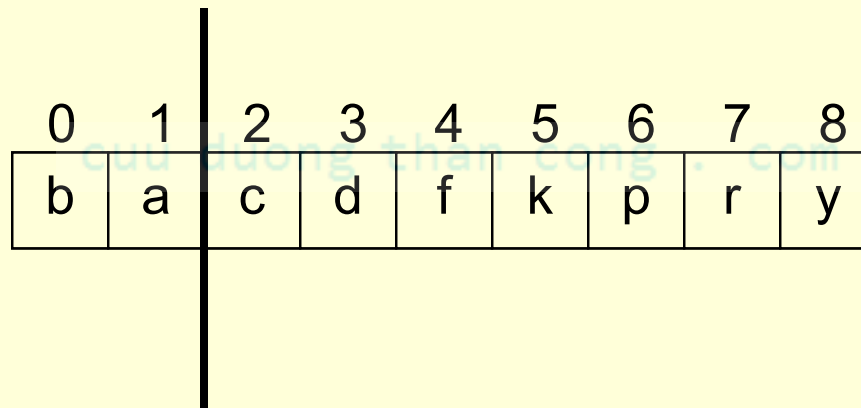




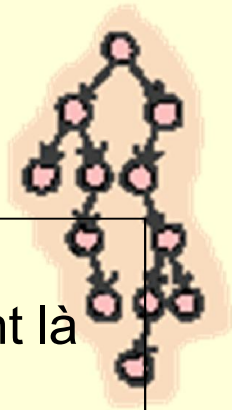
# Ví dụ Heap sort (tt.)



current



# Giải thuật tái tạo lại heap



## Algorithm insert\_heap

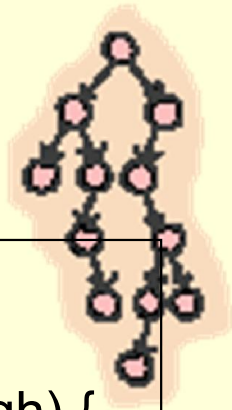
**Input:** danh sách là heap trong khoảng từ  $low+1$  đến  $high$ ,  $current$  là giá trị cần thêm vào

**Output:** danh sách là heap trong khoảng từ  $low$  đến  $high$

1. Bắt đầu kiểm tra tại vị trí  $low$
2. **while** (chưa kiểm tra xong đến  $high$ )
  - 2.1. Tìm lớn nhất trong bộ ba phần tử  $current$ ,  $list[2k+1]$ ,  $list[2k+2]$
  - 2.2. **if** (phần tử đó là  $current$ )
    - 2.2.1. Ngừng vòng lặp
  - 2.3. **else**
    - 2.3.1. Dời phần tử lớn nhất lên vị trí hiện tại
    - 2.3.2. Kiểm tra bắt đầu từ vị trí của phần tử lớn nhất này
3. Đưa  $current$  vào vị trí đang kiểm tra

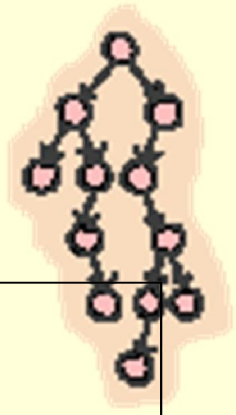
**End** insert\_heap

# Mã C++ tái tạo lại heap



```
template <class Record>
void Sortable_list<Record> ::
    insert_heap(const Record &current, int low, int high) {
    int large = 2 * low + 1;           //P.tử lớn giả sử là tại 2k+1
    while (large <= high) {
        if (large < high && entry[large] < entry[large + 1])
            large++;                   //P.tử lớn tại 2k+2
        if (current >= entry[large])
            break;                     //Nếu current là lớn nhất thì thôi
        else {
            entry[low] = entry[large]; //Không thì đẩy p.tử lớn nhất lên
            low = large;                //rồi tiếp tục kiểm tra về sau
            large = 2 * low + 1;
        }
    }
    entry[low] = current;              //Đây là vị trí thích hợp cho current
}
```

# Giải thuật xây dựng heap ban đầu



**Algorithm** build\_heap

**Input:** danh sách bất kỳ cần biến thành heap

**Output:** danh sách đã là heap

*//Nửa sau của 1 danh sách bất kỳ thỏa tính chất của heap*

*//Ta tìm cách xây dựng heap ngược từ giữa về đầu*

1. **for** low = size/2 **downto** 0

*//Từ vị trí low+1 đến cuối danh sách đang là heap*

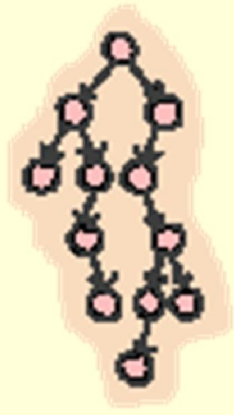
1.1. current = list[low];

*//Xây dựng lại heap trong khoảng [low, size-1]*

1.2. **Call** insert\_heap với current, low và size – 1

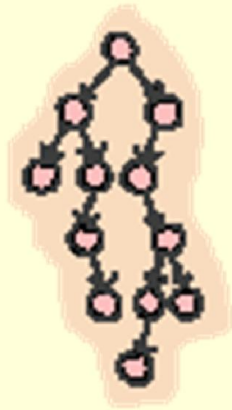
**End** build\_heap

# Mã C++ xây dựng heap ban đầu



```
template <class Record>
void Sortable_list<Record> :: build_heap( ) {
    //Nửa sau của 1 danh sách bất kỳ thỏa tính chất của heap
    //Ta tìm cách xây dựng heap ngược từ giữa về đầu
    for (int low = count/2 - 1; low >= 0; low--) {
        Record current = entry[low];
        insert_heap(current, low, count - 1);
    }
}
```

# Ví dụ xây dựng heap ban đầu



Bước 1

| 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| p | c | y | d | f | b | k | a | r |

Bước 2

| 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| p | c | y | r | f | b | k | a | d |

Bước 3

| 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| p | c | y | r | f | b | k | a | d |

Bước 3'

| 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| p | r | y | c | f | b | k | a | d |

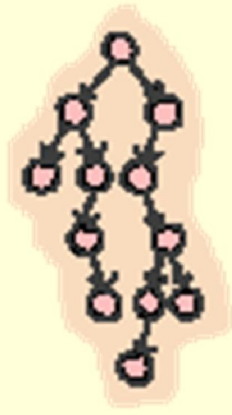
Bước 4

| 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| p | r | y | d | f | b | k | a | c |

| 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| y | r | p | d | f | b | k | a | c |

# Đánh giá Heap sort



📖 Trường hợp xấu nhất:

- $C = 2n \lg n + O(n)$

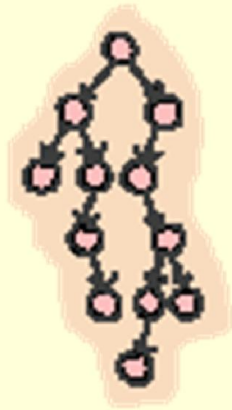
- $M = n \lg n + O(n)$

📖 So với Quick sort

- Trung bình: chậm hơn quick sort

- Xấu nhất:  $O(n \lg n) < n(n-1)/2$

cuu duong than cong . com



cuu duong than cong . com

cuu duong than cong . com

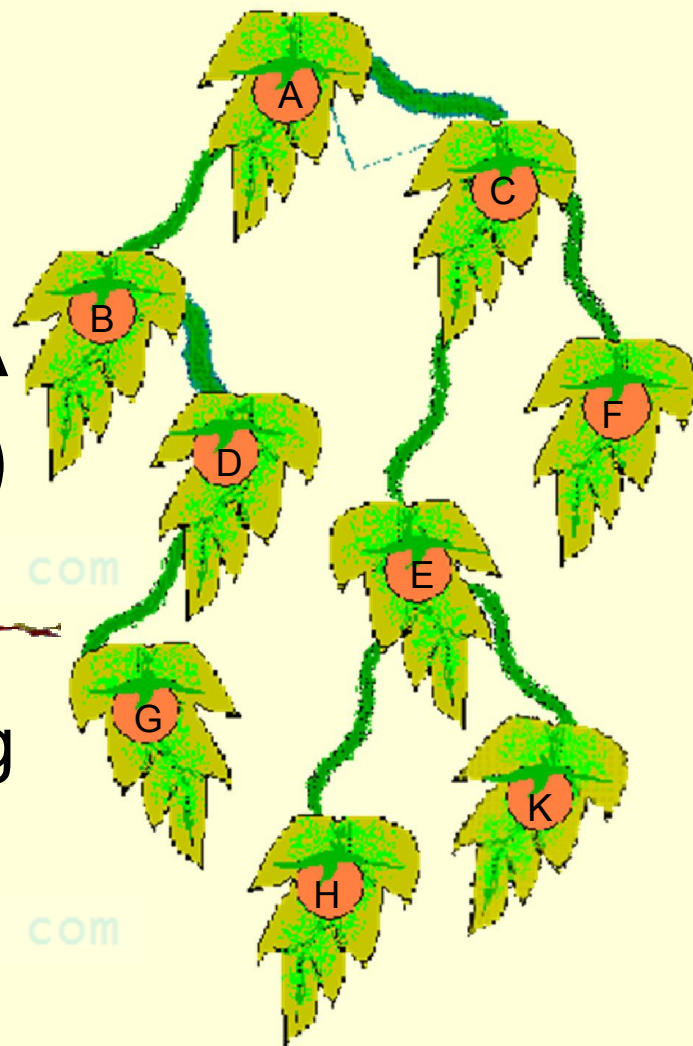


# CẤU TRÚC DỮ LIỆU VÀ GIẢI THUẬT (501040)

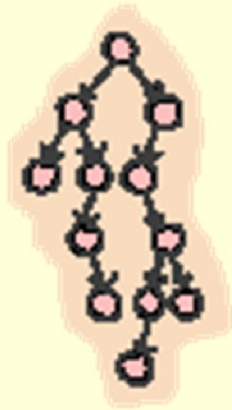
cuu duong than cong . com

## Chương 9: Bảng

cuu duong than cong . com



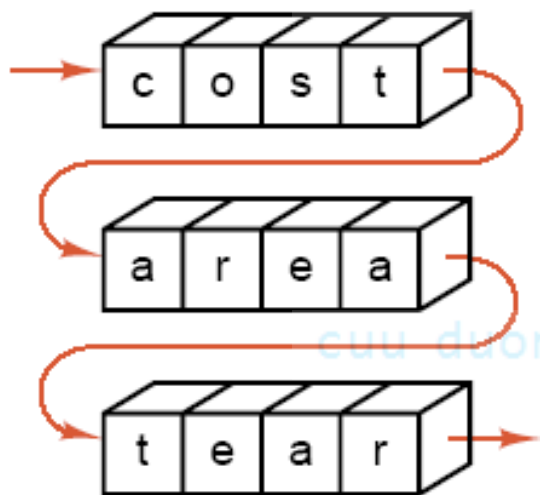
# Ma trận 2 chiều vs. 1 chiều



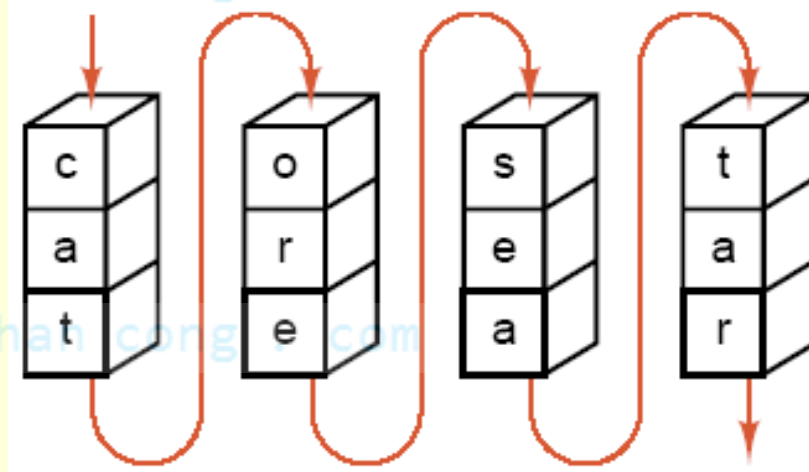
$A[i, j]$

|   |   |   |   |
|---|---|---|---|
| c | o | s | t |
| a | r | e | a |
| t | e | a | r |

Row-major ordering:



Column-major ordering:



$B[\text{max\_row} \cdot i + j]$

$C[i + \text{max\_col} \cdot j]$



| <i>Index</i> | <i>Name</i>     | <i>Address</i>   | <i>Phone</i> |
|--------------|-----------------|------------------|--------------|
| 1            | Hill, Thomas M. | High Towers #317 | 2829478      |
| 2            | Baker, John S.  | 17 King Street   | 2884285      |
| 3            | Roberts, L. B.  | 53 Ash Street    | 4372296      |
| 4            | King, Barbara   | High Towers #802 | 2863386      |
| 5            | Hill, Thomas M. | 39 King Street   | 2495723      |
| 6            | Byers, Carolyn  | 118 Maple Street | 4394231      |
| 7            | Moody, C. L.    | High Towers #210 | 2822214      |

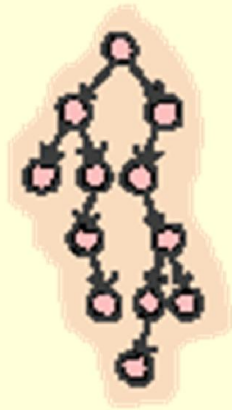
cuu duong than cong . com

### *Access Tables*

| <i>Name</i> | <i>Address</i> | <i>Phone</i> |
|-------------|----------------|--------------|
| 2           | 3              | 5            |
| 6           | 7              | 7            |
| 1           | 1              | 1            |
| 5           | 4              | 4            |
| 4           | 2              | 2            |
| 7           | 5              | 3            |
| 3           | 6              | 6            |

cuu duong than cong . com

# Radix sort



Bước 1

|   |   |   |
|---|---|---|
| r | a | t |
| m | o | p |
| c | a | t |
| m | a | p |
| c | a | r |
| t | o | p |
| c | o | t |
| t | a | r |
| r | a | p |

Bước 2

|   |   |   |
|---|---|---|
| m | o | p |
| m | a | p |
| t | o | p |
| r | a | p |

|   |   |   |
|---|---|---|
| c | a | r |
| t | a | r |

|   |   |   |
|---|---|---|
| r | a | t |
| c | a | t |
| c | o | t |

Bước 3

|   |   |   |
|---|---|---|
| m | a | p |
| r | a | p |
| c | a | r |
| t | a | r |
| r | a | t |
| c | a | t |

|   |   |   |
|---|---|---|
| c | a | r |
| c | a | t |
| c | o | t |

|   |   |   |
|---|---|---|
| m | a | p |
| m | o | p |

|   |   |   |
|---|---|---|
| r | a | p |
| r | a | t |

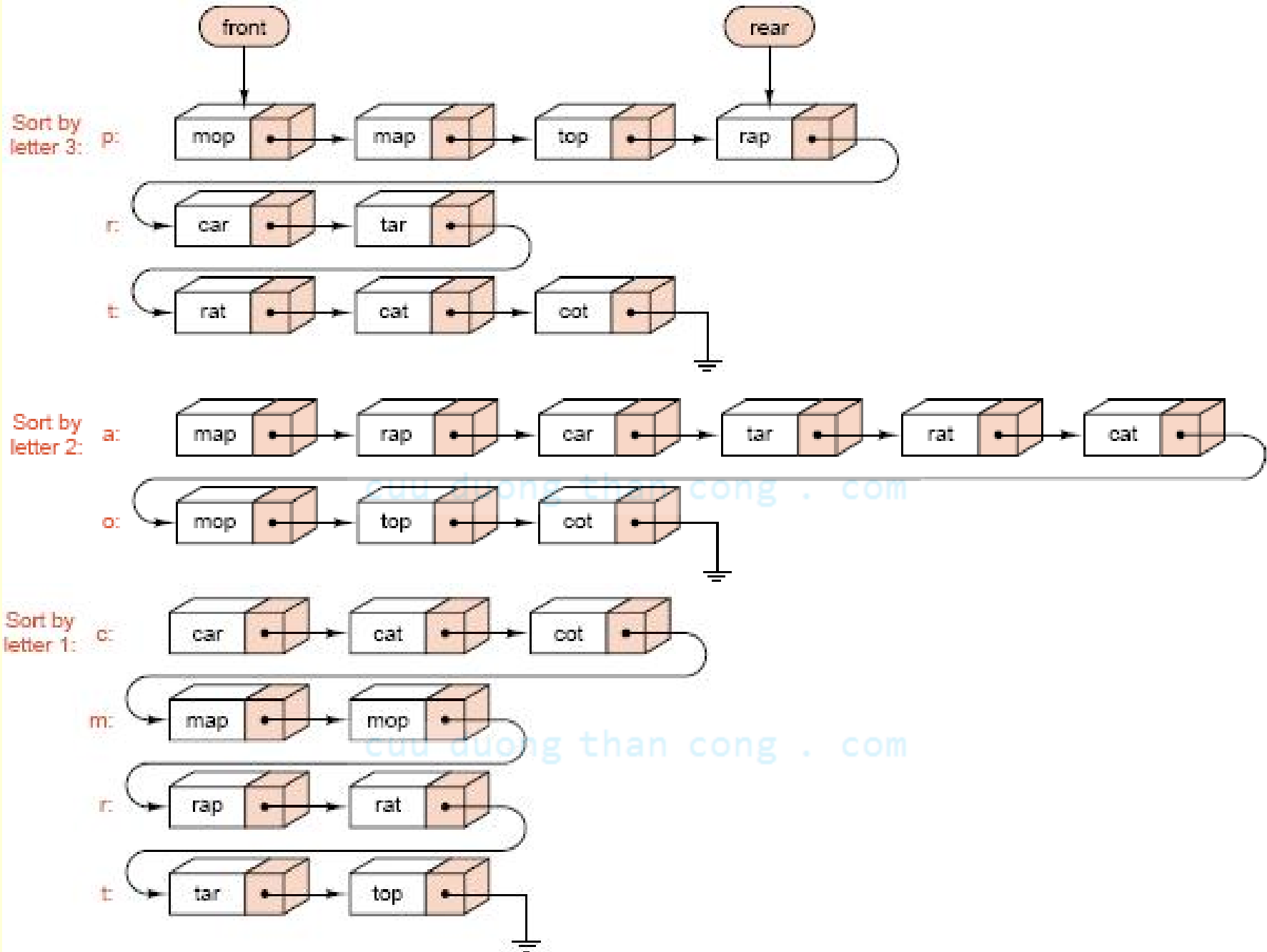
  

|   |   |   |
|---|---|---|
| t | a | r |
| t | o | p |

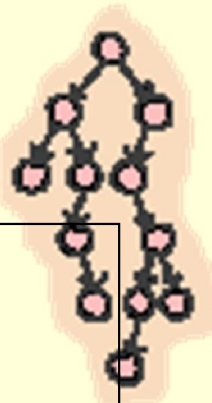
# Đánh giá Radix sort



- ❏ Số lần so sánh là  $\Theta(n k)$ ,  $n$  là số phần tử và  $k$  là số ký tự trên khóa
- ❏ So sánh với các phương pháp khác là  $n \lg n$ :
  - Nếu  $k$  lớn và  $n$  là nhỏ thì radix sort chậm
  - Nếu  $k$  nhỏ và  $n$  là lớn thì radix sort nhanh hơn
- ❏ Bất tiện:
  - Việc tách thành 27 danh sách con và ghép lại lúc sau trên DS liên tục gây ra việc di chuyển nhiều phần tử
  - Khóa so sánh là chuỗi nhị phân thì không tốt



# Giải thuật Radix sort trên DSLK



**Algorithm** radix\_sort

**Input:** danh sách cần sắp thứ tự

**Output:** danh sách đã sắp thứ tự

*//Mỗi queue chứa các phần tử có ký tự tương ứng*

1. queues là một dãy có max\_character hàng

*//Lặp k bước, kiểm tra các ký tự tại vị trí k*

2. **for** position = size(khóa) **to** 0

2.1. **while** (danh sách còn)

2.1.1. Lấy phần tử đầu tiên

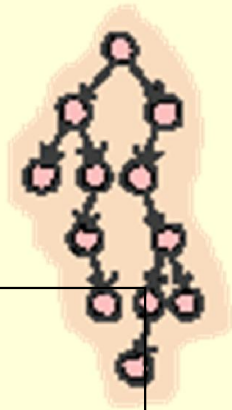
2.1.2. Tính toán thứ tự của chữ cái ở vị trí k trong khóa

2.1.3. Đẩy phần tử này vào queue tương ứng

2.2. Nối tất cả các queue lại với nhau thành danh sách

**End** radix\_sort

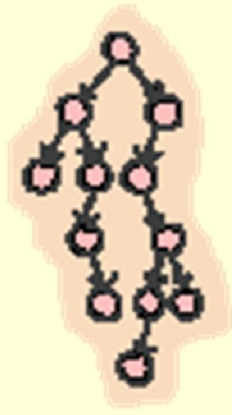
# Mã C++ Radix sort trên DSLK



```
const int max_chars = 28;
template <class Record>
void Sortable_list<Record> :: radix_sort( ) {
    Record data;
    Queue queues[max_chars];
    for (int position = key_size - 1; position >= 0; position--) {
        // Loop from the least to the most significant position.
        while (remove(0, data) == success) {
            int queue_number = alphabetic_order(data.key_letter(position));
            queues[queue_number].append(data); // Queue operation.
        }
        rethread(queues); // Reassemble the list.
    }
}
```



# Nối các queue liên kết



## 📖 Cách 1:

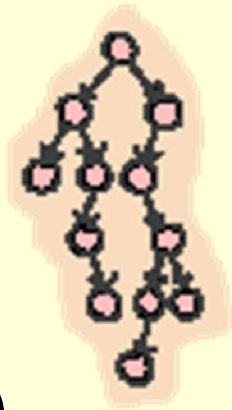
- Dùng các CTDL queue
- Phải dùng `queue.retrieve` và `list.insert(list.size(),x)`

## 📖 Cách 2: [cuuduongthancong.com](http://cuuduongthancong.com)

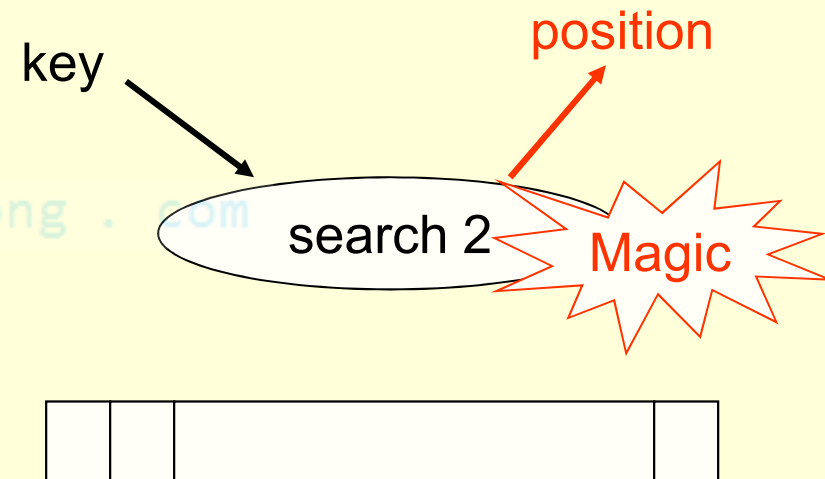
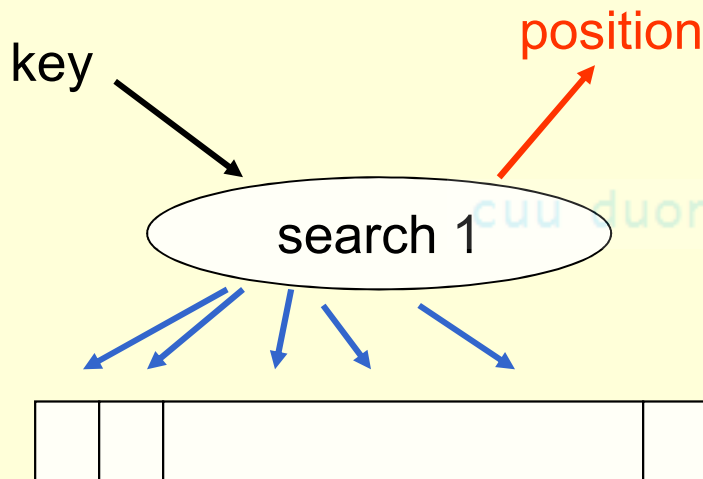
- Viết lại các CTDL kiểu queue trong chương trình
- Chỉ cần tìm đến cuối mỗi queue và nối con trỏ vào đầu queue sau (hoặc đến NULL)

[cuuduongthancong.com](http://cuuduongthancong.com)

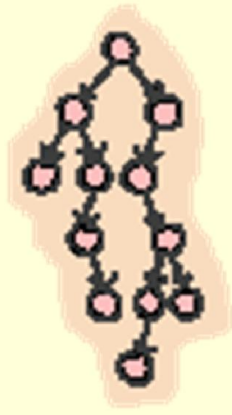
# Tăng tốc tra cứu



- 📖 Tìm kiếm: hàm  $f: \text{key} \rightarrow \text{position} \Rightarrow O(\lg n)$
- 📖 Nếu có hàm  $f: \text{key} \rightarrow \text{position}$  với tốc độ  $O(1)$ 
  - 🟡 Ví dụ: Tra bảng với key chính là position
  - 🟡 Hàm đổi một key thành position: hàm Hash



# Bảng Hash



## Bảng Hash

- Bảng
- Vị trí của 1 phần tử được tính bằng hàm hash

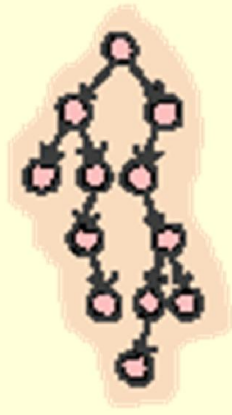
## Hàm hash:

- Nhận vào một khóa
- Trả về một chỉ số vị trí
- (Có thể chuyển vài khóa về cùng một vị trí)

## Đụng độ trên bảng hash:

- Nếu vị trí tìm ra đúng là dữ liệu cần tìm:  $O(1)$
- Không đúng: giải quyết đụng độ (phải đảm bảo  $O(1)$ )

# Hàm Hash



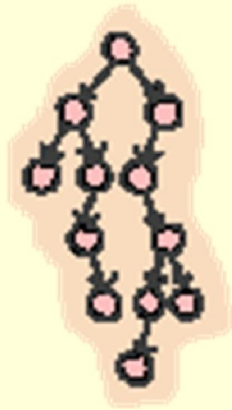
Đảm bảo  $O(1)$

Ví dụ:

- $f(x) = x \% m;$
- $f('abc') = (\text{char\_index}('a') * \text{base\_number}^2 + \text{char\_index}('b') * \text{base\_number}^1 + \text{char\_index}('c') * \text{base\_number}^0) \% \text{hash\_size}$

cuu duong than cong . com

# Ví dụ dùng bảng Hash



Các khóa: M, O, T, V, I, D, U

$$\text{hash}(x) = \text{char\_index}(x) \% 10$$

Tìm V

Tìm F

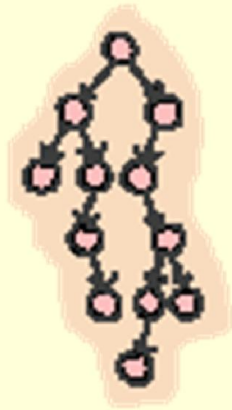
|   |   |
|---|---|
| T | 0 |
| U | 1 |
| V | 2 |
| M | 3 |
| D | 4 |
| O | 5 |
|   | 6 |
|   | 7 |
|   | 8 |
| I | 9 |

Không có

char\_index: Space=0, A=1, B=2, ..., Z=27

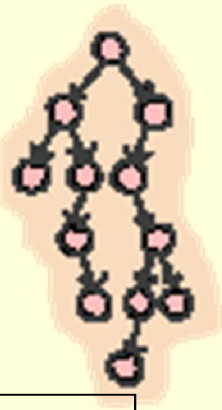
|   |   |   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|---|---|
| M | O | T | V | I | D | U | F |
| 3 | 5 | 0 | 2 | 9 | 4 | 1 | 6 |

# Phương pháp Địa chỉ mở (Open Addressing)



- ❏ Bảng hash là một array
- ❏ Các vị trí khi có đụng độ sẽ tìm vị trí mới bằng các phương pháp giải quyết:
  - Thử tuyến tính (linear probing):
    - Tăng chỉ số lên một:  $h = (h+i) \% \text{hash\_size}$
  - Thử bậc hai (quadratic probing):
    - Tăng chỉ số lên theo bình phương:  $h = (h + i^2) \% \text{hash\_size}$
  - Phương pháp khác
    - Ngẫu nhiên

# Thiết kế bảng Hash dùng địa chỉ mở



Đảm bảo phép thử tuyến tính không bị lặp vòng

```
const int hash_size = 997; // a prime number of appropriate size
```

```
class Hash_table {
```

```
public:
```

```
    Hash_table( );
```

```
    void clear( );
```

```
    Error_code insert(const Record &new entry);
```

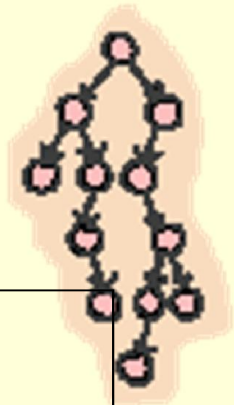
```
    Error_code retrieve(const Key &target, Record &found) const;
```

```
private:
```

```
    Record table[hash_size];
```

```
};
```

# Giải thuật thêm phần tử dùng bảng Hash địa chỉ mở



## Algorithm Hash\_Insert

**Input:** bảng Hash, mẫu tin cần thêm vào

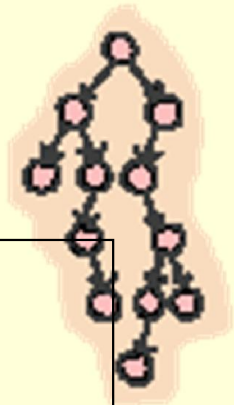
**Output:** bảng Hash đã có mẫu tin thêm vào

1.  $probe = hash(input\_key)$
2.  $increment = 1$  *//Dùng khi đụng độ*
3. **while** (table[probe] không rỗng) *//Có đụng độ*
  - //Dùng các phép thử (tuyến tính, bậc hai, ...)*
  - 3.1.  $probe = (probe + increment) \% hash\_size$
  - 3.2.  $increment = increment + 2$  *//Thử bậc hai*
4. table[probe] = new\_data

**End Hash\_insert**



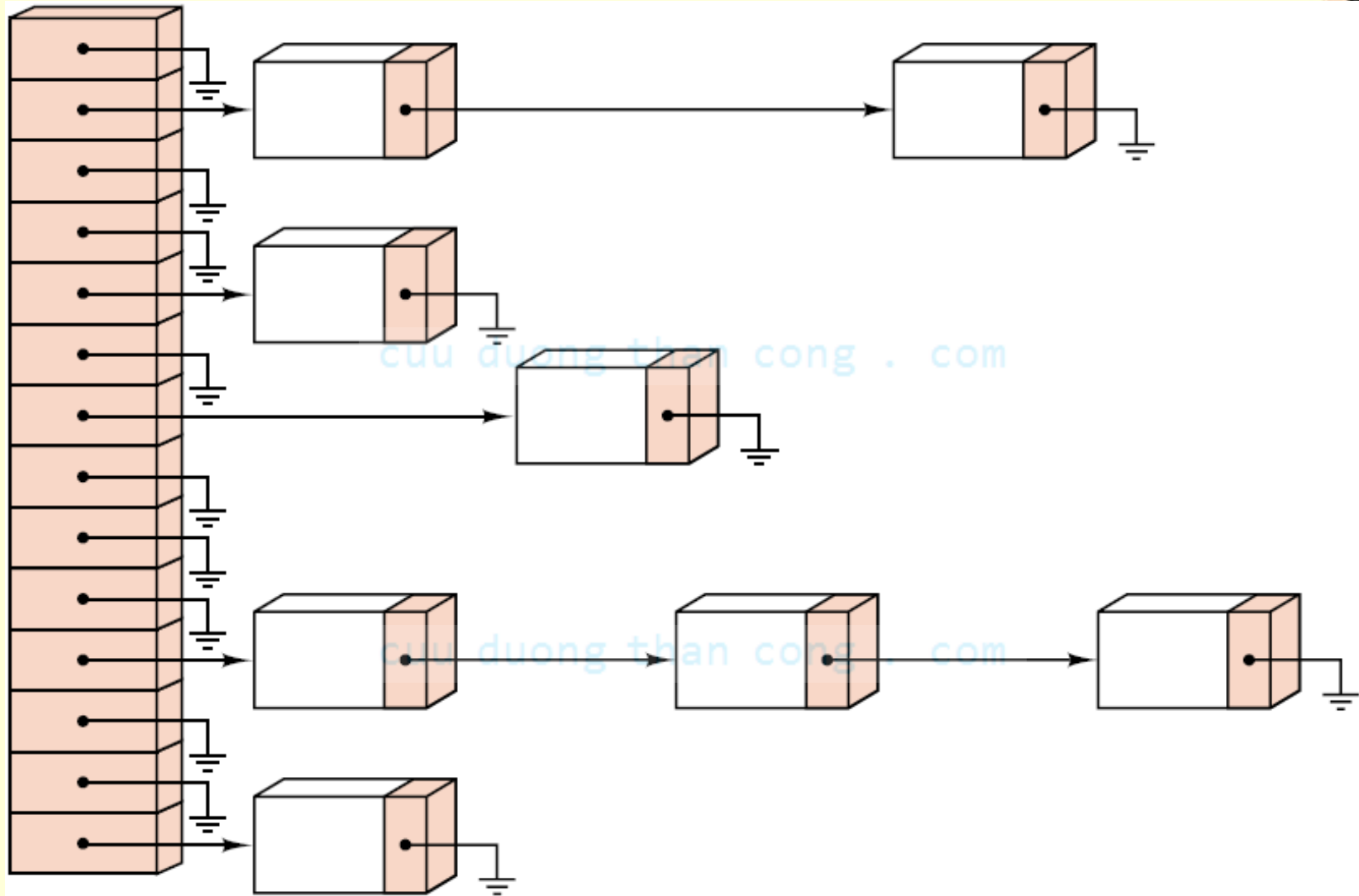
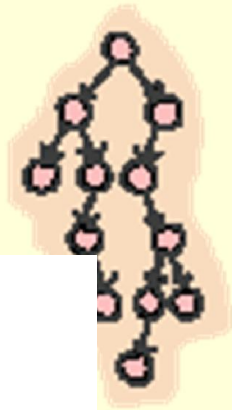
# Mã C++ thêm phần tử dùng bảng Hash địa chỉ mở



```
Error_code Hash_table :: insert(const Record &new_entry) {
    Error_code result = success;
    int probe_count = 0, increment = 1, probe;
    Key null;
    probe = hash(new_entry);
    while (table[probe] != null && table[probe] != new_entry
           && probe_count < (hash_size + 1)/2) {
        probe_count++;
        probe = (probe + increment)%hash_size;
        increment += 2;
    }
    if (table[probe] == null) table[probe] = new_entry;
    else if (table[probe] == new_entry) result = duplicate_error;
    else result = overflow;

    return result;
}
```

# Phương pháp nối kết (chained hash table)

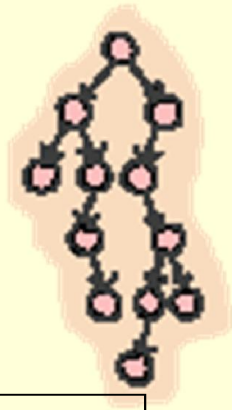


# Lợi ích của phương pháp nối kết



- ❏ Nếu số lượng mẫu tin lớn: tiết kiệm vùng nhớ.
- ❏ Giải quyết độ phức tạp: đơn giản là đẩy vào cùng một danh sách liên kết.
- ❏ Bảng hash nhỏ hơn nhiều so với số lượng mẫu tin.
- ❏ Xóa một phần tử là đơn giản và nhanh chóng.
- ❏ Độ phức tạp khi tìm kiếm:
  - Nếu có  $n$  mẫu tin, và bảng hash có kích thước  $m$
  - Độ dài trung bình của DSLK là  $n/m$

# Thiết kế bảng Hash nối kết



```
const int hash_size = 997; // a prime number of appropriate size
```

```
class Hash_table {
```

```
public:
```

```
    //Specify methods here
```

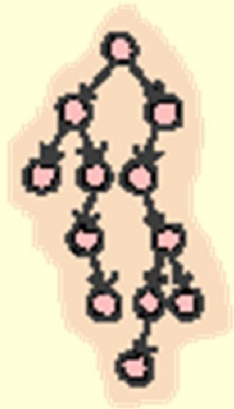
```
private:
```

```
    List<Record> table[hash_size];
```

```
};
```

cuu duong than cong . com

# Thiết kế các phương thức của bảng Hash nối kết



## ❏ Constructor:

- Gọi constructor của mỗi danh sách trong array.

## ❏ Clear:

- Gọi phương thức clear cho mỗi danh sách trong array.

## ❏ Retrieval:

- `sequential_search(table[hash(target)], target, position);`

## ❏ Insertion:

- `table[hash(new_entry)].insert(0, new_entry);`

## ❏ Deletion:

- `remove(const Key type &target, Record &x);`
- Nếu tìm thấy trong danh sách tương ứng thì xóa đi

# Đánh giá phương pháp dùng bảng Hash



- ❏ load factor  $\lambda$  = số mẫu tin/kích thước bảng hash
- ❏ Tìm kiếm với bảng hash nối kết:
  - $1 + (1/2)\lambda$  phép thử khi tìm thấy
  - $\lambda$  phép thử khi không tìm thấy.
- ❏ Tìm với bảng hash địa chỉ mở (thử ngẫu nhiên):
  - $(1/\lambda) \ln (1/(1-\lambda))$  phép thử khi tìm thấy
  - $1/(1-\lambda)$  phép thử khi không tìm thấy
- ❏ Tìm với bảng hash địa chỉ mở (thử tuyến tính):
  - $(1/2)(1 + 1/(1-\lambda))$  phép thử khi tìm thấy
  - $(1/2)(1 + 1/(1-\lambda)^2)$  phép thử khi không tìm thấy

# So sánh các phương pháp



## Theoretical comparisons:

| <i>Load factor</i>                                     | 0.10 | 0.50 | 0.80 | 0.90 | 0.99  | 2.00 |
|--------------------------------------------------------|------|------|------|------|-------|------|
| <i>Successful search, expected number of probes:</i>   |      |      |      |      |       |      |
| <i>Chaining</i>                                        | 1.05 | 1.25 | 1.40 | 1.45 | 1.50  | 2.00 |
| <i>Open, Random probes</i>                             | 1.05 | 1.4  | 2.0  | 2.6  | 4.6   | —    |
| <i>Open, Linear probes</i>                             | 1.06 | 1.5  | 3.0  | 5.5  | 50.5  | —    |
| <i>Unsuccessful search, expected number of probes:</i> |      |      |      |      |       |      |
| <i>Chaining</i>                                        | 0.10 | 0.50 | 0.80 | 0.90 | 0.99  | 2.00 |
| <i>Open, Random probes</i>                             | 1.1  | 2.0  | 5.0  | 10.0 | 100.  | —    |
| <i>Open, Linear probes</i>                             | 1.12 | 2.5  | 13.  | 50.  | 5000. | —    |

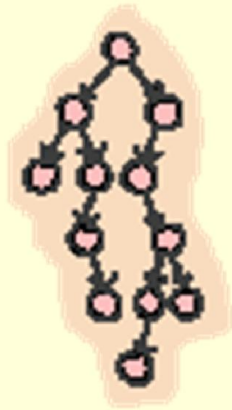
# So sánh các phương pháp (tt.)



## Empirical comparisons:

| <i>Load factor</i>                                    | 0.1  | 0.5  | 0.8  | 0.9  | 0.99 | 2.0  |
|-------------------------------------------------------|------|------|------|------|------|------|
| <i>Successful search, average number of probes:</i>   |      |      |      |      |      |      |
| <i>Chaining</i>                                       | 1.04 | 1.2  | 1.4  | 1.4  | 1.5  | 2.0  |
| <i>Open, Quadratic probes</i>                         | 1.04 | 1.5  | 2.1  | 2.7  | 5.2  | —    |
| <i>Open, Linear probes</i>                            | 1.05 | 1.6  | 3.4  | 6.2  | 21.3 | —    |
| <i>Unsuccessful search, average number of probes:</i> |      |      |      |      |      |      |
| <i>Chaining</i>                                       | 0.10 | 0.50 | 0.80 | 0.90 | 0.99 | 2.00 |
| <i>Open, Quadratic probes</i>                         | 1.13 | 2.2  | 5.2  | 11.9 | 126. | —    |
| <i>Open, Linear probes</i>                            | 1.13 | 2.7  | 15.4 | 59.8 | 430. | —    |





cuu duong than cong . com

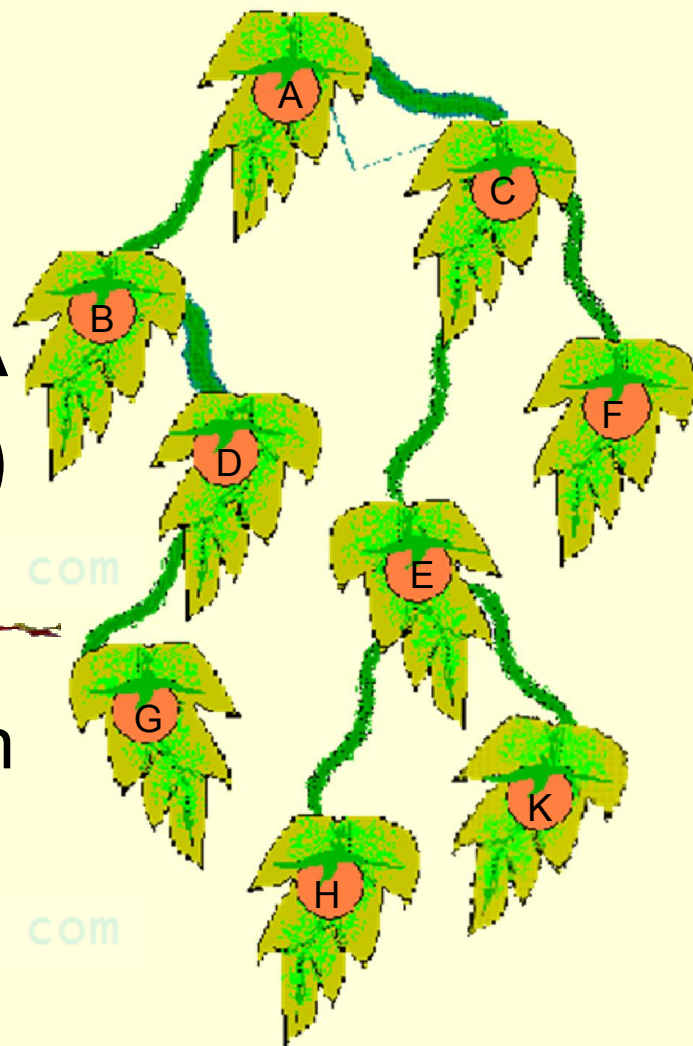
cuu duong than cong . com

# CẤU TRÚC DỮ LIỆU VÀ GIẢI THUẬT (501040)

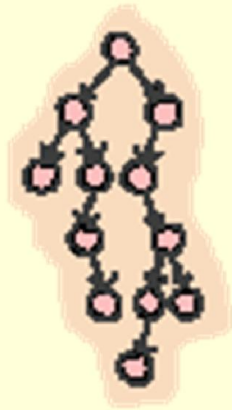
cuu duong than cong . com

## Chương 10: Cây nhị phân

cuu duong than cong . com



# Định nghĩa

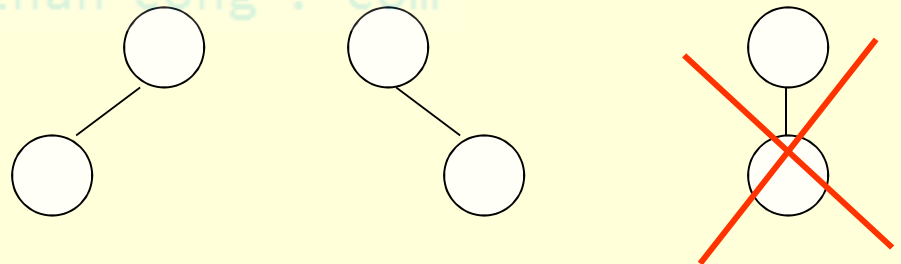


## Cây nhị phân

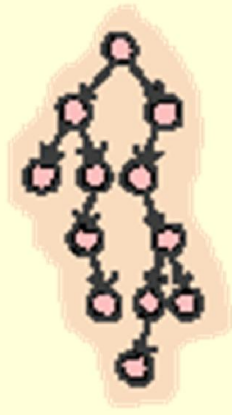
- Cây rỗng
- Hoặc có một node gọi là gốc (root) và 2 cây con gọi là cây con trái và cây con phải

## Ví dụ:

- Cây rỗng:
- Cây có 1 node: là node gốc
- Cây có 2 node:



# Các định nghĩa khác



## Mức:

- Node gốc ở mức 0.
- Node gốc của các cây con của một node ở mức  $m$  là  $m+1$ .

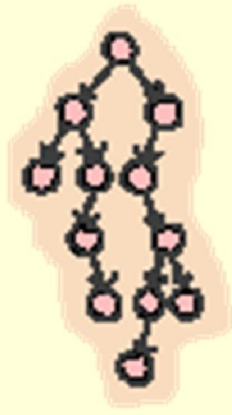
## Chiều cao:

- Cây rỗng là 0.
- Chiều cao lớn nhất của 2 cây con cộng 1
- (Hoặc: mức lớn nhất của các node cộng 1)

## Đường đi (path)

- Tên các node của quá trình đi từ node gốc theo các cây con đến một node nào đó.

# Các định nghĩa khác (tt.)



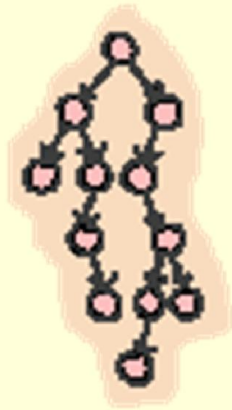
## Node trước, sau, cha, con:

- Node x là trước node y (node y là sau node x), nếu trên đường đi đến y có x.
- Node x là cha node y (node y là con node x), nếu trên đường đi đến y node x nằm ngay trước node y.

## Node lá, trung gian:

- Node lá là node không có cây con nào.
- Node trung gian không là node gốc hay node lá.

# Các tính chất khác



## Cây nhị phân đầy đủ, gần đầy đủ:

- Đầy đủ: các node lá luôn nằm ở mức cao nhất và các nút không là nút lá có đầy đủ 2 nhánh con.
- Gần đầy đủ: Giống như trên nhưng các node lá nằm ở mức cao nhất (hoặc trước đó một mức) và lấp đầy từ bên trái sang bên phải ở mức cao nhất.

## Chiều cao của cây có $n$ node:

- Trung bình  $h = \lceil \lg n \rceil + 1$
- Đầy đủ  $h = \lg(n + 1)$
- Suy biến  $h = n$

## Số phần tử tại mức $i$ nhiều nhất là $2^i$

# Phép duyệt cây



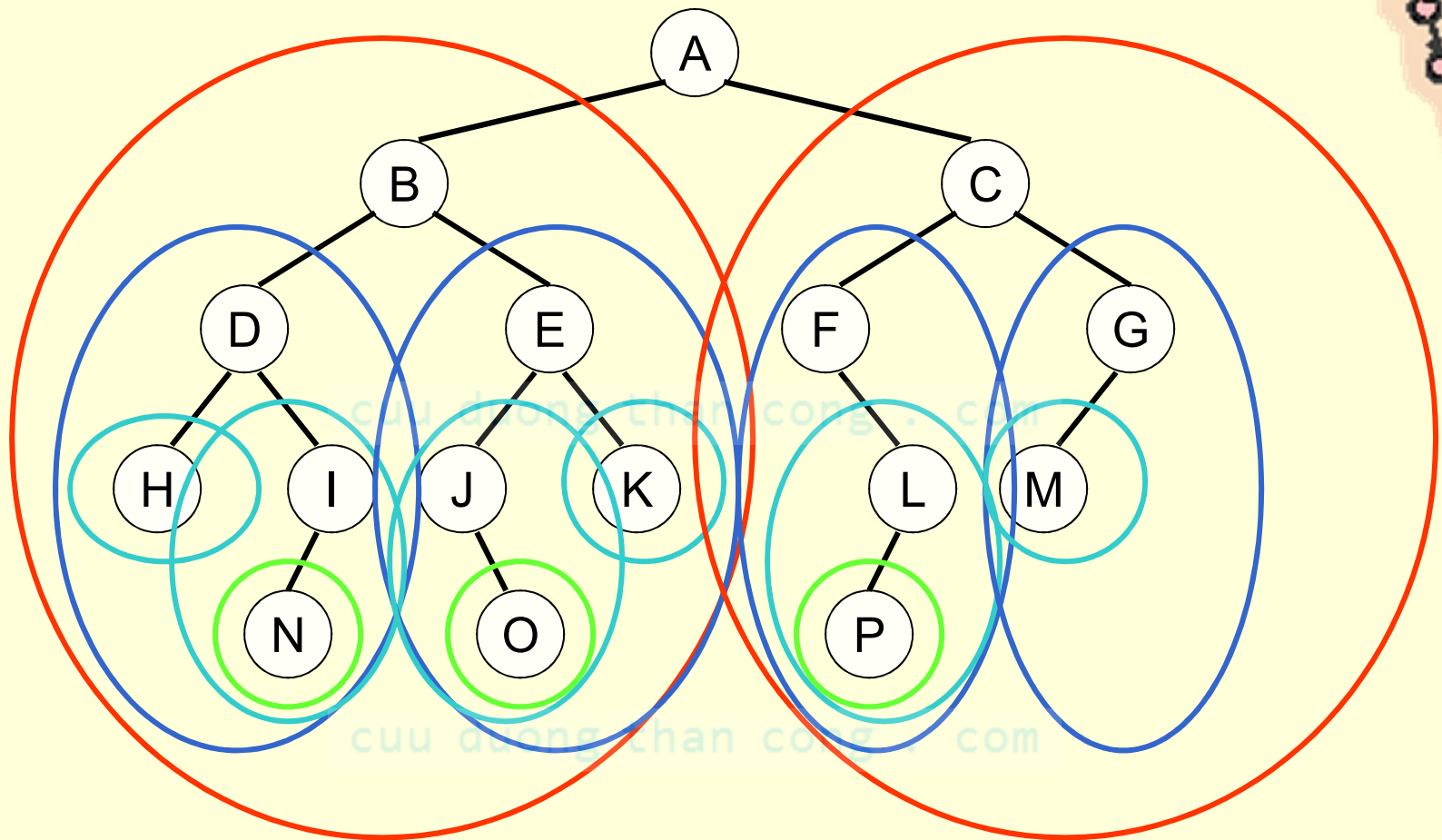
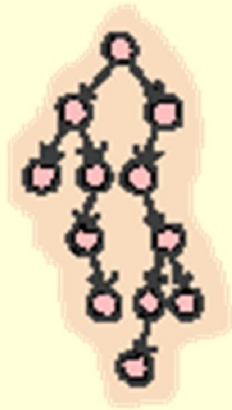
📖 Duyệt qua từng node của cây (mỗi node 1 lần)

📖 Cách duyệt:

- Chính thức: NLR, LNR, LRN, NRL, RNL, RLN
- Chuẩn: NLR (preorder), LNR (inorder), LRN (postorder)

cuu duong than cong . com

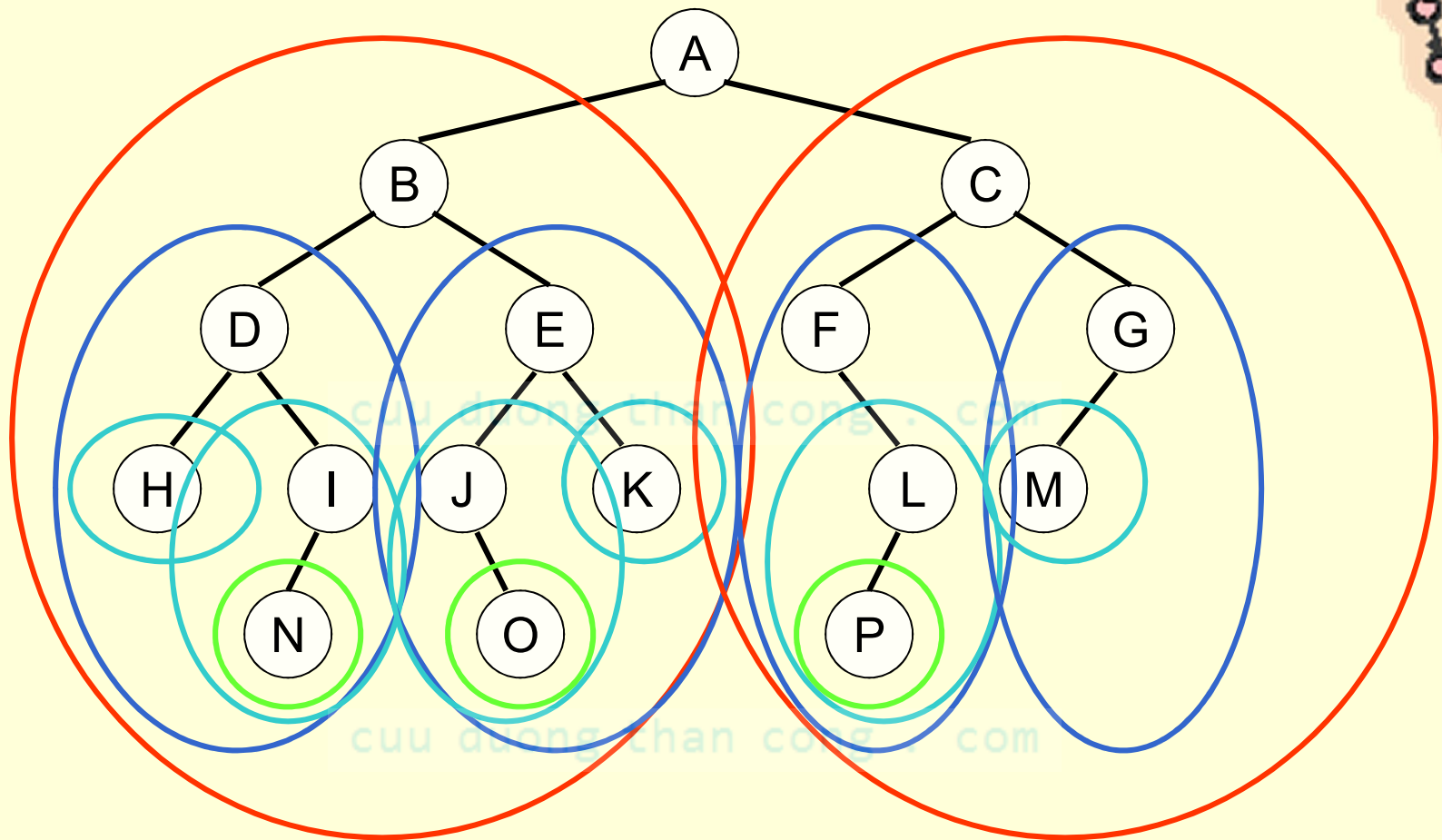
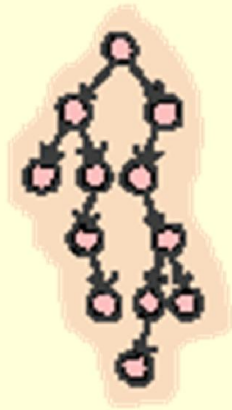
# Ví dụ về phép duyệt cây NLR



Kết quả: A B D H I N E J O K C F L P G M

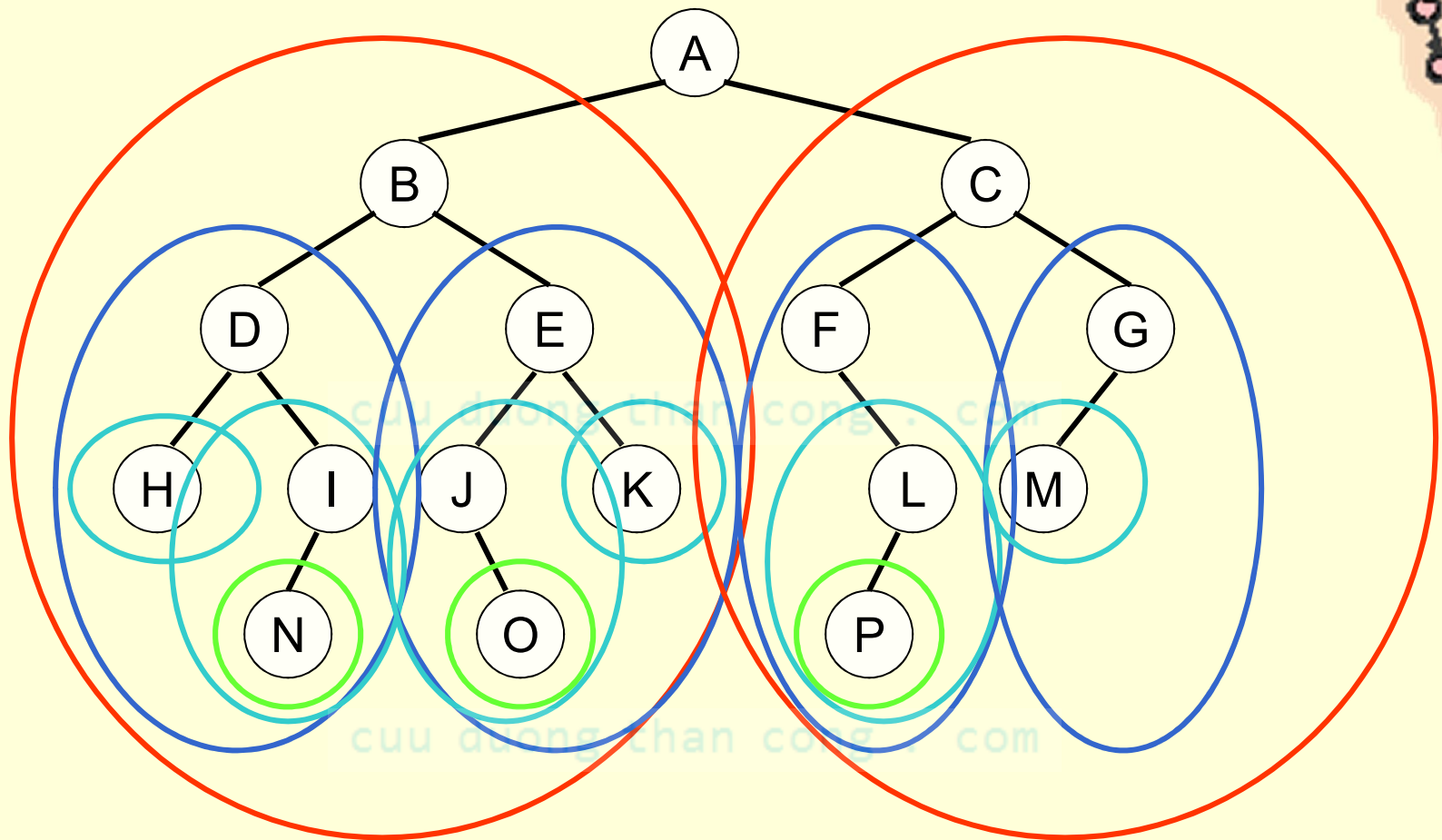
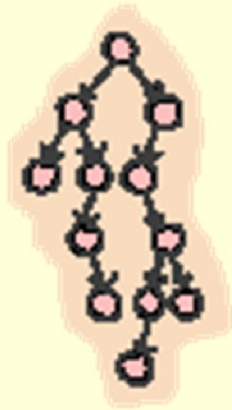


# Ví dụ về phép duyệt cây LNR



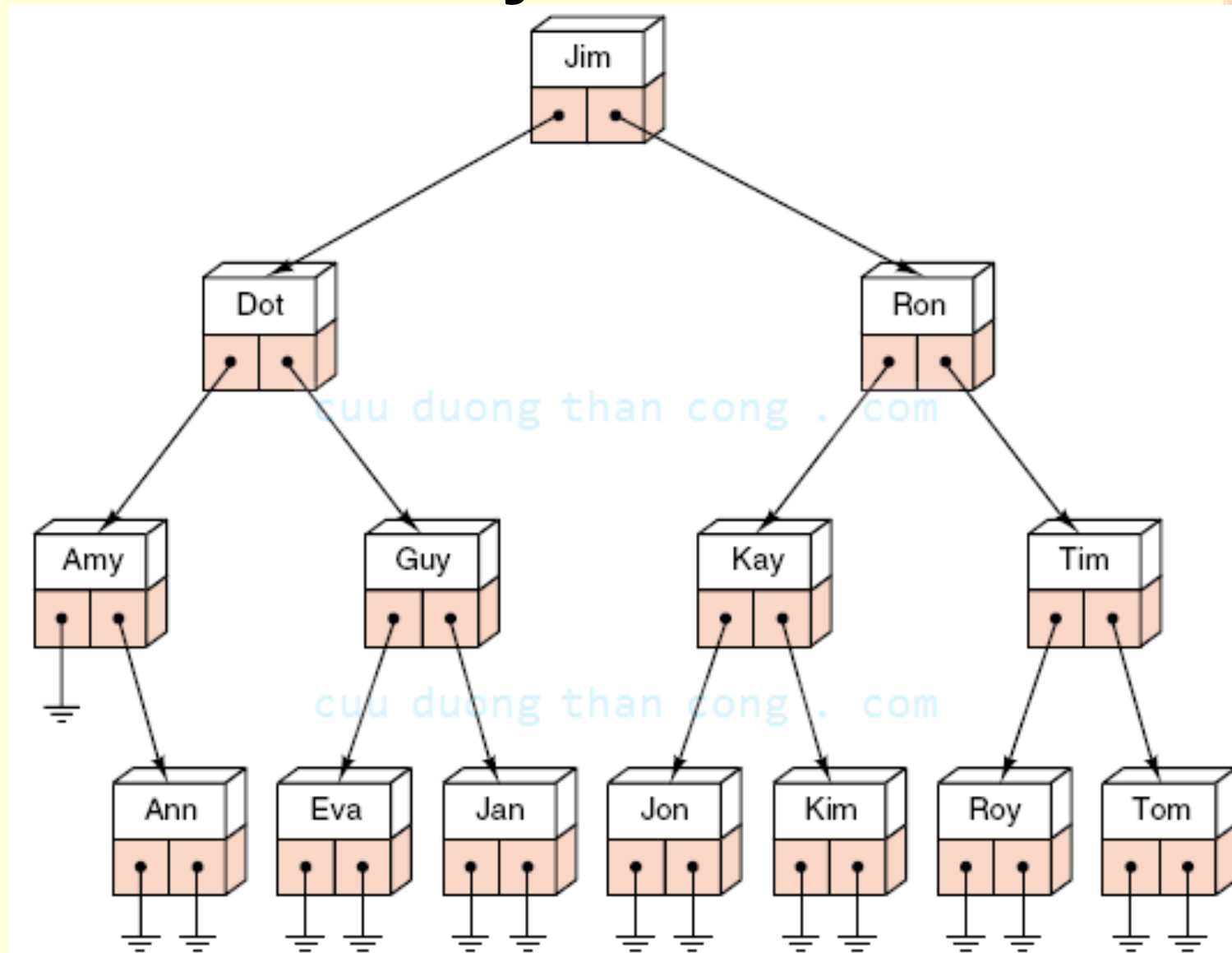
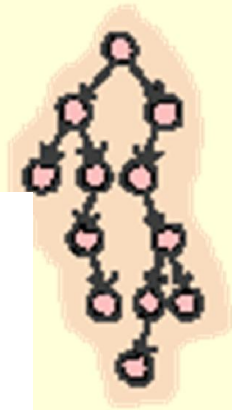
Kết quả: H D N I B J O E K A F P L C M G

# Ví dụ về phép duyệt cây LRN

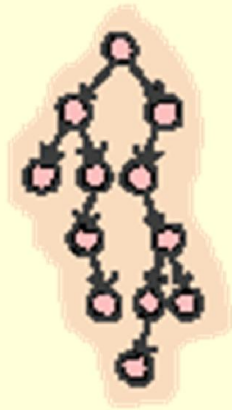


Kết quả: H N I D O J K E B P L F M G C A

# Cây liên kết



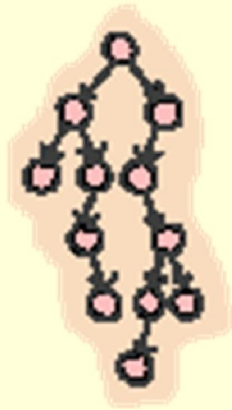
# Thiết kế cây liên kết



```
template <class Entry>
struct Binary_node {
    // data members:
    Entry data;
    Binary_node<Entry> *left, *right;
    // constructors:
    Binary_node( );
    Binary_node(const Entry &x);
};
```

```
template <class Entry>
class Binary_tree {
public:
    // Add methods here.
protected:
    // Add auxiliary function prototypes here.
    Binary_node<Entry> *root;
};
```

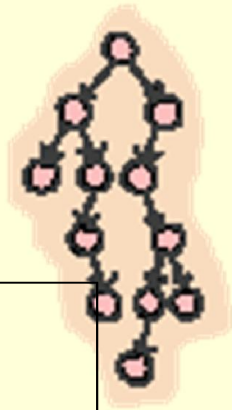
# Khởi tạo và kiểm tra rỗng



```
template <class Entry>
Binary_tree<Entry>::Binary_tree() {
    root = NULL;
};
```

```
template <class Entry>
bool Binary_tree<Entry>::empty() {
    return root == NULL;
};
```

# Thiết kế các phép duyệt cây



```
template <class Entry>
void Binary_tree<Entry> :: inorder(void (*visit)(Entry &)) {
    recursive_inorder(root, visit);
}
```

```
template <class Entry>
void Binary_tree<Entry> :: preorder(void (*visit)(Entry &)) {
    recursive_preorder(root, visit);
}
```

```
template <class Entry>
void Binary_tree<Entry> :: postorder(void (*visit)(Entry &)) {
    recursive_postorder(root, visit);
}
```

# Giải thuật duyệt cây inorder



**Algorithm** recursive\_inorder

**Input:** subroot là con trỏ node gốc và hàm *visit*

**Output:** kết quả phép duyệt

1. **if** (cây con không rỗng)
  - 1.1. **Call** recursive\_inorder với nhánh trái của subroot
  - 1.2. Duyệt node subroot bằng hàm *visit*
  - 1.3. **Call** recursive\_inorder với nhánh phải của subroot

**End** recursive\_inorder

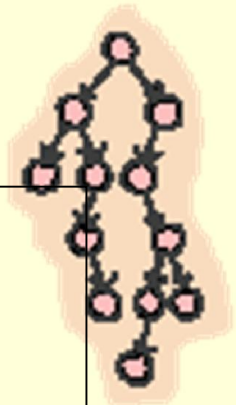
# Mã C++ duyệt cây inorder



```
template <class Entry>
void Binary_tree<Entry> ::recursive_inorder
    (Binary_node<Entry> *sub_root, void (*visit)(Entry &)) {
    if (sub_root != NULL) {
        recursive_inorder(sub_root->left, visit);
        (*visit)(sub_root->data);
        recursive_inorder(sub_root->right, visit);
    }
}
```



# Khai báo cây nhị phân



```
template <class Entry>
class Binary_tree {
public:
    Binary_tree( );
    bool empty( ) const;
    void preorder(void (*visit)(Entry &));
    void inorder(void (*visit)(Entry &));
    void postorder(void (*visit)(Entry &));
    int size( ) const;
    void clear( );
    int height( ) const;
    void insert(const Entry &);
    Binary_tree (const Binary_tree<Entry> &original);
    Binary_tree & operator = (const Binary_tree<Entry> &original);
    ~Binary_tree( );
protected:
    Binary_node<Entry> *root;
};
```

# Cây nhị phân tìm kiếm – Binary search tree (BST)



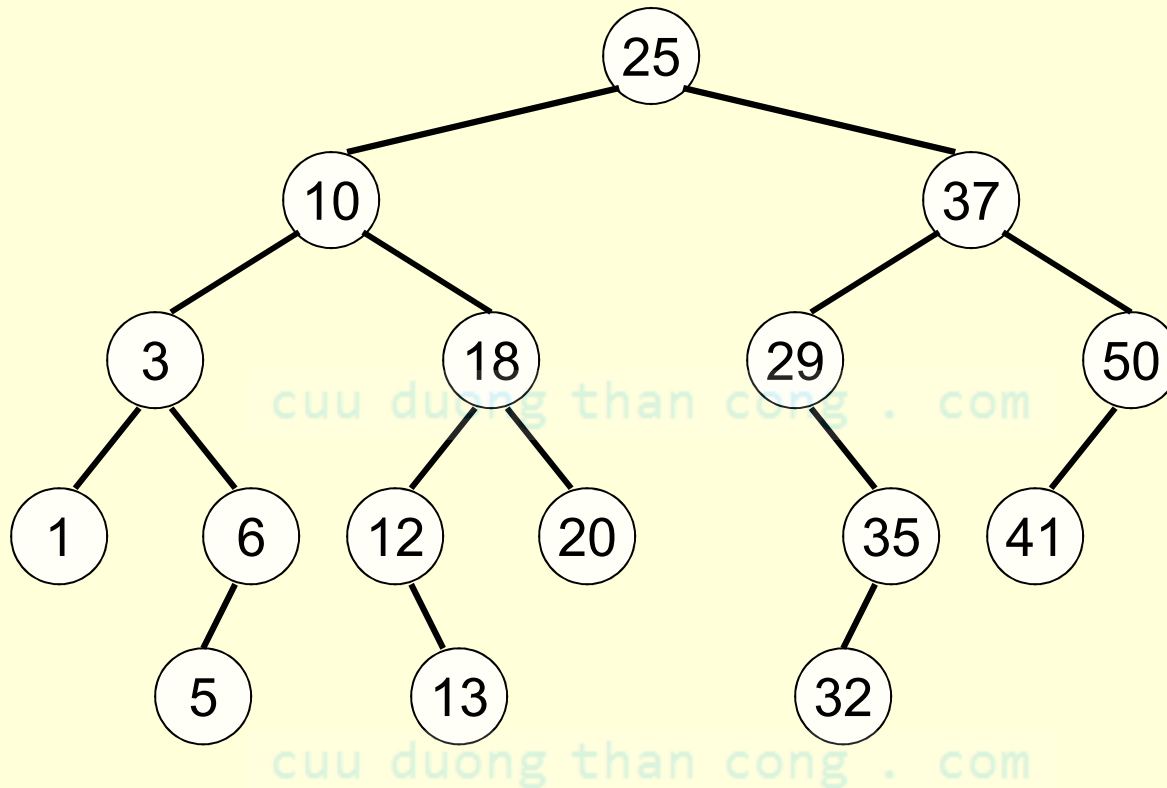
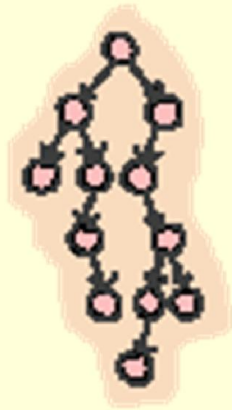
📖 Một cây nhị phân tìm kiếm (BST) là một cây nhị phân rỗng hoặc mỗi node của cây này có các đặc tính sau:

- 1. Khóa của node gốc lớn (hay nhỏ) hơn khóa của tất cả các node của cây con bên trái (hay bên phải)
- 2. Các cây con (bên trái, phải) là BST

📖 Tính chất:

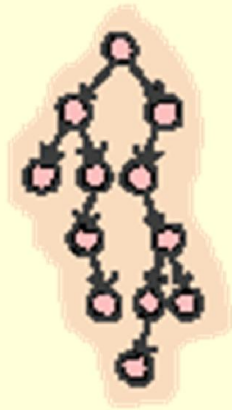
- Chỉ cần đặc tính 1 là đủ
- Duyệt inorder sẽ được danh sách có thứ tự

# Ví dụ BST



Duyệt inorder: 1 3 5 6 10 12 13 18 20 25 29 32 35 37 41 50

# Các tính chất khác của BST



📖 Node cực trái (hay phải):

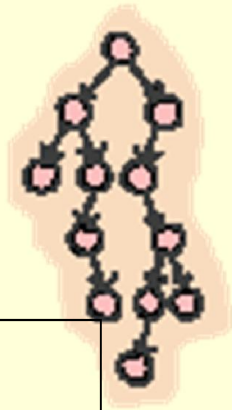
- Xuất phát từ node gốc
- Đi sang trái (hay phải) đến khi không đi được nữa

📖 Khóa của node cực trái (hay phải) là nhỏ nhất (hay lớn nhất) trong BST

📖 BST là cây nhị phân có tính chất:

- Khóa của node gốc lớn (hay nhỏ) hơn khóa của node cực trái (hay cực phải)

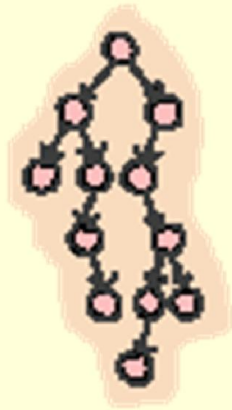
# Thiết kế BST



```
template <class Record>
class Search_tree: public Binary_tree<Record> {
public:
    //Viết lại phương thức chèn vào, loại bỏ để đảm bảo vẫn là BST
    Error_code insert(const Record &new_data);
    Error_code remove(const Record &old_data);

    //Thêm phương thức tìm kiếm dựa vào một khóa
    Error_code tree_search(Record &target) const;
private:
    // Add auxiliary function prototypes here.
};
```

# Tìm kiếm trên BST



- ❏ Chọn hướng tìm theo tính chất của BST:
  - So sánh với node gốc, nếu đúng thì tìm thấy
  - Tìm bên nhánh trái (hay phải) nếu khóa cần tìm nhỏ hơn (hay lớn hơn) khóa của node gốc
- ❏ Giống phương pháp tìm kiếm nhị phân
- ❏ Thời gian tìm kiếm
  - Tốt nhất và trung bình:  $O(\lg n)$
  - Tệ nhất:  $O(n)$

# Giải thuật tìm kiếm trên BST



## Algorithm BST\_search

**Input:** subroot là node gốc và target là khóa cần tìm

**Output:** node tìm thấy

1. **if** (cây rỗng)
  - 1.1. **return** not\_found
2. **if** (target trùng khóa với subroot)
  - 2.1. **return** subroot
3. **if** (target có khóa nhỏ hơn khóa của subroot)
  - 3.1. Tìm bên nhánh trái của subroot
4. **else**
  - 4.1. Tìm bên nhánh phải của subroot

**End** BST\_search

# Mã C++ tìm kiếm trên BST



```
template <class Record>
Binary_node<Record> *Search_tree<Record> :: search_for_node
(Binary_node<Record>* sub_root, const Record &target) const {

    if (sub_root == NULL || sub_root->data == target)
        return sub_root;
    else if (sub_root->data < target)
        return search_for_node(sub_root->right, target);
    else return search_for_node(sub_root->left, target);
}
```



# Mã C++ tìm kiếm trên BST (không đệ qui)

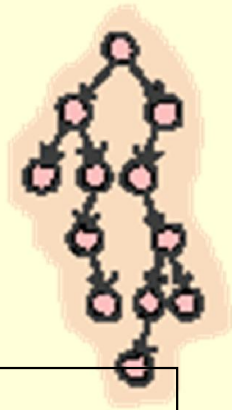


```
template <class Record>
Binary_node<Record> *Search_tree<Record> :: search_for_node
    (Binary_node<Record>* sub_root, const Record &target) const {

    while (sub_root != NULL && sub_root->data != target)
        if (sub_root->data < target) sub_root = sub_root->right;
        else sub_root = sub_root->left;
    return sub_root;
}
```

cuu duong than cong . com

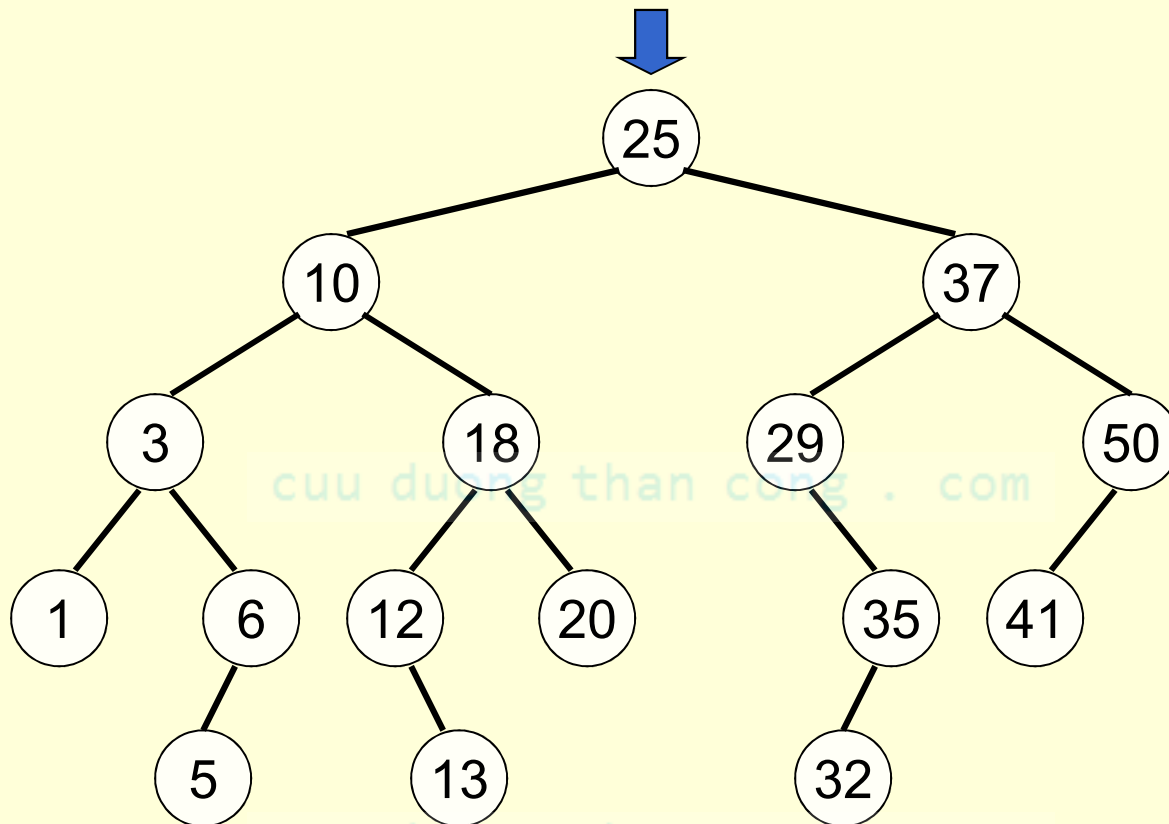
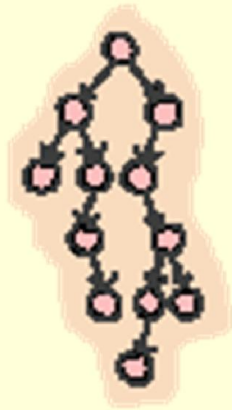
# Phương thức tree\_search



```
template <class Record>
Error_code Search_tree<Record> :: tree_search(Record &target) const {

    Error_code result = success;
    Binary_node<Record> *found = search_for_node(root, target);
    if (found == NULL)
        result = not_present;
    else
        target = found->data;
    return result;
}
```

# Ví dụ tìm kiếm trên BST



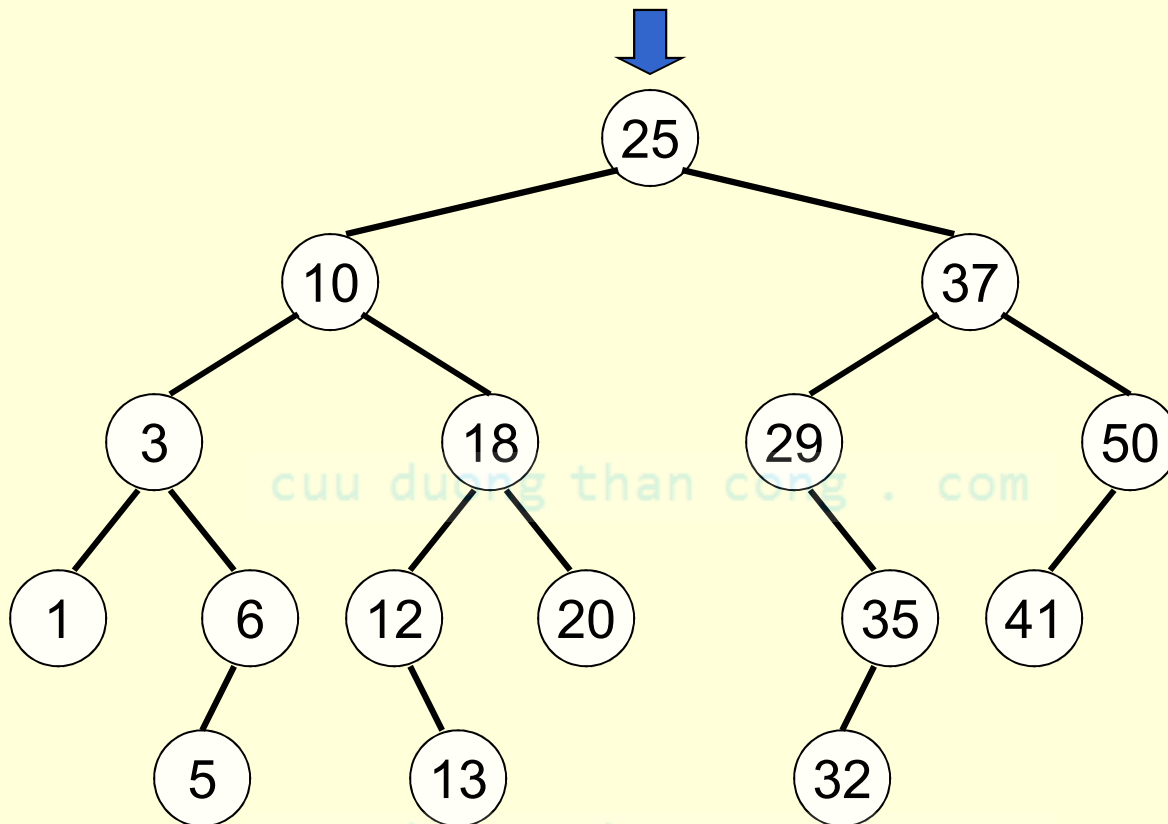
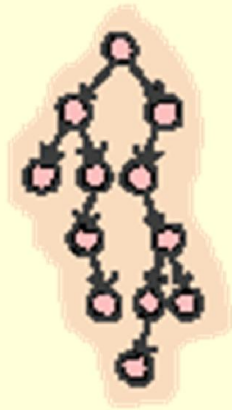
Tìm kiếm 13

Tìm thấy

Số node duyệt: 5  
Số lần so sánh: 9

Những giá trị nhỏ hơn

# Ví dụ tìm kiếm trên BST

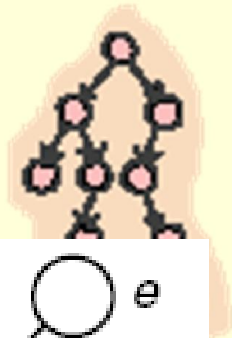


Khóa gốc nhỏ hơn

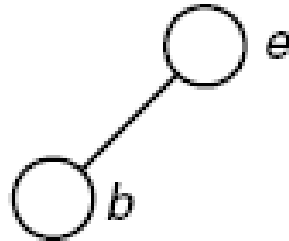
Tìm kiếm 14    Không tìm thấy

Số node duyệt: 5  
Số lần so sánh: 10

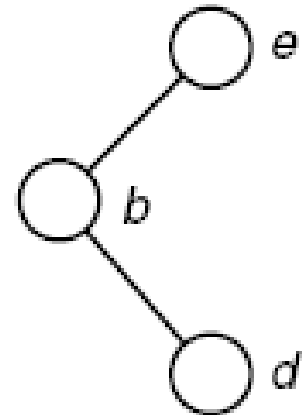
# Thêm vào BST



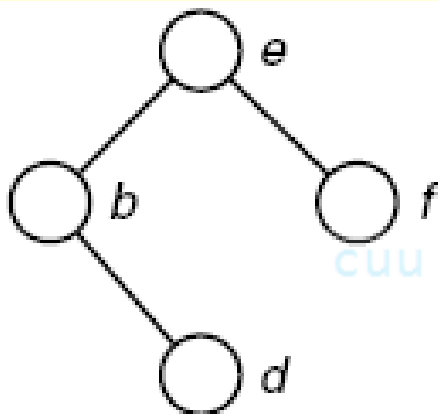
(a) Insert *e*



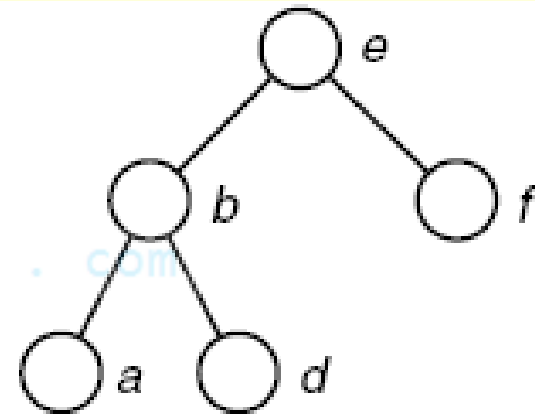
(b) Insert *b*



(c) Insert *d*

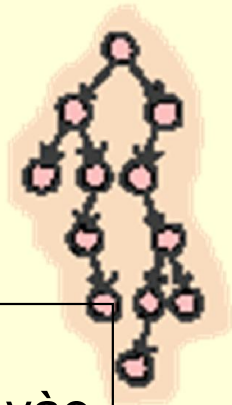


(d) Insert *f*



(e) Insert *a*

# Giải thuật thêm vào BST



## Algorithm BST\_insert

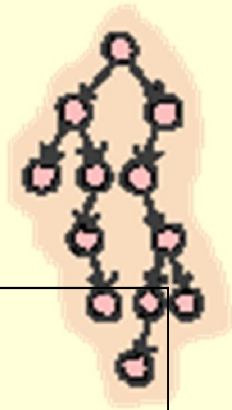
**Input:** subroot là node gốc và new\_data là dữ liệu cần thêm vào

**Output:** BST sau khi thêm vào

1. **if** (cây rỗng)
  - 1.1. Thêm vào tại vị trí này
2. **if** (target trùng khóa với subroot)
  - 2.1. **return** duplicate\_error
3. **if** (new\_data có khóa nhỏ hơn khóa của subroot)
  - 3.1. Thêm vào bên nhánh trái của subroot
4. **else**
  - 4.1. Thêm vào bên nhánh phải của subroot

**End** BST\_insert

# Mã C++ thêm vào BST



```
template <class Record>
Error_code Search_tree<Record> :: search_and_insert
(Binary_node<Record> * &sub_root, const Record &new_data) {

    if (sub_root == NULL) {
        sub_root = new Binary_node<Record>(new_data);
        return success;
    }
    else if (new_data < sub_root->data)
        return search_and_insert(sub_root->left, new_data);
    else if (new_data > sub_root->data)
        return search_and_insert(sub_root->right, new_data);
    else return duplicate_error;
}
```

## Algorithm BST\_insert

**Input:** subroot là node gốc và new\_data là dữ liệu cần thêm vào

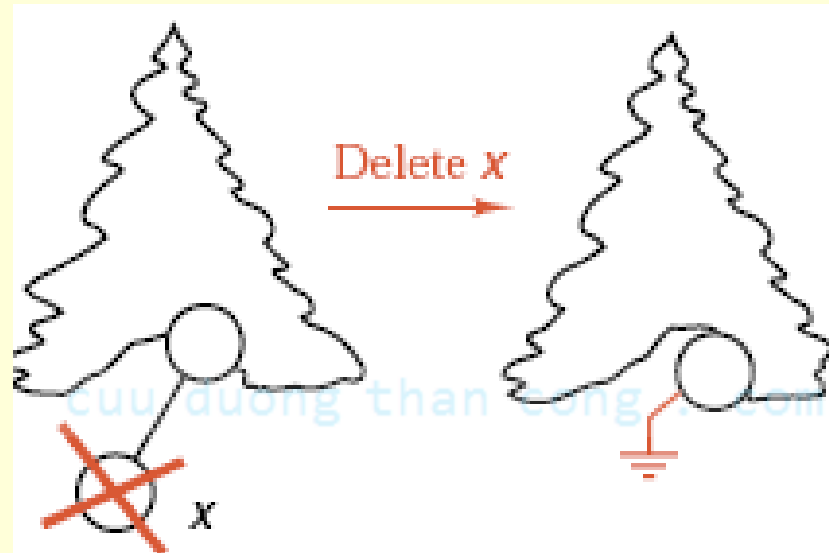
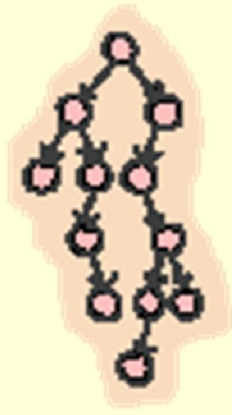
**Output:** BST sau khi thêm vào

1. parent là rỗng và left\_or\_right là “left”
2. **while** (subroot không rỗng)
  - 2.1. **if** (target trùng khóa với subroot)
    - 2.1.1. **return** duplicate\_error
  - 2.2. **if** (new\_data có khóa nhỏ hơn khóa của subroot)
    - 2.2.2. parent là subroot và left\_or\_right là “left”
    - 2.2.1. Chuyển subroot sang nhánh trái của subroot
  - 2.3. **else**
    - 2.3.2. parent là subroot và left\_or\_right là “right”
    - 2.3.1. Chuyển subroot sang nhánh phải của subroot
3. **if** (subroot là rỗng) *//Thêm vào tại vị trí này*
  - 3.1. **if** (parent là rỗng)
    - 3.1.1. Tạo node gốc của cây
  - 3.2. **else**
    - 3.2.1. Tạo node bên trái hay phải parent tùy theo left\_or\_right

**End BST\_insert**

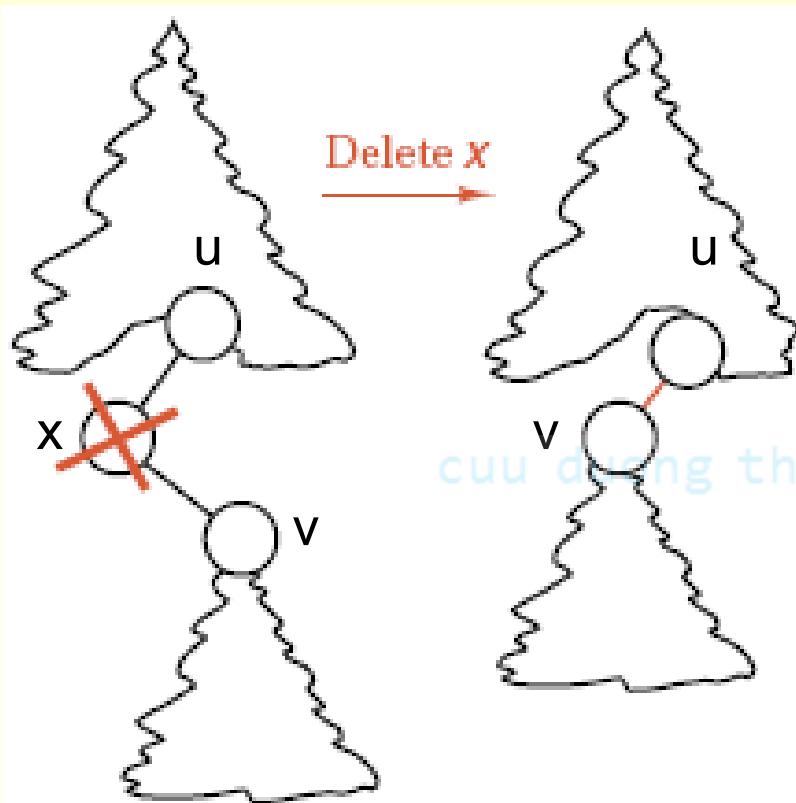
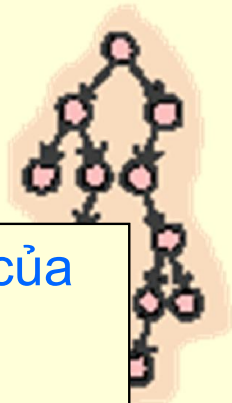


# Xóa một node lá khỏi BST



1. Xóa node này
2. Gán liên kết từ cha của nó thành rỗng

# Xóa một node chỉ có một con



1. Gán liên kết từ cha của nó xuống con duy nhất của nó
2. Xóa node này

A. Đường dẫn đến các node của cây con v có dạng:

... u x v ...

B. Không còn node nào trong cây có đường dẫn có dạng như vậy.

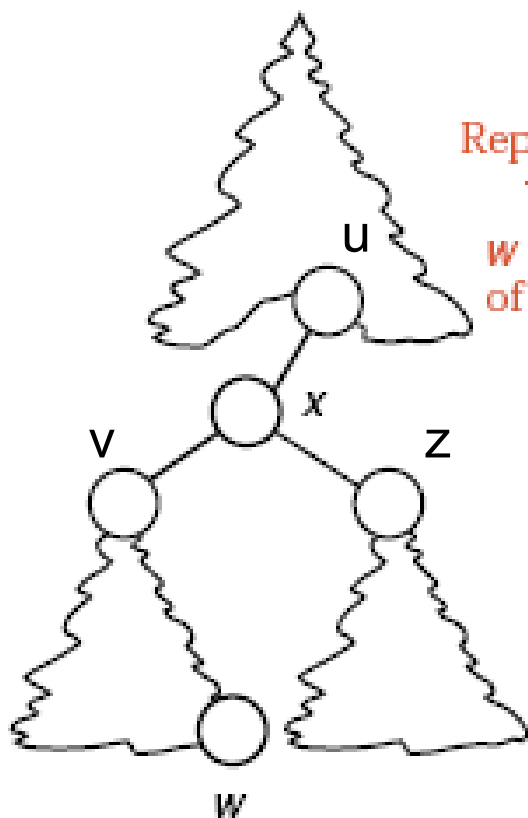
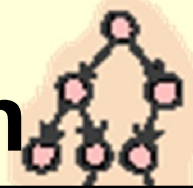
C. Sau khi xóa node x, đường dẫn đến các node của cây con v có dạng:

... u v ...

D. Đường dẫn của các node khác trong cây không đổi.

E. Trước đó, các node của cây con v nằm trong nhánh con của x là bên trái (bên phải) của u và bây giờ cũng nằm bên trái (bên phải) của u nên vẫn thỏa mãn BST

# Xóa một node có đủ 2 nhánh con



A. Đường dẫn đến các node của cây con v và z có dạng:

... u x v ...

... u x z ...

B. Nếu xóa node x thì đường dẫn đến các node của cây con v và z có dạng:

... u v ...

... u z ...

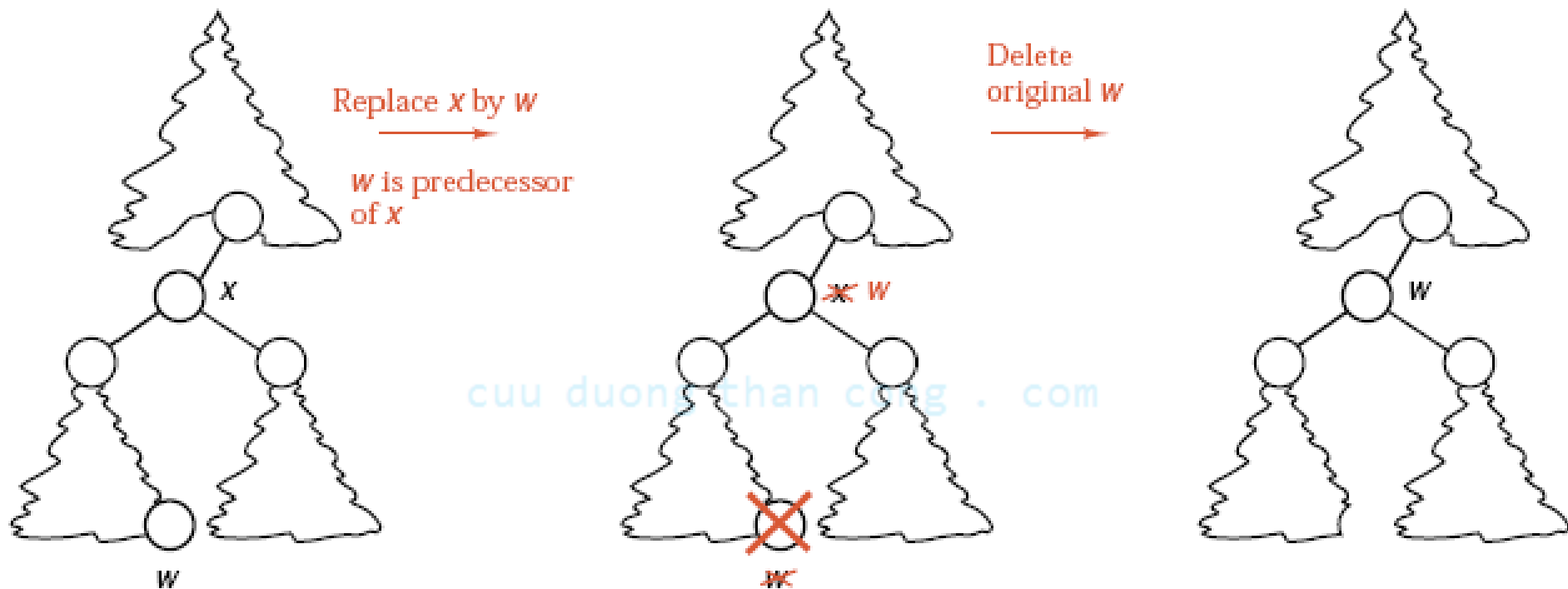
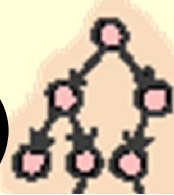
D. Điều này chỉ xảy ra khi cây con u và v nằm về 2 phía của u => không còn là BST.

E. Giải pháp là thay giá trị x bằng giá trị w thuộc cây này sao cho:

w lớn hơn tất cả khóa của các node của cây con v

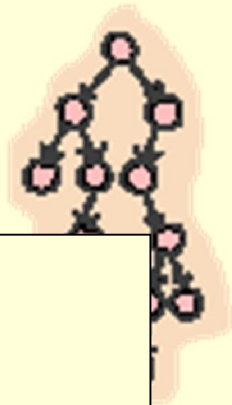
w nhỏ hơn tất cả khóa của các node của cây con z

# Xóa một node có đủ 2 nhánh con (tt.)



1. Tìm w là node trước node x trên phép duyệt cây inorder (chính là node cực phải của cây con bên trái của x)
2. Thay x bằng w
3. Xóa node w cũ (giống trường hợp 1 hoặc 2 đã xét)

# Giải thuật xóa một node



## Algorithm BST\_remove\_root

**Input:** subroot là node gốc cần phải xóa

**Output:** BST sau khi xóa xong subroot

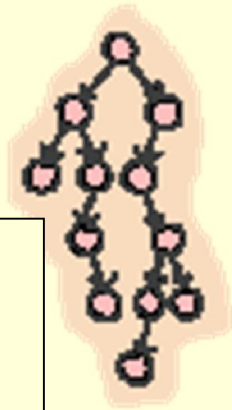
1. **if** (trường hợp 1 hoặc 2)     *//subroot là node lá hoặc có một con*
  - 1.1. Gán liên kết cha đến rỗng hoặc nhánh con duy nhất của subroot
  - 1.2. Xóa subroot
2. **else**     *//trường hợp 3: có 2 nhánh con*

*//Tìm node cực phải của cây con trái*

  - 2.1. to\_delete là node con trái của subroot
  - 2.2. **while** (nhánh phải của to\_delete không rỗng)
    - 2.2.1. di chuyển to\_delete sang node con phải
  - 2.2. Thay dữ liệu của subroot bằng dữ liệu của to\_delete
  - 2.4. **Call** BST\_remove\_root với to\_delete

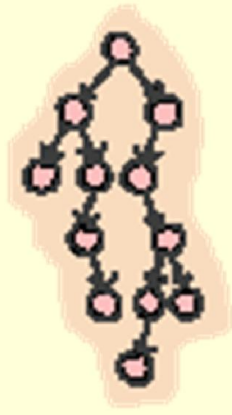
**End** BST\_remove\_root

# Mã C++ xóa một node



```
template <class Record>
Error_code Search_tree<Record> :: remove_root
    (Binary_node<Record> * &sub_root) {
    if (sub_root == NULL) return not_present;
    Binary_node<Record> *to_delete = sub_root;
    if (sub_root->right == NULL) sub_root = sub_root->left;
    else if (sub_root->left == NULL) sub_root = sub_root->right;
    else { to_delete = sub_root->left;
        Binary_node<Record> *parent = sub_root;
        while (to_delete->right != NULL) {
            parent = to_delete;
            to_delete = to_delete->right; }
        sub_root->data = to_delete->data;
        if (parent == sub_root) sub_root->left = to_delete->left;
        else parent->right = to_delete->left; }
    delete to_delete;
    return success; }
```

# Cây cân bằng chiều cao - AVL



❏ Cây cân bằng hoàn toàn:

- Số node của nhánh trái và nhánh phải chênh nhau không quá 1.

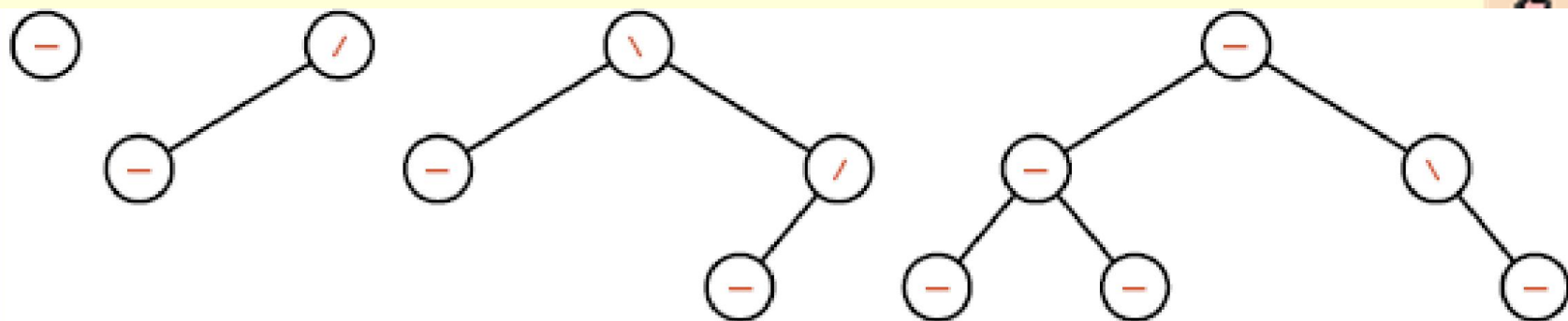
❏ ĐN cây AVL:

- BST
- Tại node bất kỳ, chiều cao nhánh trái và nhánh phải chênh nhau không quá 1.

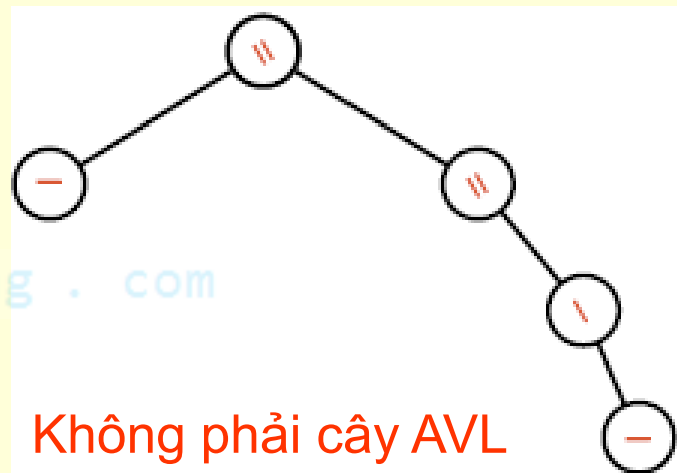
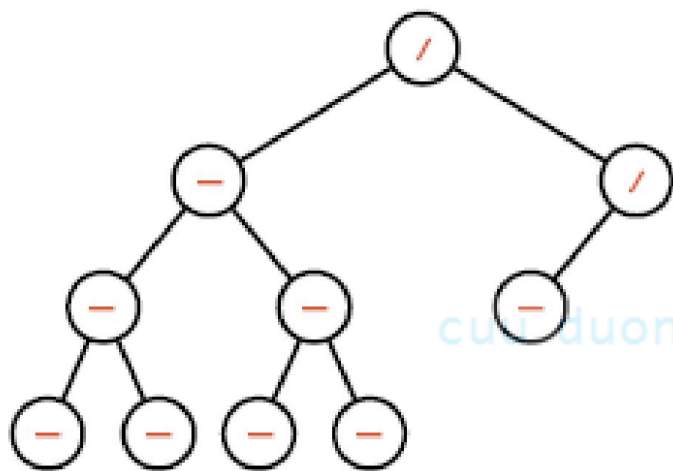
❏ Ký hiệu cho mỗi node của cây AVL:

- Node cân bằng: '-'
- Nhánh trái cao hơn: '/'
- Nhánh phải cao hơn: '\'

# Ví dụ cây AVL



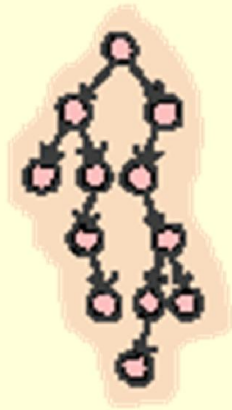
Cây AVL



Không phải cây AVL



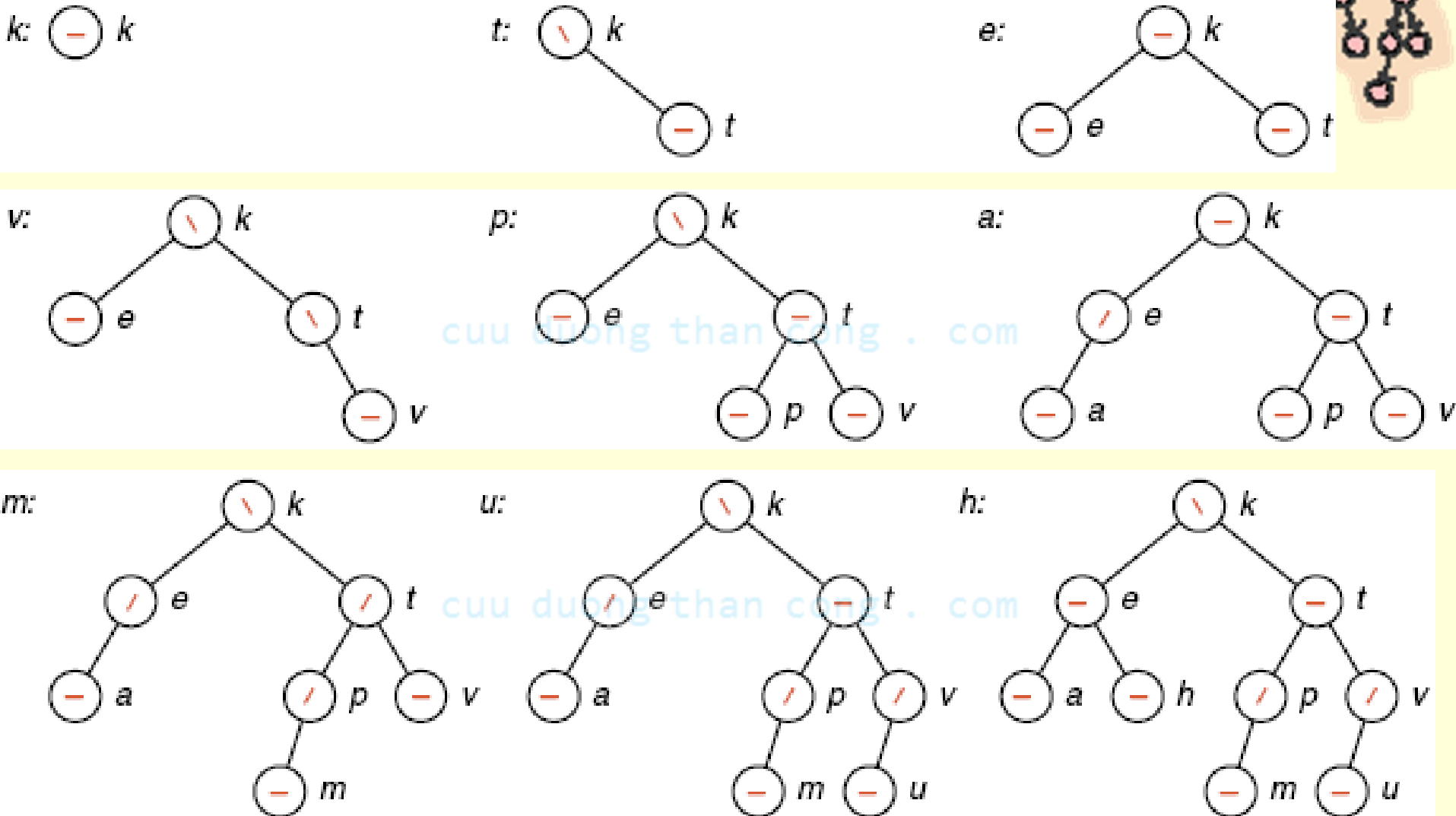
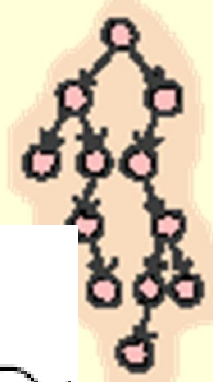
# Khai báo cây AVL



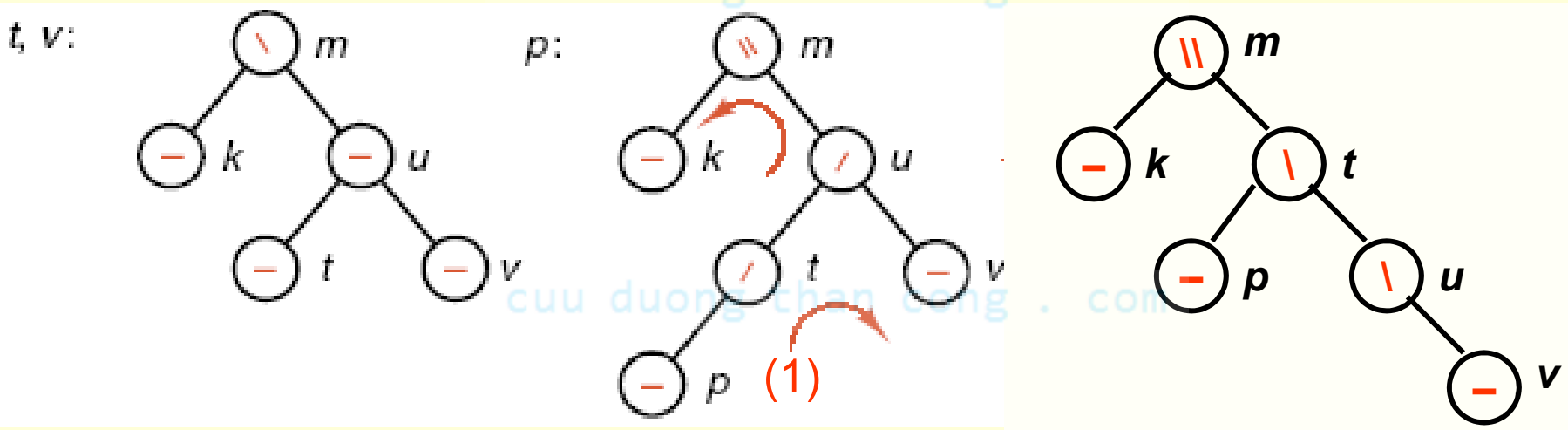
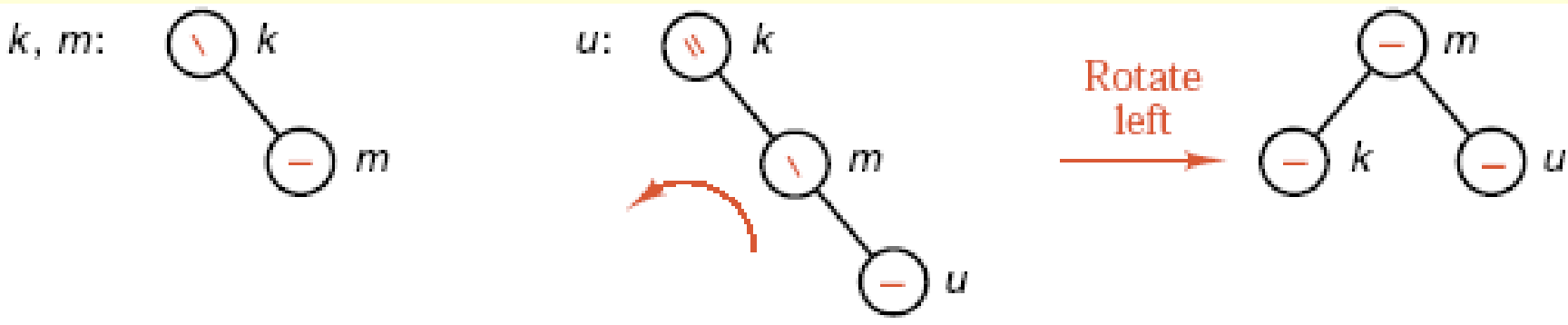
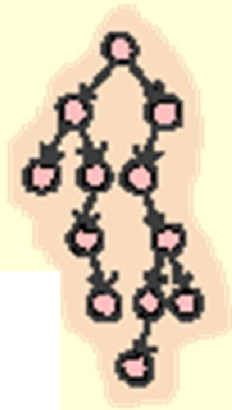
```
enum Balance_factor { left_higher, equal_height, right_higher };  
template <class Record>  
struct AVL_node: public Binary_node<Record> {  
    // additional data member:  
    Balance_factor balance;  
    AVL_node( );  
    AVL_node(const Record &x);  
    void set_balance(Balance_factor b);  
    Balance_factor get_balance( ) const;  
};
```

```
template <class Record>  
class AVL_tree: public Search_tree<Record> {  
    public:  
        Error_code insert(const Record &new data);  
        Error_code remove(const Record &old data);  
    private:  
        // Add auxiliary function prototypes here.  
};
```

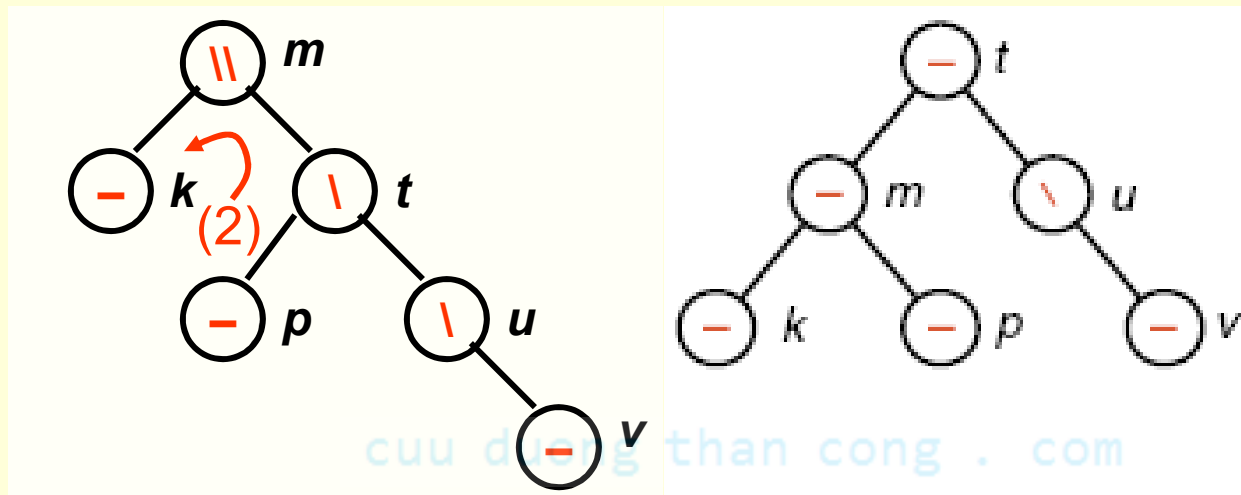
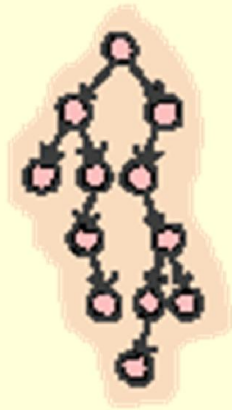
# Ví dụ 1 thêm vào cây AVL



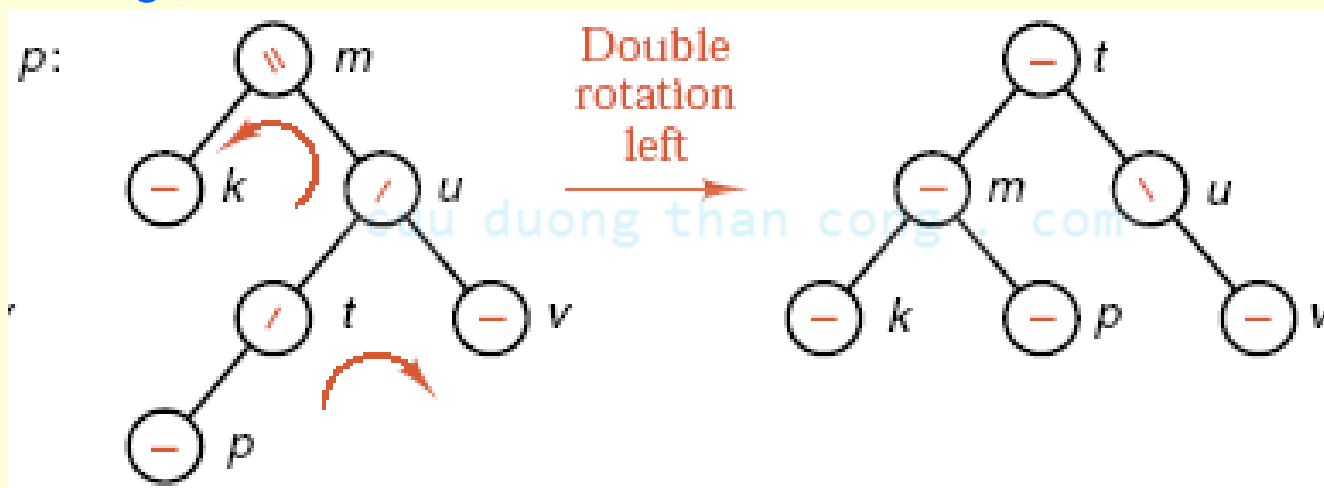
# Ví dụ 2 thêm vào cây AVL



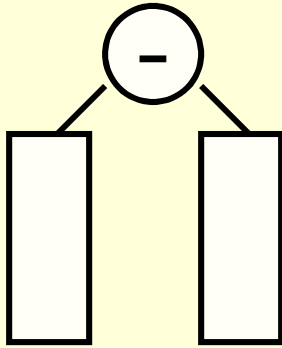
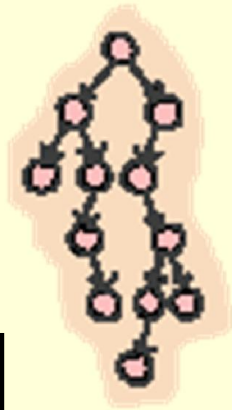
# Ví dụ 2 thêm vào cây AVL (tt.)



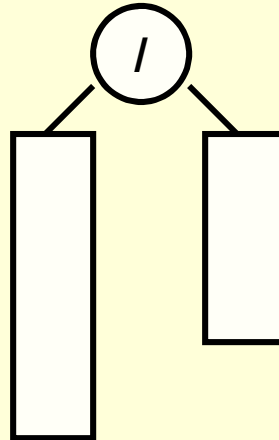
Viết gọn



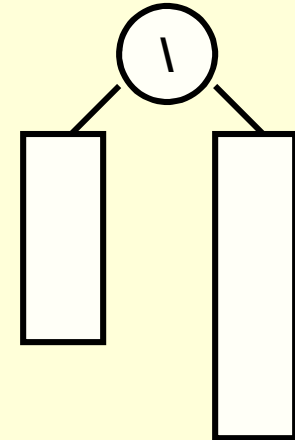
# Các trạng thái khi thêm vào



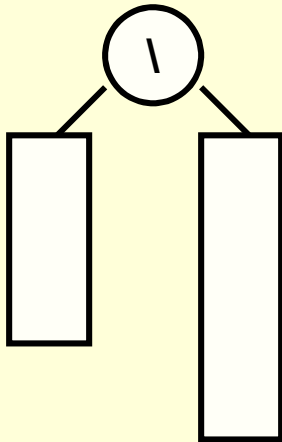
Thêm vào bên phải và  
làm bên phải cao lên



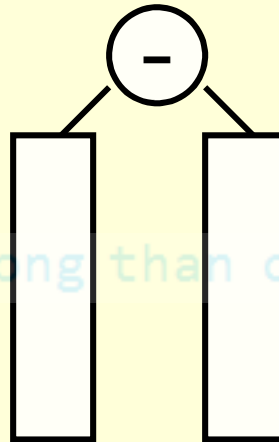
Thêm vào bên phải và  
làm bên phải cao lên



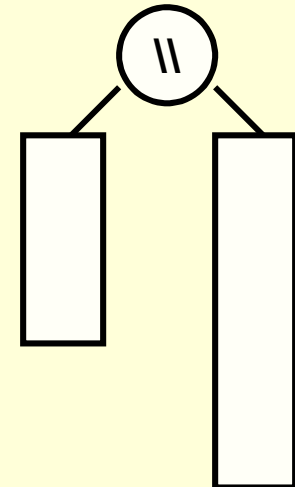
Thêm vào bên phải và  
làm bên phải cao lên



Chiều cao cây tăng

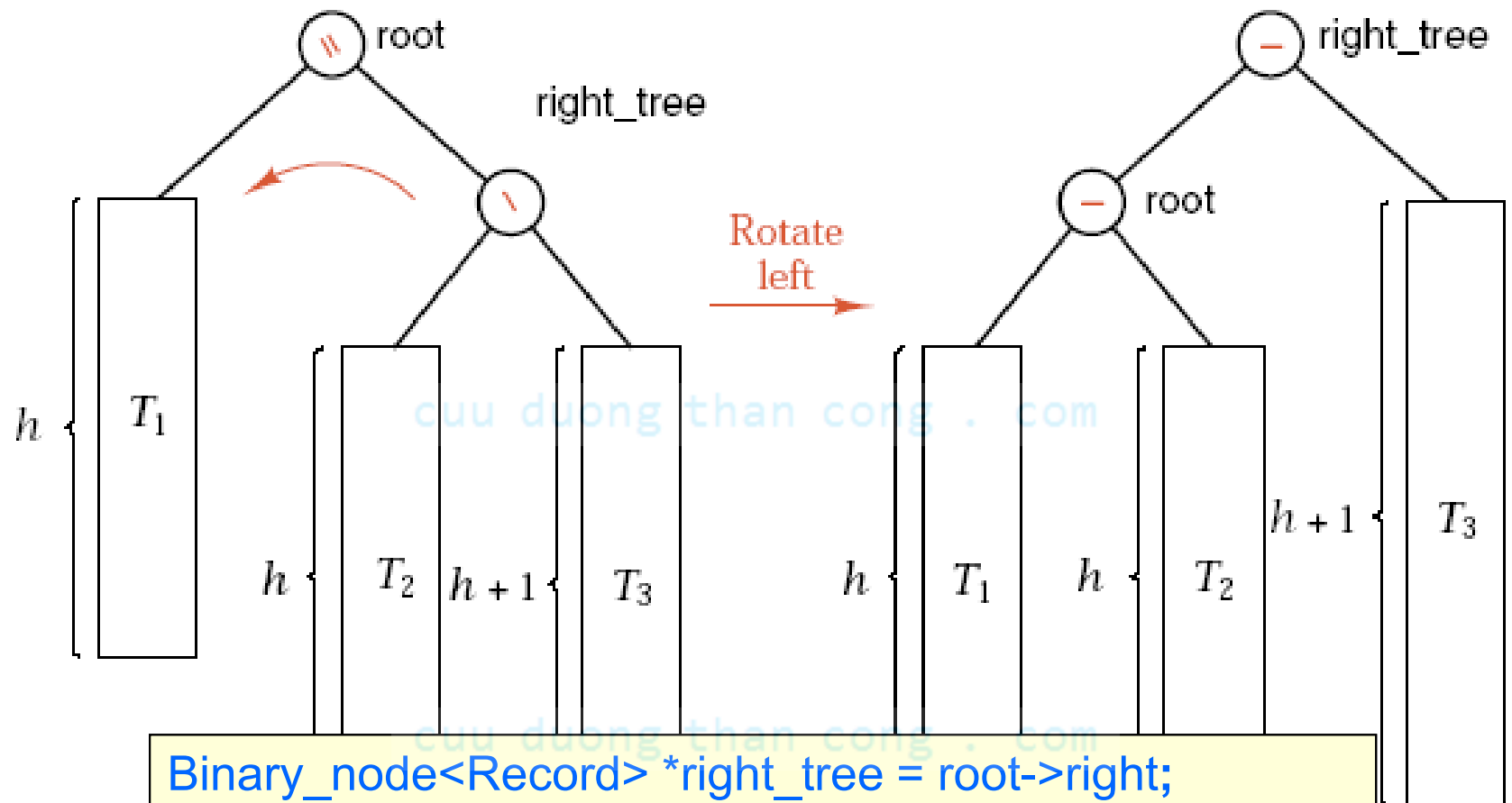


Chiều cao cây không đổi



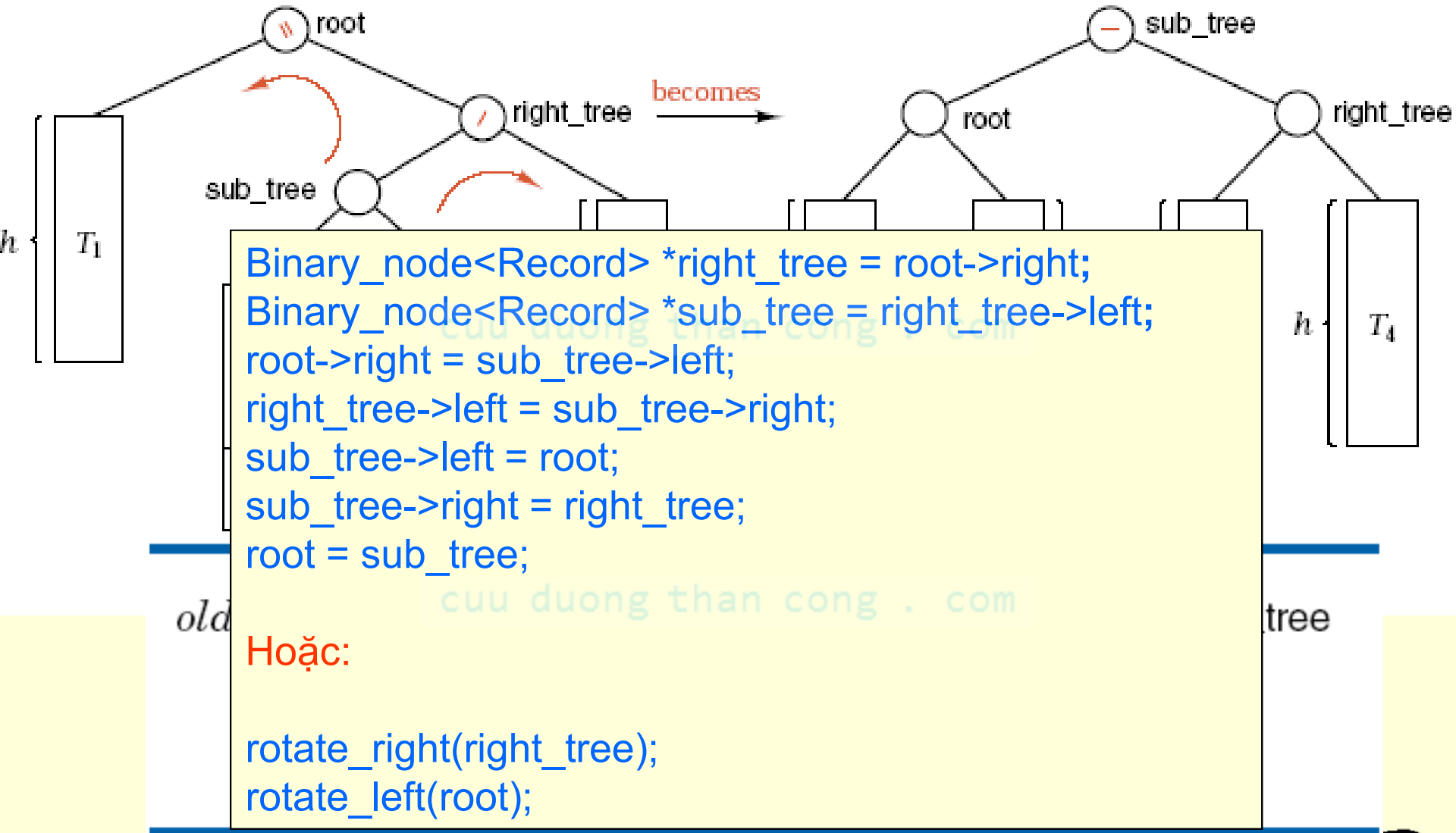
Mất cân bằng bên phải

# Cân bằng cây AVL – Quay đơn

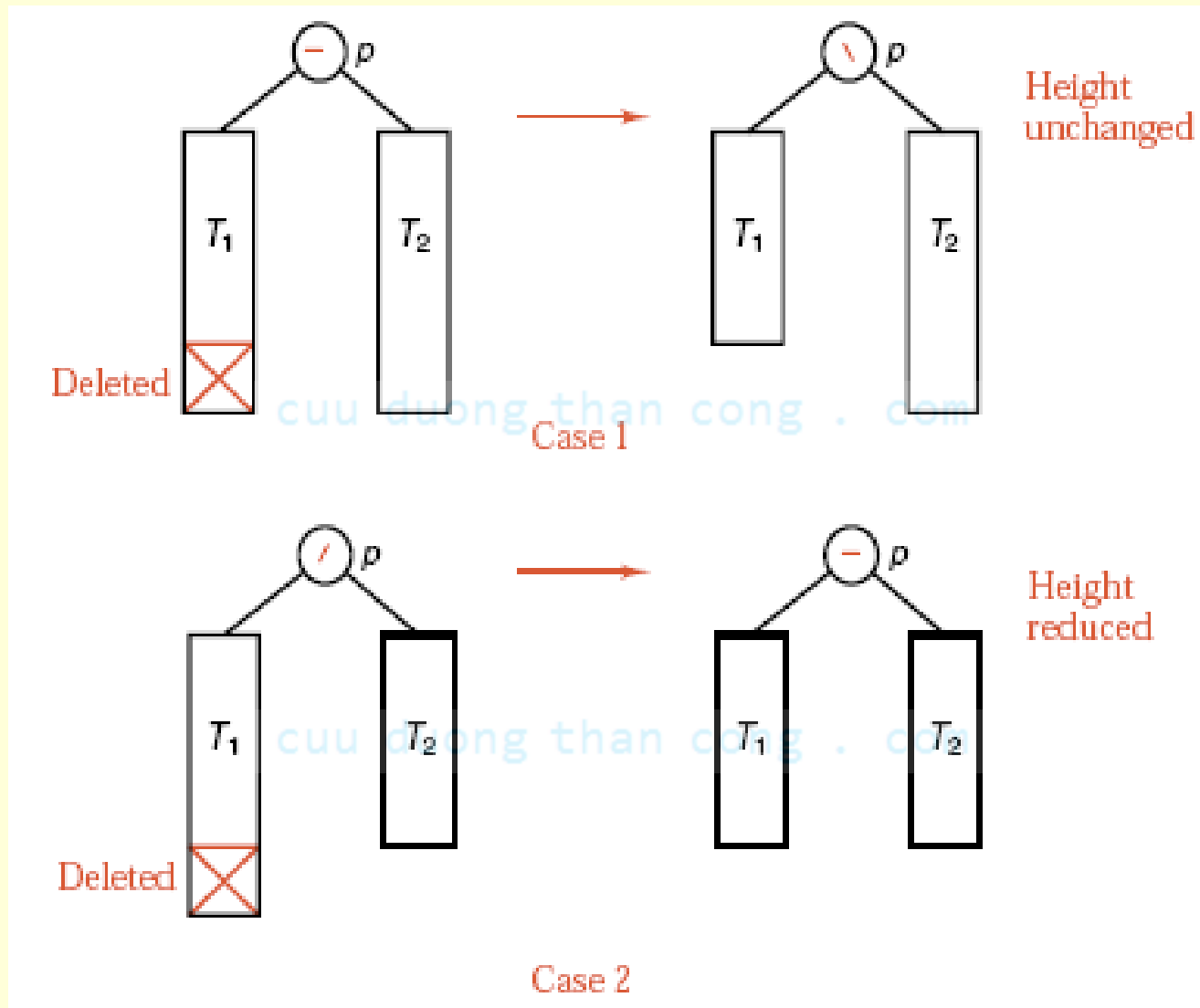
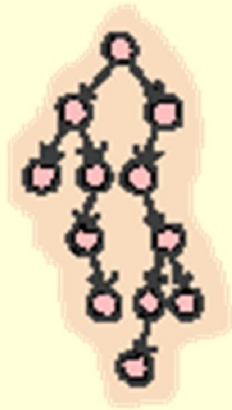


```
Binary_node<Record> *right_tree = root->right;
root->right = right_tree->left;
right_tree->left = root;
root = right_tree;
```

# Cân bằng cây AVL – Quay kép

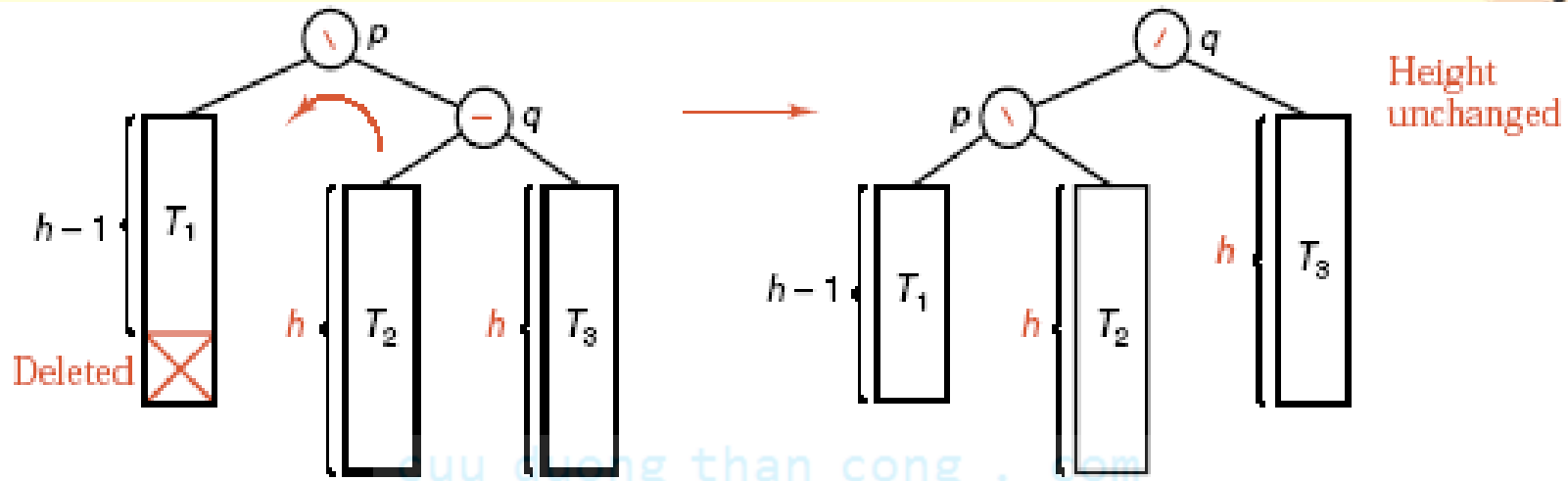


# Các trạng thái khi xóa node

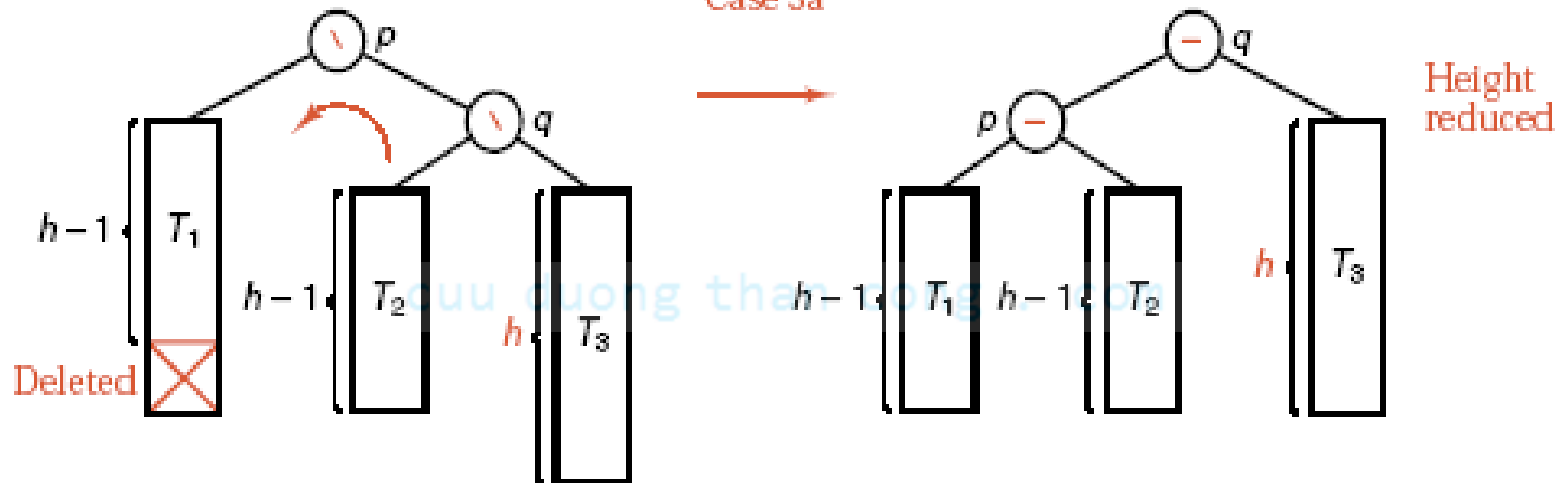




# Các trạng thái khi xóa node (tt.)

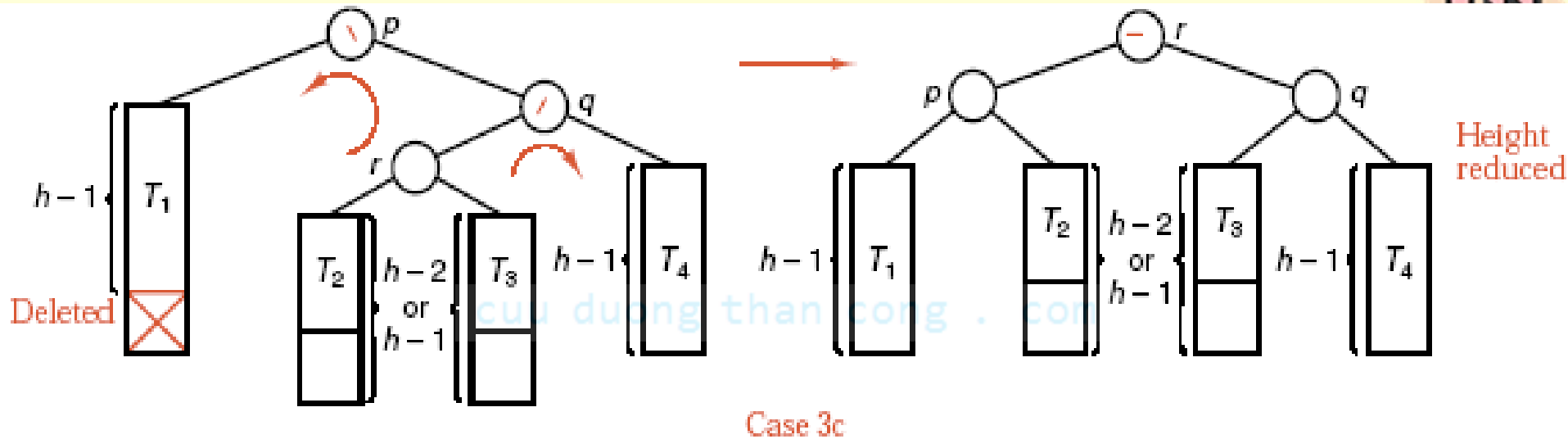
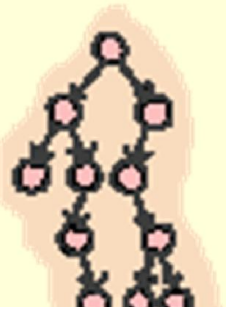


Case 3a



Case 3b

# Các trạng thái khi xóa node (tt.)

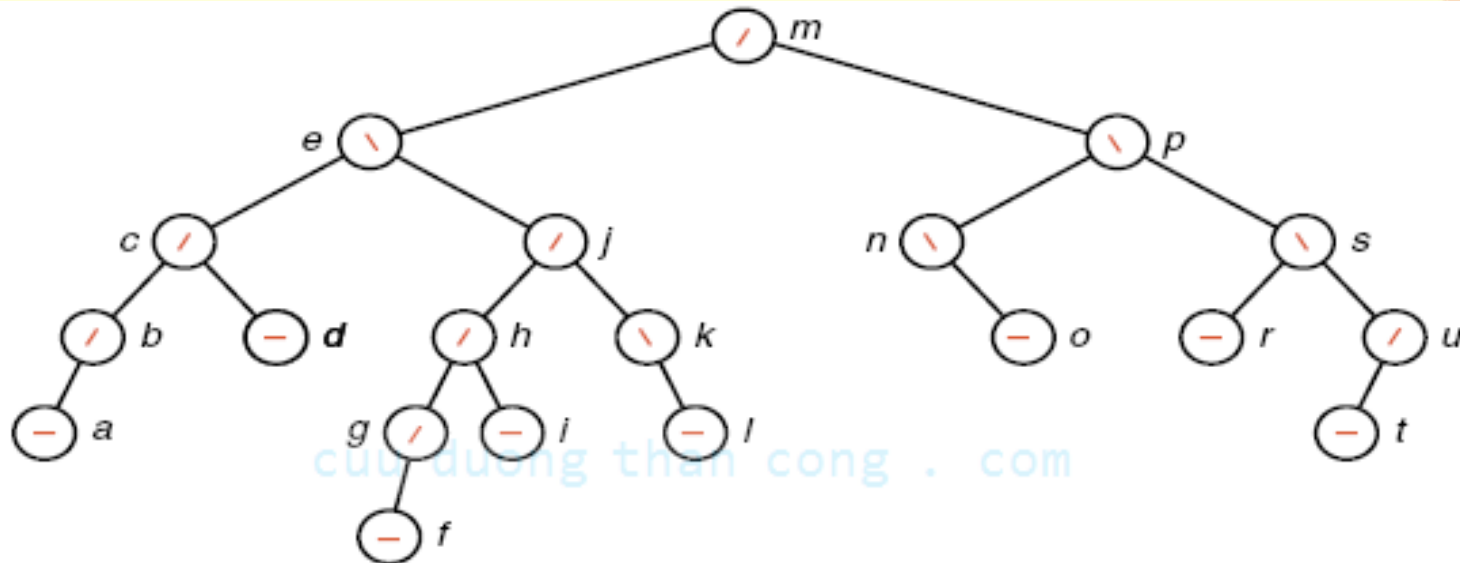


cuu duong than cong . com

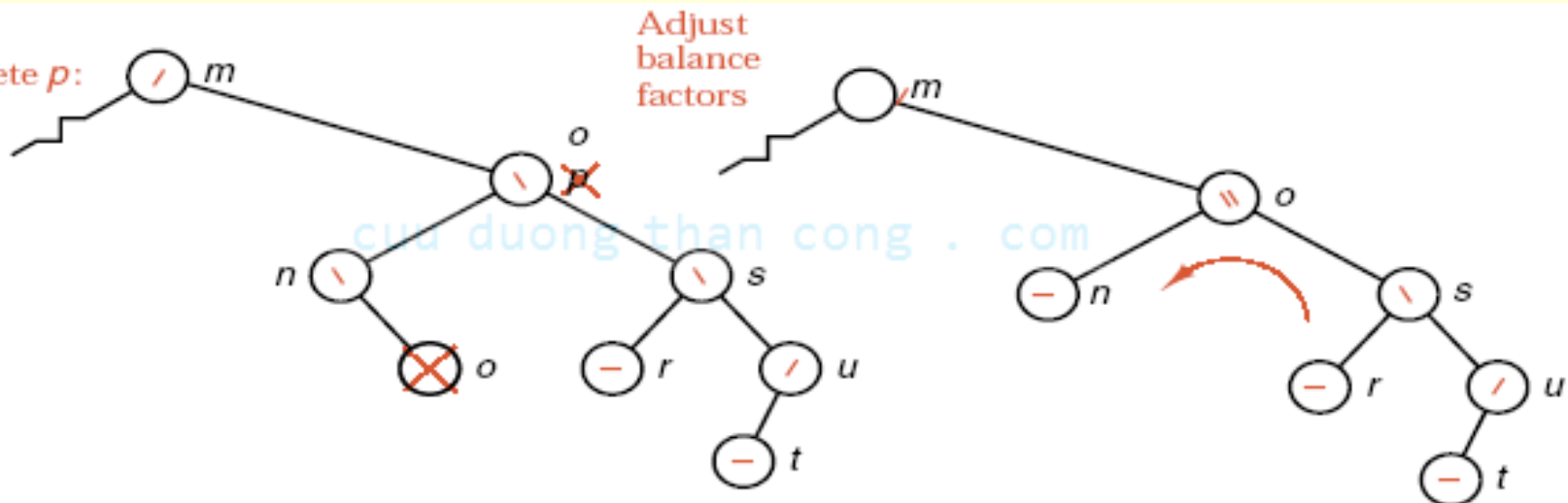
# Ví dụ xóa node của cây AVL



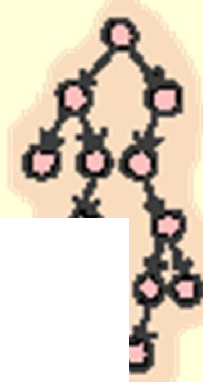
Initial:



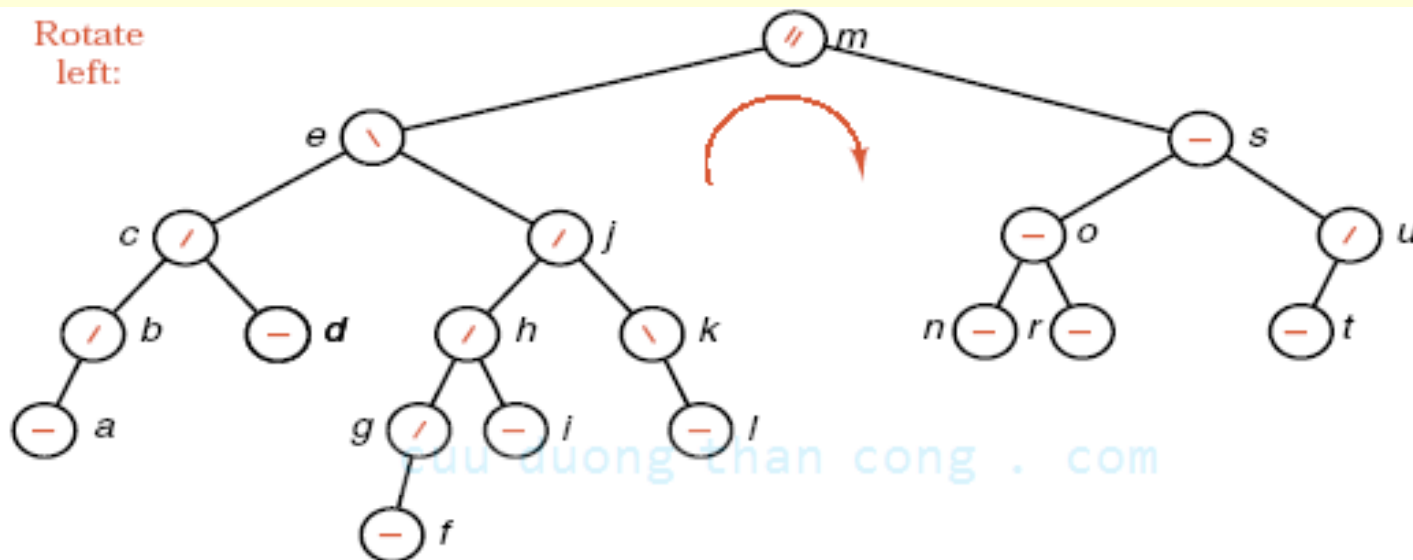
Delete  $p$ :



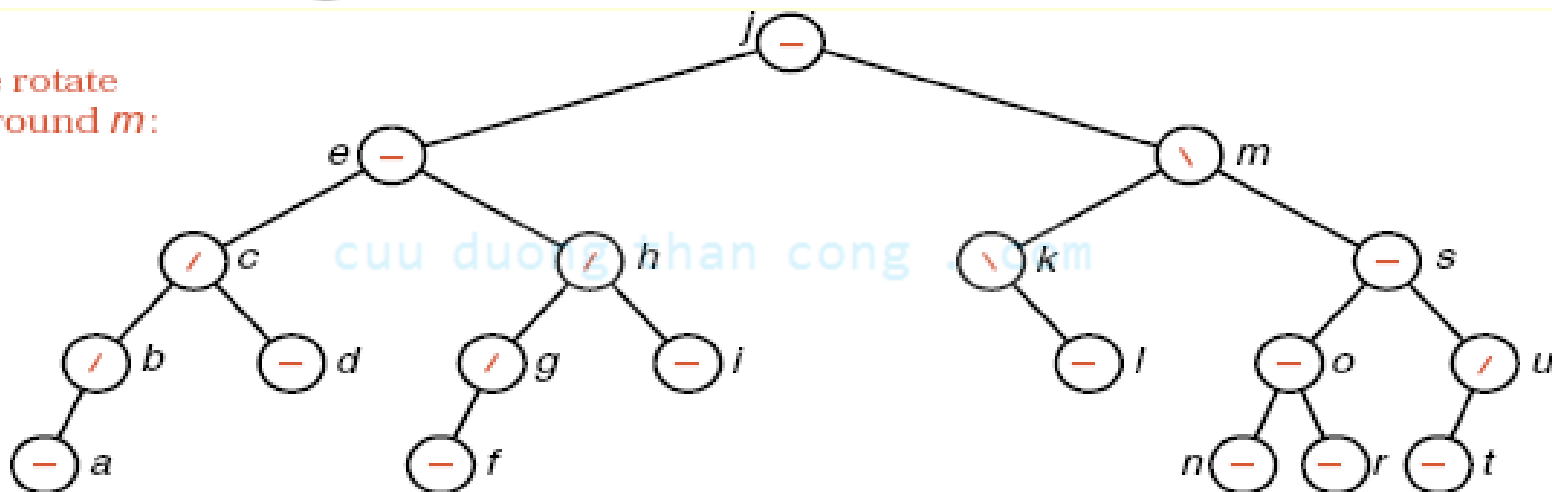
# Ví dụ xóa node của cây AVL (tt.)

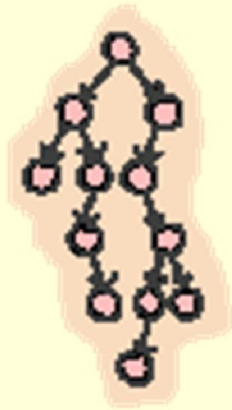


Rotate  
left:



Double rotate  
right around m:





cuu duong than cong . com

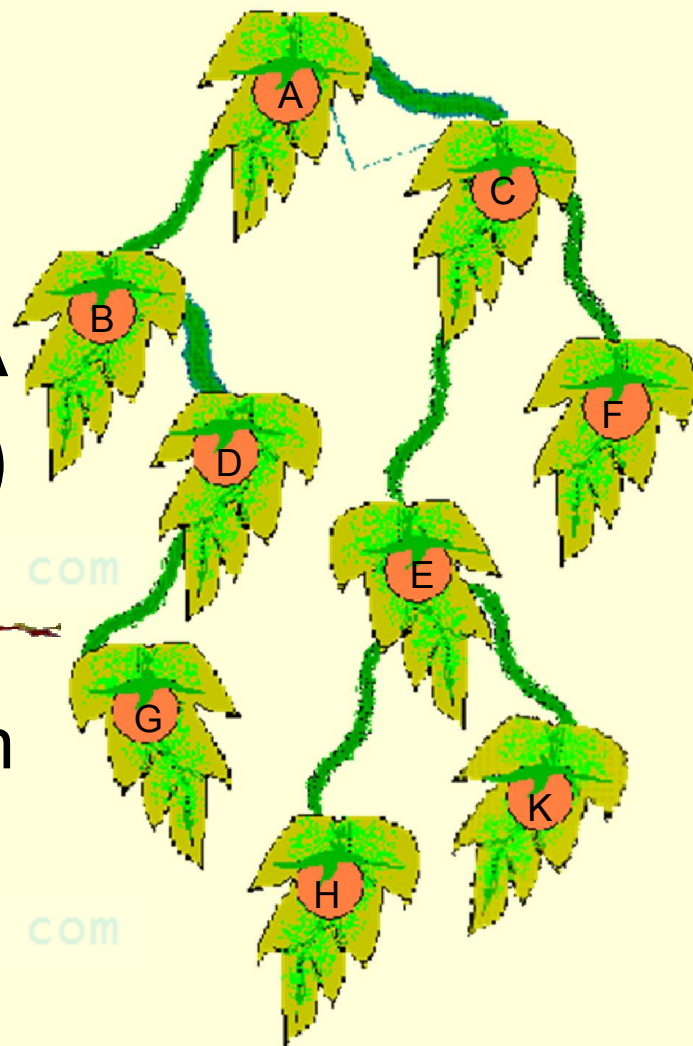
cuu duong than cong . com

# CẤU TRÚC DỮ LIỆU VÀ GIẢI THUẬT (501040)

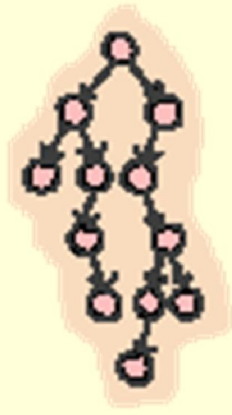
cuu duong than cong . com

## Chương 11: Cây đa phân

cuu duong than cong . com



# Định nghĩa



## Cây đa phân

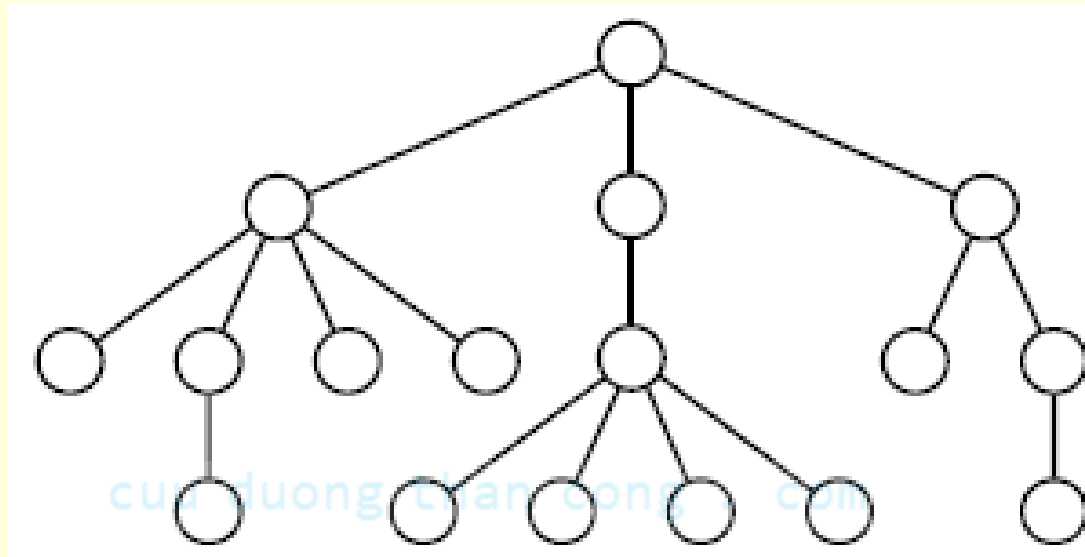
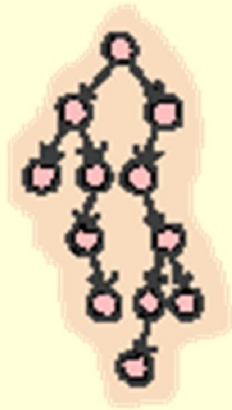
- Cây rỗng
- Hoặc có một node gọi là gốc (root) và nhiều cây con.

## Biểu diễn: [cuuduongthancong.com](http://cuuduongthancong.com)

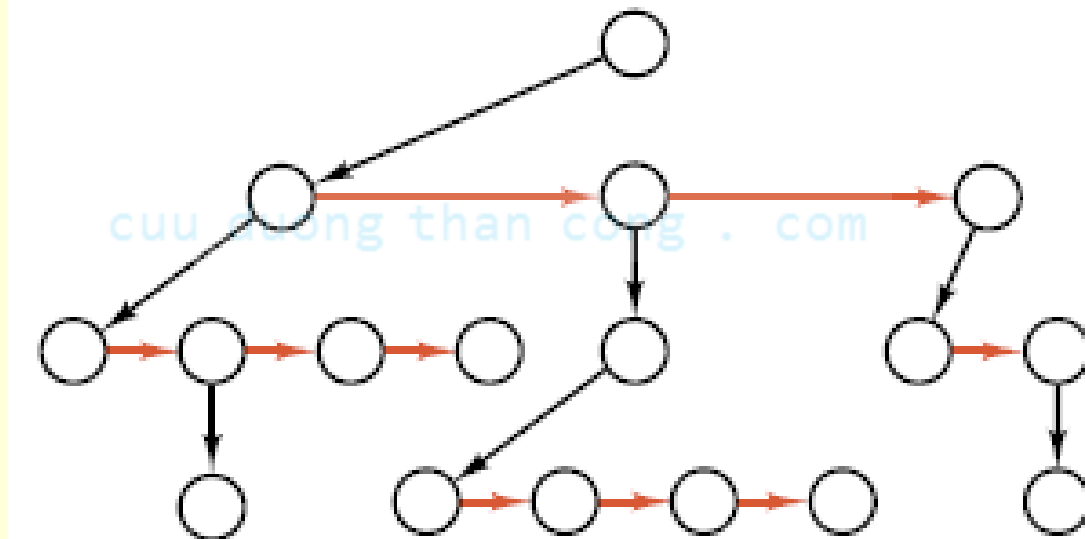
- Mỗi node gồm có nhiều nhánh con
- Mỗi node có 2 liên kết first\_child và next\_sibling
- Dùng cây nhị phân

[cuuduongthancong.com](http://cuuduongthancong.com)

# Biểu diễn

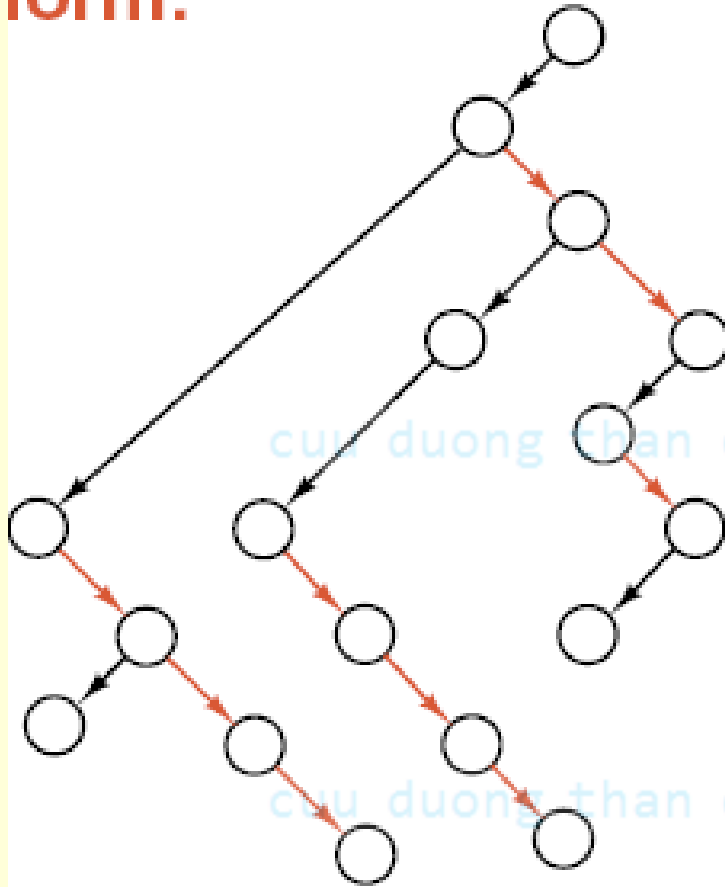


first\_child: black; next\_sibling: color

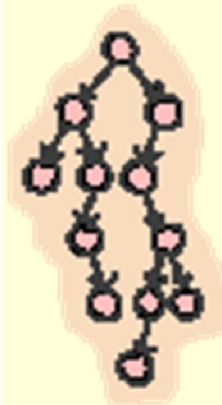
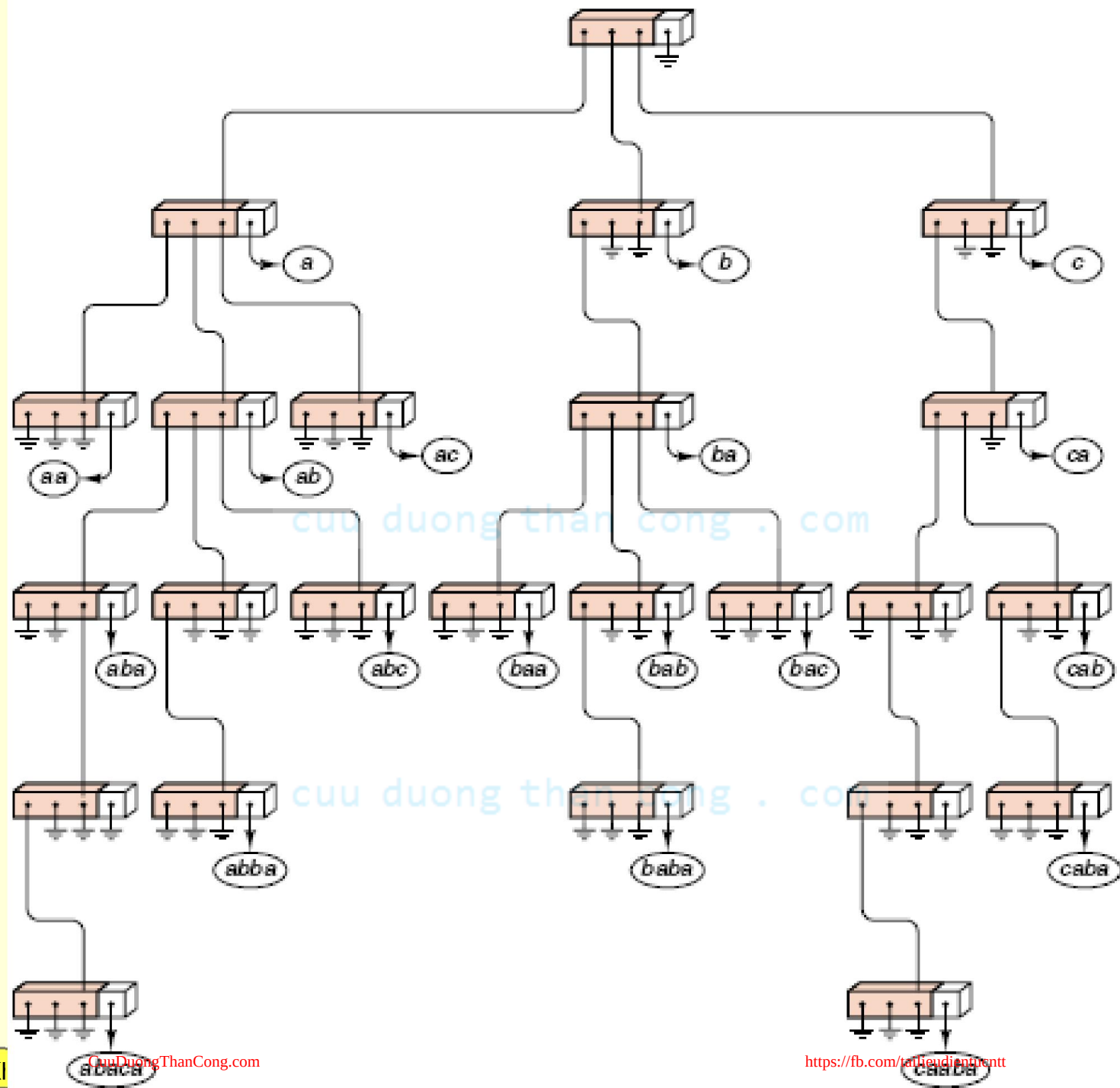




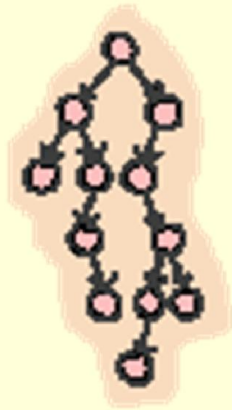
```
first_child (left) links: black
next_sibling (right) links: color
```



Nhi phân:  
left = black  
right = color



# Thiết kế Trie

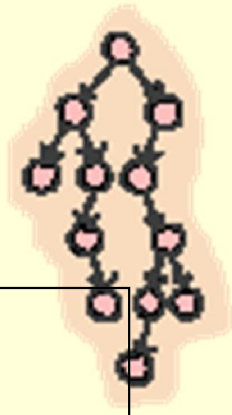


```
class Trie {  
public: // Add method prototypes here.  
private: // data members  
    Trie_node *root;  
};
```

**const int** num chars = 28;

```
struct Trie_node {  
    // data members  
    Record *data;  
    Trie_node *branch[num_chars];  
    // constructors  
    Trie_node( );  
};
```

# Giải thuật tìm kiếm trên Trie



## Algorithm trie\_search

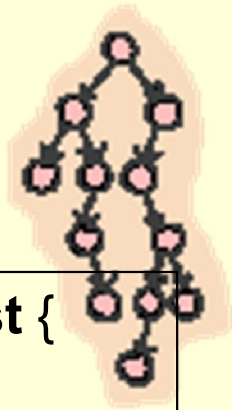
**Input:** target là khóa cần tìm

**Output:** mẫu tin tìm thấy

1. Bắt đầu tìm từ node root với ký tự đầu tiên của target
2. **while** (còn node để tìm và chưa xét hết chuỗi target)
  - 2.1. Nhảy đến node con tương ứng tùy theo ký tự từ target
  - 2.2. Xét ký tự kế tiếp trong chuỗi target
3. **if** (có node và dữ liệu của nó khác rỗng)
  - 3.1. **return** dữ liệu của node này
4. **return** not\_present

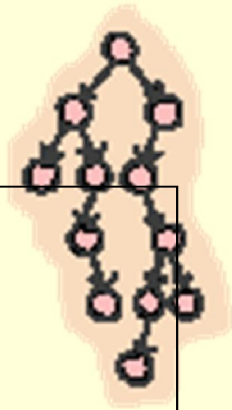
**End** trie\_search

# Mã C++ tìm kiếm trên Trie



```
Error_code Trie::trie_search(const Key &target, Record &x) const {  
    int position = 0;  
    char next_char;  
    Trie_node *location = root;  
    while (location != NULL &&  
           (next_char = target.key_letter(position)) != ' ' ) {  
        location = location->branch[alphabetic_order(next_char)];  
        position++;  
    }  
    if (location != NULL && location->data != NULL) {  
        x = *(location->data);  
        return success;  
    }  
    else  
        return not present;  
}
```

# Giải thuật thêm vào Trie



## Algorithm trie\_insert

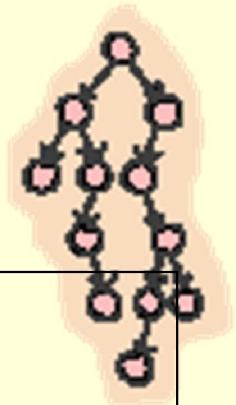
**Input:** new\_entry là dữ liệu cần thêm vào

**Output:** cây sau khi thêm vào dữ liệu mới

1. **if** (cây rỗng)
  - 1.1. Thêm node mới vào đây
  - 1.2. Kết thúc
2. Bắt đầu từ node root và ký tự đầu tiên trong khóa của new\_entry
3. **while** (vẫn chưa xét hết chuỗi của khóa của new\_entry)
  - 3.1. next\_char là ký tự hiện tại trên khóa
  - 3.2. **if** (node con tại vị trí next\_char không có)  
*//Tìm và thêm các node trung gian không có dữ liệu vào*
    - 3.2.1. Thêm một node có dữ liệu rỗng vào đây
  - 3.3. Nhảy đến node con tương ứng với vị trí của next\_char
  - 3.4. Xét ký tự kế tiếp của khóa
4. Thêm dữ liệu vào node hiện tại

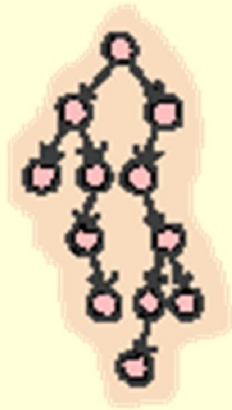
**End** trie\_insert

# Mã C++ thêm vào Trie



```
Error_code Trie :: insert(const Record &new_entry) {
    Error_code result = success;
    if (root == NULL) root = new Trie_node;
    int position = 0;
    char next_char;
    Trie_node *location = root;
    while ((next_char = new_entry.key_letter(position)) != ' ') {
        int next_position = alphabetic_order(next_char);
        if (location->branch[next_position] == NULL)
            location->branch[next_position] = new Trie_node;
        location = location->branch[next_position];
        position++;
    }
    if (location->data != NULL) result = duplicate_error;
    else location->data = new Record(new_entry);
    return result;
}
```

# Đánh giá trie



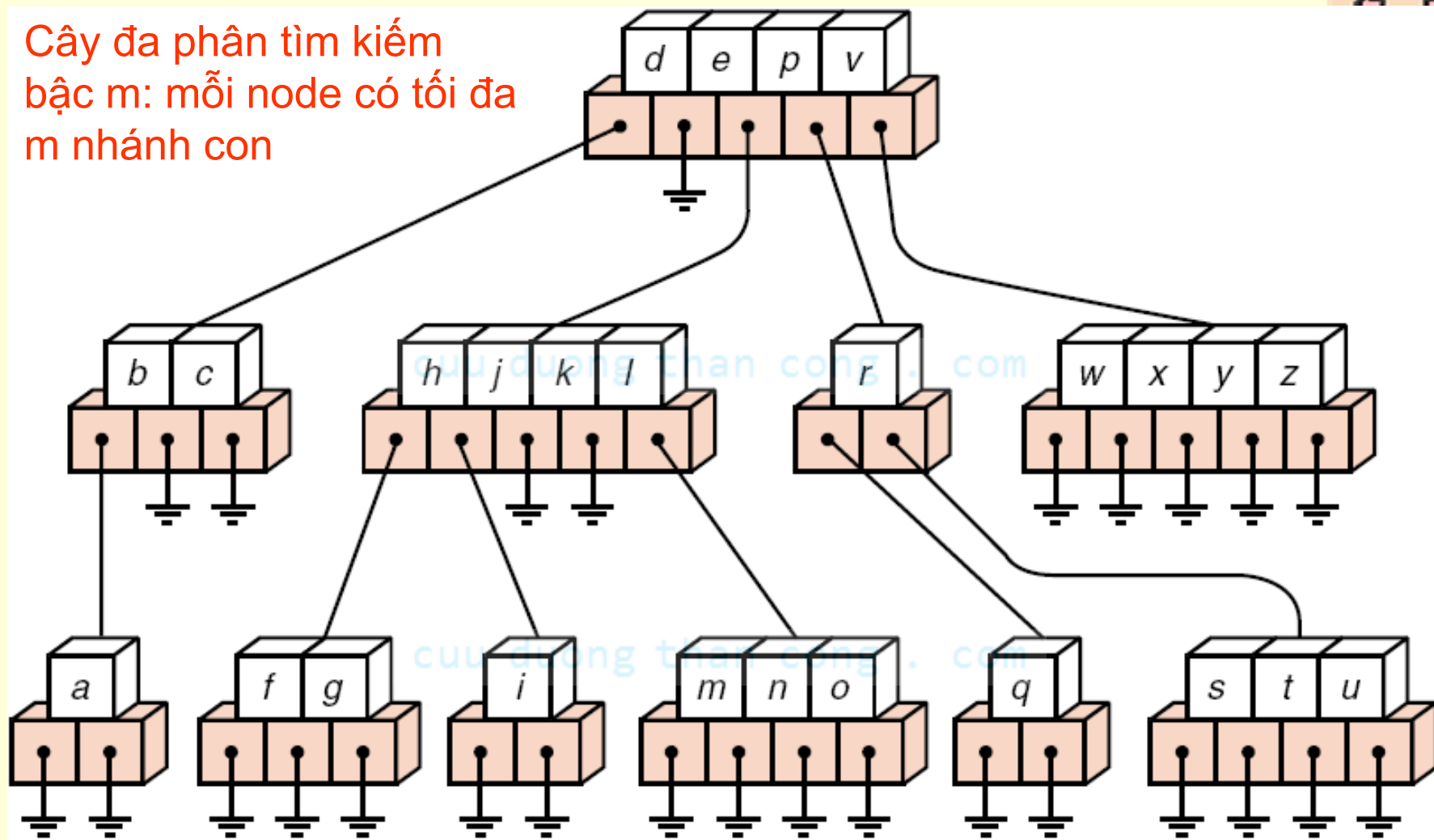
- ❏ Tìm kiếm: Lần so sánh = chiều dài khóa
- ❏ Từ điển tiếng Anh 100.000 từ, chiều dài tối đa 15 ký tự:
  - Trie: Số lần so sánh tối đa = 15
  - Tìm nhị phân =  $k * \lg(100.000) = 17k$  (k: chiều dài trung bình của từ tiếng Anh)

cuu duong than cong . com



# Cây đa phân tìm kiếm

Cây đa phân tìm kiếm  
bậc m: mỗi node có tối đa  
m nhánh con



# Cây đa phân cân bằng (B-tree)



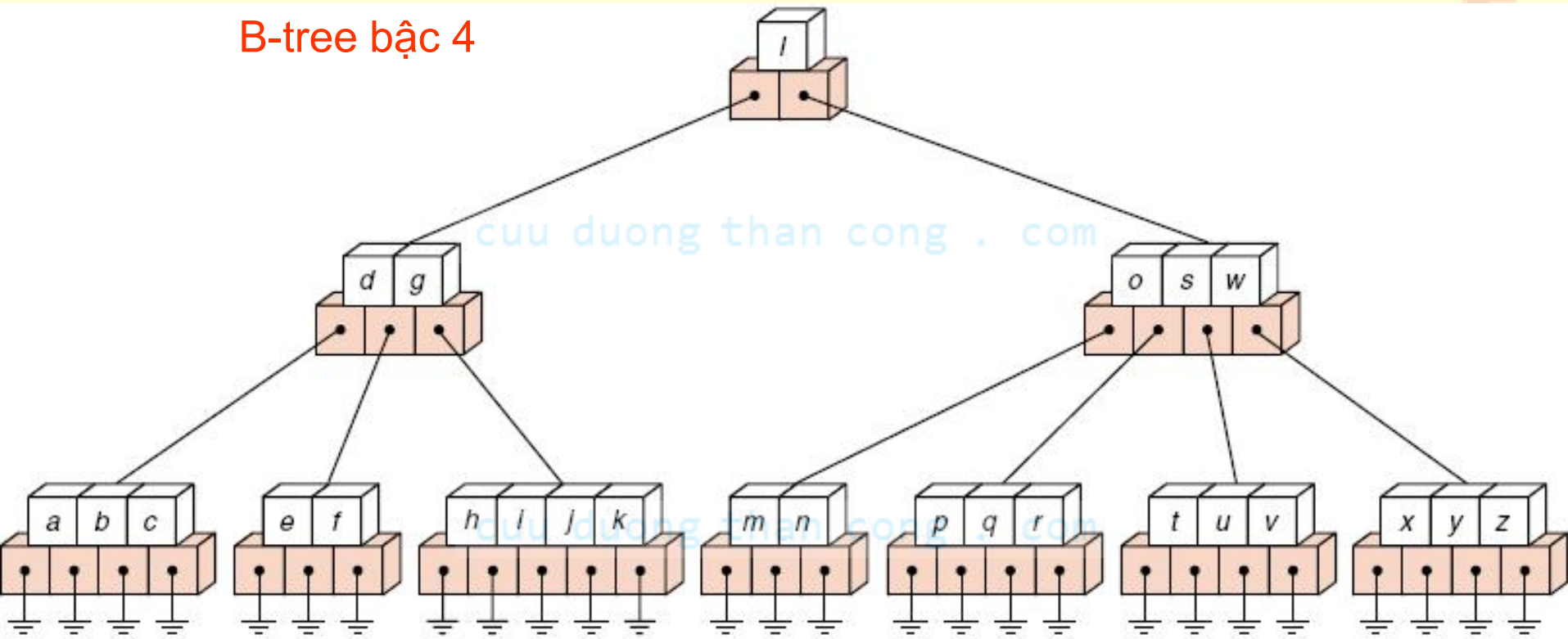
📖 Một *B-tree* bậc  $m$  là một cây đa phân tìm kiếm bậc  $m$ :

- 1. Tất cả các node lá ở cùng một mức.
- 2. Tất cả các node trung gian trừ node gốc có tối đa  $m$  nhánh con và tối thiểu  $m/2$  nhánh con (khác rỗng).
- 3. Số khóa của mỗi node trung gian ít hơn một so với số nhánh con và phân chia các khóa trong các nhánh con theo cách của cây tìm kiếm.
- 4. Node gốc có tối đa  $m$  nhánh con, tối thiểu là 2 nhánh con khi node gốc *không* là *node lá* hoặc không có nhánh con khi cây chỉ có node gốc.

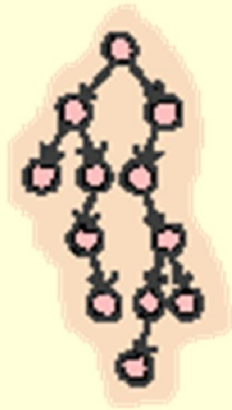
# Ví dụ B-tree



B-tree bậc 4



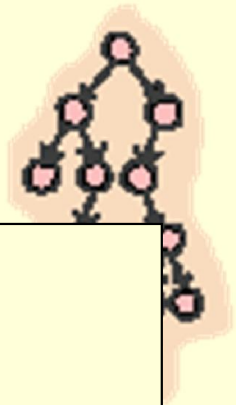
# Thiết kế B-tree



```
template <class Record, int order>
class B_tree {
public: // Add public methods.
private: // data members
    B_node<Record, order> *root;
    // Add private auxiliary functions here.
};
```

```
template <class Record, int order>
struct B_node {
    // data members:
    int count;
    Record data[order - 1];
    B_node<Record, order> *branch[order];
    // constructor:
    B_node( );
};
```

# Giải thuật tìm kiếm trên B-tree



**Algorithm** search\_B\_tree

**Input:** subroot là gốc của cây và target là khóa cần tìm

**Output:** dữ liệu tìm thấy

1. **if** (cây rỗng)

1.1. **return** not\_present

2. **else**

2.1. Tìm target trên dữ liệu của subroot

2.2. **if** (tìm thấy)

2.2.1. **return** dữ liệu tìm thấy

2.3. **else**

*//Tìm không thấy sẽ ngừng tại vị trí có khóa vừa lớn hơn khóa cần*

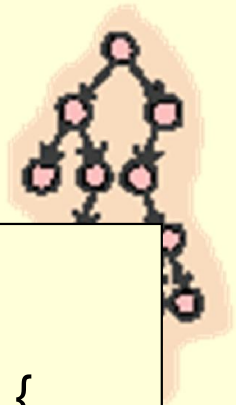
*//tìm, ở đó có liên kết đến nhánh con gồm các khóa nhỏ hơn nó.*

2.3.1. Nhảy đến nhánh con của vị trí không tìm thấy

2.3.1. **Call** search\_B\_tree với nhánh con mới

**End** search\_B\_tree

# Mã C++ tìm kiếm trên B-tree



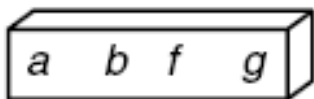
```
template <class Record, int order>
Error_code B_tree<Record, order> :: recursive_search_tree
    (B_node<Record, order> *current, Record &target) {
    Error_code result = not_present;
    int position = 0;
    if (current != NULL) {
        while (position < current->count && target > current->data[position])
            position++;
        if (position < current->count && target == current->data[position])
            result = success;
        if (result == not_present)
            result = recursive_search_tree(current->branch[position], target);
        else
            target = current->data[position];
    }
    return result;
}
```

# Thêm vào B-tree



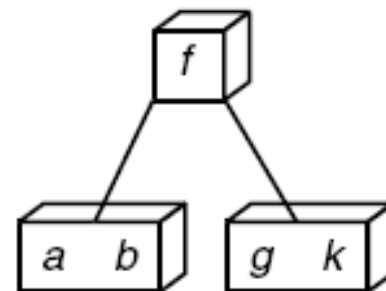
1.

*a, g, f, b:*



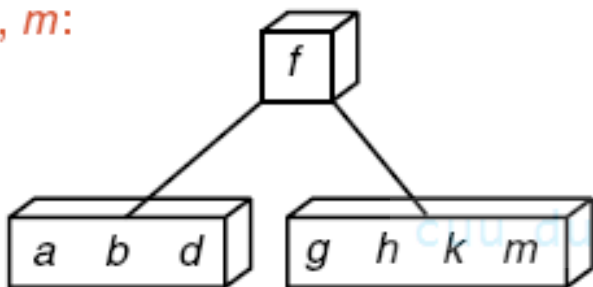
2.

*k:*



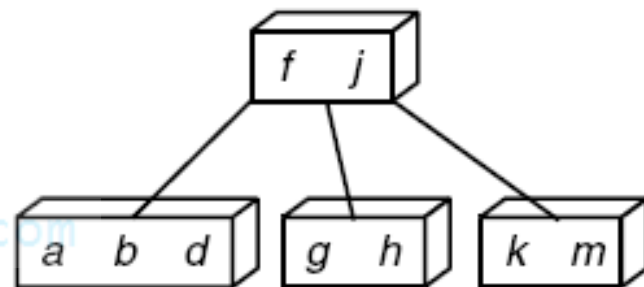
3.

*d, h, m:*

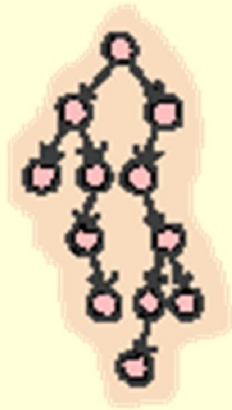


4.

*j:*

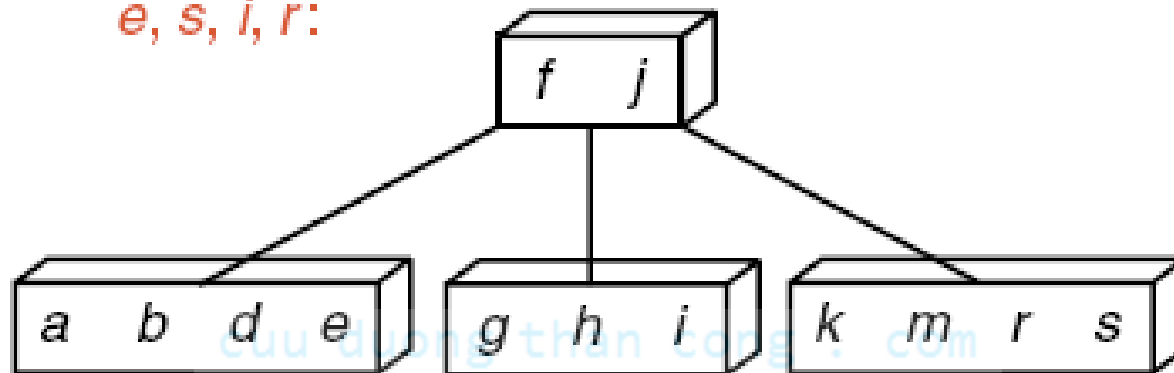


# Thêm vào B-tree (tt.)



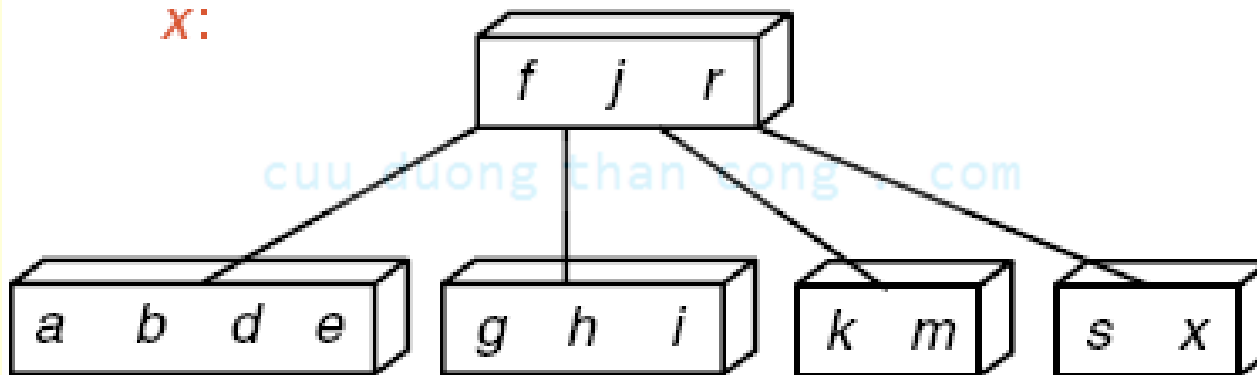
5.

*e, s, i, r:*



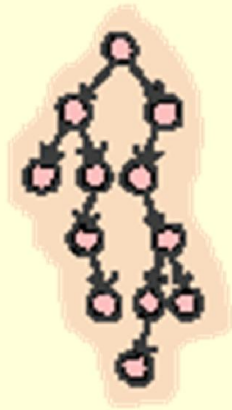
6.

*x:*



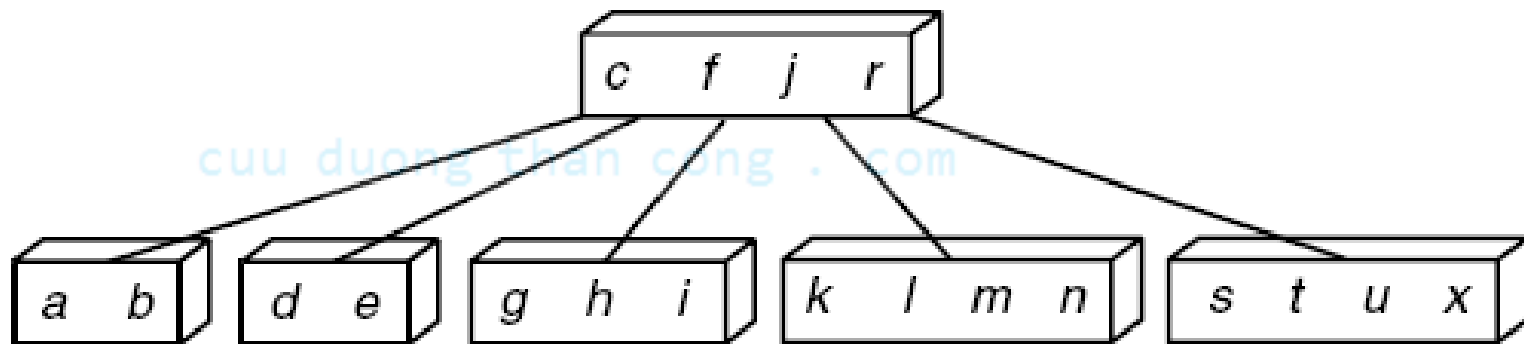


# Thêm vào B-tree (tt.)



7.

*c, l, n, t, u:*



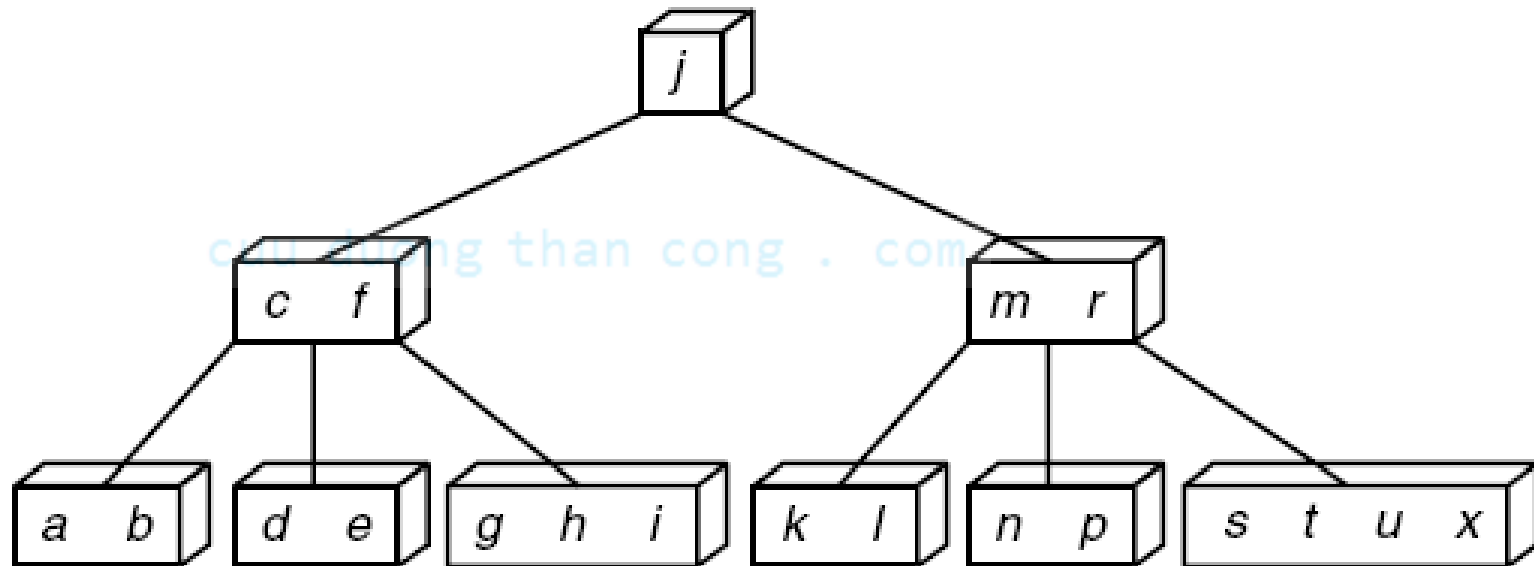
cuu duong than cong . com

# Thêm vào B-tree (tt.)



8.

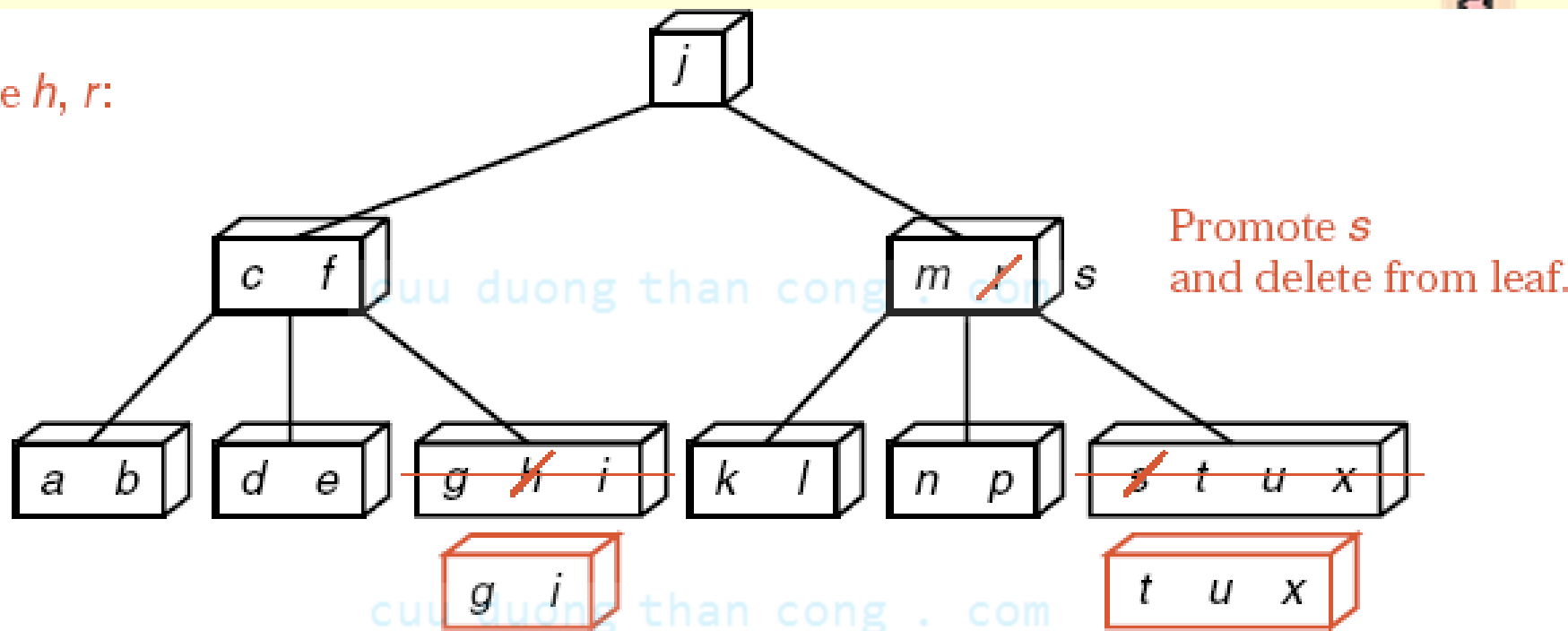
*p:*



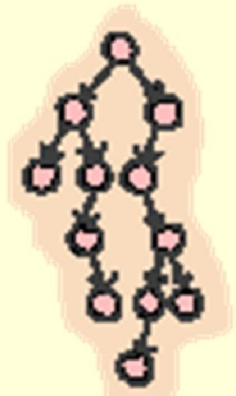
# Xóa giá trị trên B-tree



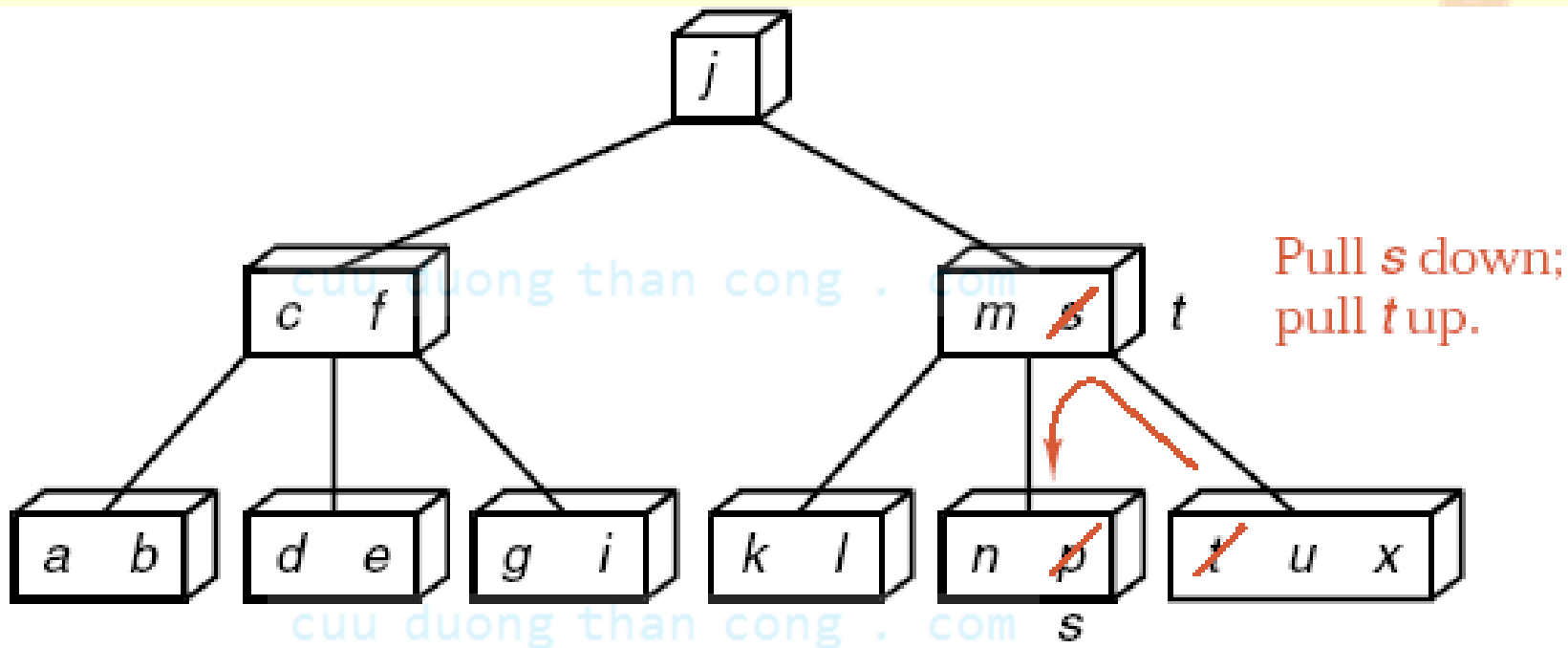
1. Delete  $h, r$ :



# Xóa giá trị trên B-tree (tt.)



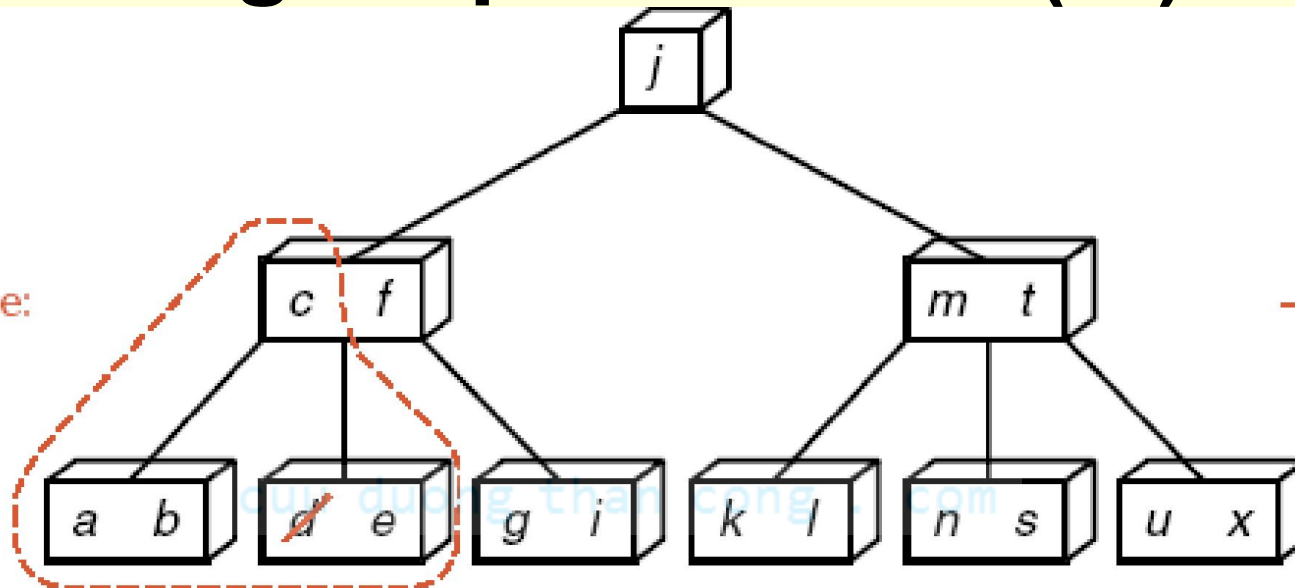
2. Delete  $p$ :



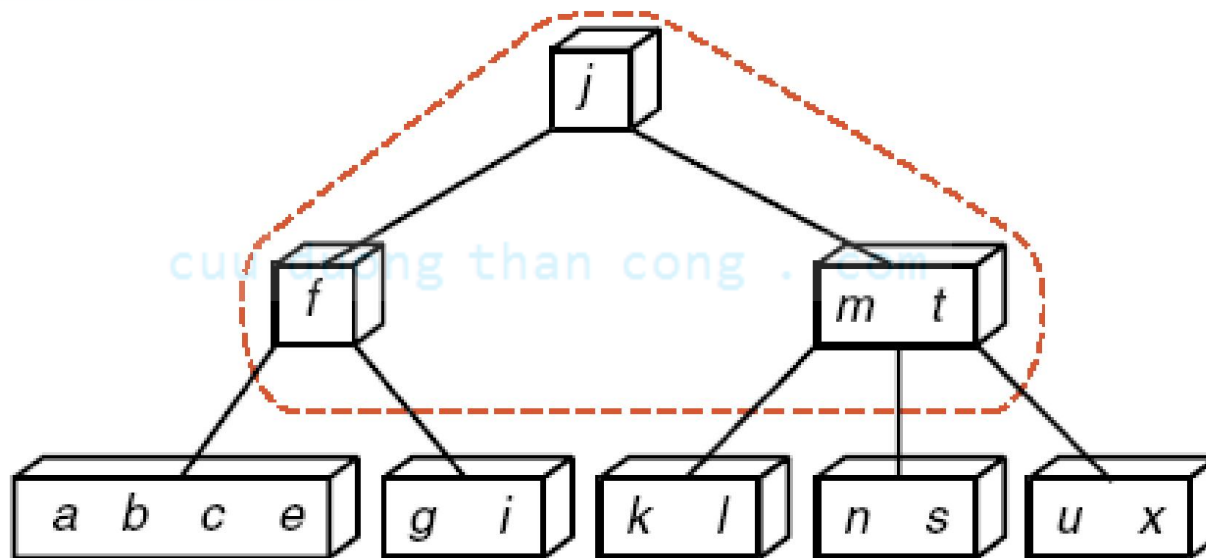
# Xóa giá trị trên B-tree (tt.)

3. Delete  $d$ :

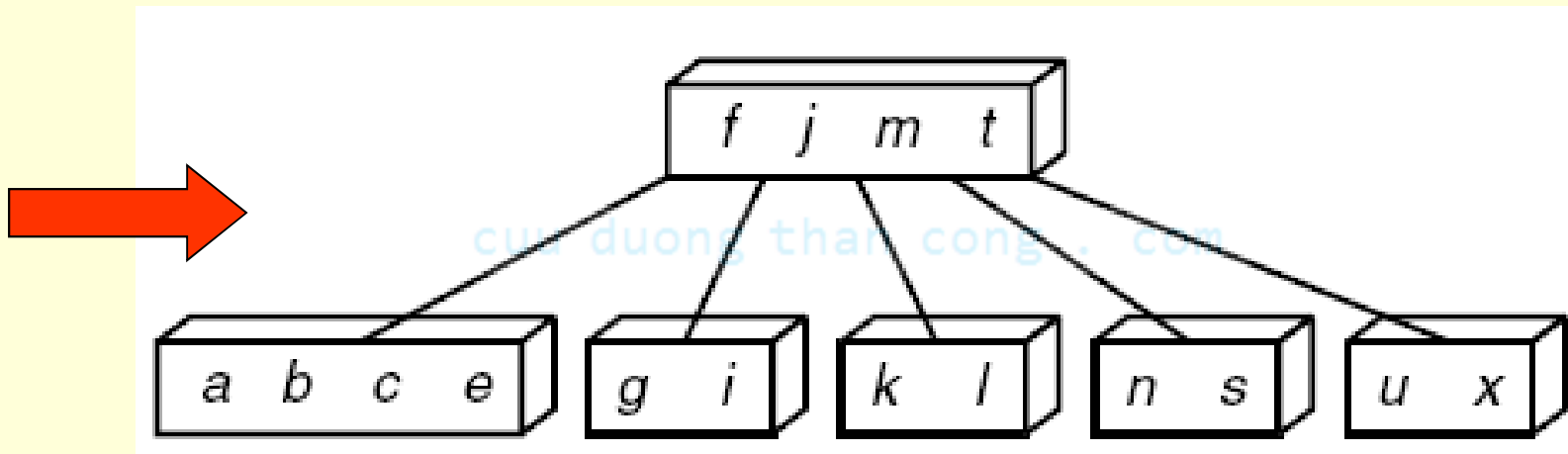
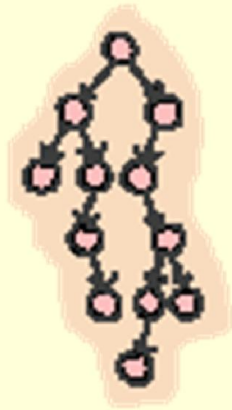
Combine:

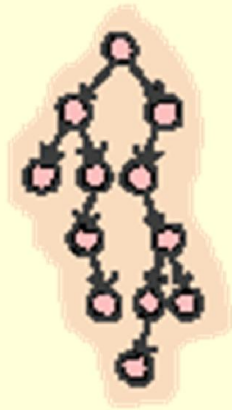


Combine:



# Xóa giá trị trên B-tree (tt.)





cuu duong than cong . com

cuu duong than cong . com